

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's broads discoverable outline. The book is a carefully secretary of the project of the project by the project of the project by the projec

It has an word angermagn or an experign to experiment on one or one or partie contain. A prote contain counts on an exert suspect to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may very country to country. Public domain books are our outrous as the next representation to within the history colours and larendyless that for difficult to discover-

are our patterns to the past, representing a weath of history, outbure and knowledge that well on difficult to discover.

Marks, nonzinou and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the robbither on a Braze and findly so you.

Usage guidelines

Google in ground to pranter with libraties to digitize paths domain materials and make their workly accountle. Daths domain books belong to the toppublic and we are morely their causalisms. Nevertibees, this work is expensive, so in mode to keep providing this restruct, we have taken steps to prevent taken by commercial parties; including placing technical restrictions on automated querying.

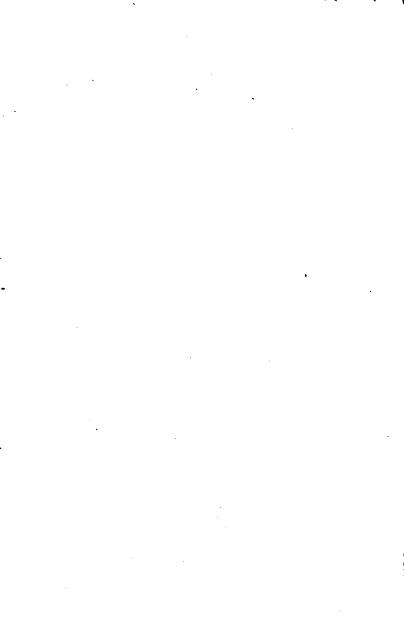
- Mode non-commercial use of the files We designed Geogle Book Search for use by individuals, and we request that you use those files for personal, non-commercial purposes.
- Refreite free convented govering Do not send concented queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other eross where access to a large amount of text is helpful, please context us. We executing the use of a hill formed materials for these removes and two by this hoshie.
- Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional property through Google Server. Blood dozen property in the project and helping them find a distributed property through Google Server.
- Robbins or normalism in course y waternists y varieties for species can true excelsion are maning proper accurate in prepara more proper accurate production of the country of course from a contract production of the country of

About Goode Book Search

anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

Google's mission is to expanice the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readere discover the world's books while belging authors and publishers reach new audiences. You can search through the full next of this book on the web additional or additional control is control.

X1X. 18.





THEONIS SMYRNAEI

PHILOSOPHI PLATONICI

EXPOSITIO RERUM MATHEMATICARUM

AD LEGENDUM PLATONEM UTILIUM.

RECENSUIT

EDUARDUS HILLER.



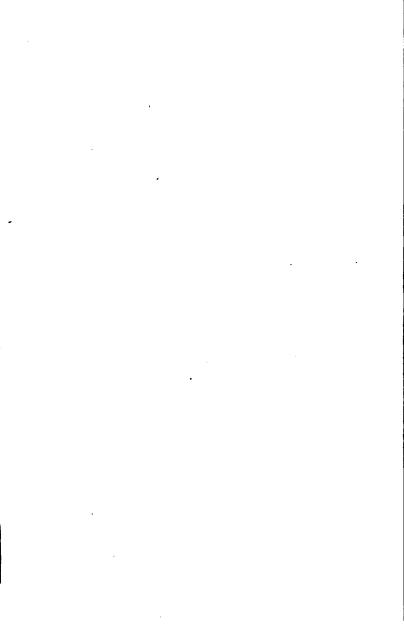
LIPSIAE,
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.
MDCCCLXXVIII.

Ree. Ang. 28, 1879.

LIPSIAE: TYPIS B. G. TEUBNERI

FRIDERICO HULTSCHIO

S.



PRAEFATIO.

Theonis Smyrnaei commentarius de rebus mathematicis ad legendum Platonem utilibus in duas partes discerptus ad nostram aetatem pervenit; quarum prior (p. 1—119) exstat in codice Veneto bibliothecae Marcianae 307 (A), posterior (p. 120—205) in eiusdem bibliothecae codice 303 (B). Hos libros Bonnae excussi, quo transmissi mihi erant intercedente Ottone Iahnio praeceptore humanissimo; postea multos locos Venetiis iterum inspexi.

Codex A membranaceus, saeculi XI. vel XII., formae quadratae, praeter Theonis partem priorem nihil continet. Librarius in iis quae ad prosodiam pertinent multos commisit errores; veluti saepe scripsit, ut pauca adferam, νητή ὅγδοος τετρακτῦς ἰσος δυᾶδος μεταβάσα. Praepositiones saepe carent accentibus. Ubi pronominis reflexivi forma requiritur, aut έαυτοῦ positum est aut αὐτοῦ, nunquam nisi fallor αὐτοῦ. Promiscue legitur αἰεί et ἀεί. ι nunquam subscribitur, interdum adscribitur. Numeri fere semper rubro colore facti sunt.

Quae librarius ille in prosodia peccavit, ea plerumque, non ubique, correxit alia manus (A²), quae etiam ἰδέα pro εἰδέα, λεῖμμα pro λίμμα ac similia recte restituit. Graviora quoque nonnulla ab eadem manu mutata inveniuntur. Neque vero eae scripturae ex

alio codice repetendae sunt: nam omnes ita sunt comparatae, ut facile coniectura sive vera sive falsa inparatae, ut facile conjectura sive vera sive falsa inveniri potuerint. Ceterum cum etiam is qui codicem exaravit multa correxerit et in rasura scripserit, compluribus locis non potest accurate cognosci, utrum ad illam an ad alteram manum mutatio sit`referenda.

De codice B cf. quae disputavi in Philologi vol. XXXI. p. 172 sqq. Chartaceus est, forma maxima, saeculo XIV. vel XV. scriptus. Continet inde a fol. 9a—16 b operis huius partem alteram cum figuris ne-

glegentissime factis.

Inscriptiones capitum quas A et B praebent tantopere discrepant ab indicandi argumenti recta ratione tamque inepte nonnunquam positae sunt, ut ipsius scriptoris quamvis mediocri ingenio tribui non possint. Itaque non in verborum contextu sed in aduotatione critica locum iis adsignandum esse censui.

Cf. Martin, Theo de astr p. 36.

Ex codicibus A et B ducti sunt omnes quorum ego notitiam habeo libri manu scripti in quibus tota exstat aut prior pars aut posterior; quod ita se haexstat aut prior pars aut posterior; quod ita se habere certis argumentis alio loco mox comprobabo. Adhibitis exemplaribus ex A aut B derivatis priorem partem edidit Bullialdus (Lut. Par. 1644), posteriorem Martinus (ib. 1849) — versus Alexandri (p. 139 sqq.), quos ex apographo codicis B descripserat Isaac Vossius, iam antea saepius typis expressi erant, cf. adn. ad p. 139 —, denique primam particulam (p. 1—46, 19) de Gelder (Lugd. Bat. 1827). Mihi codices huius generis iis potissimum locis commemorandi fuerunt, phi antiques scripturae expresse correctes expisent generis ils potissimum locis commemorandi ruerunt, ubi antiquae scripturae errores correctos exhibent. Variorum signorum multitudine ne adnotatio prorsus inutiliter oneraretur, ex horum librorum numero eos in quibus emendatae lectiones inveniuntur singillatim indicare nolui, sed communi apographorum appellatione codices ex A vel B oriundos significavi. Eam autem particulam huius libri quae legitur p. 46, 20—57, 6 (τοῦ πνεύματος) separatim excerptam complures codices praebent, in quorum archetypum transscripta esse videtur ex libro ab A diverso. Huius generis exemplaria sunt codex Venetus Marcianus 512 saeculi XIII. vel XIV., Riccardianus K 2, 2, 41 saec. XV., Neapolitanus 260 sive III C 2 saec. XV. vel XVI., Vaticanus 221 saec. XVI., Vaticanus Urbinas 77 saec. XVI., Barberinianus II 86 saec. XVI. Fragmentum Theonis ex Marciano in usum meum insigni comitate descripsit Hermannus Diels; ex Neapolitano nonnulla mihi notaverunt Fridericus de Duhn et Georgius Kaibel; ceteros ipse cum editione Bullialdi contuli. Ex eodem genere is codex fuit quo Manuel Bryennius usus est: cf. eius Harmon. p. 393 sqq. His igitur libris inter se comparatis quid in eorum archetypo (Z) scriptum fuerit facile cognosci potest.

Ad emendandos versus Alexandri praeter codicem Marcianum B adhibui eiusdem bibliothecae codicem 203 (C) chartaceum saeculi XIII., in cuius ultimo folio (230) poema illud exstat praescripto titulo ἀλλεξάνδοου Αλτωλοῦ περὶ τῶν πλανητῶν. Librarius eo exemplari

usus esse videtur ex quo B descriptus est.

Compluribus locis ad restituenda Theonis verba utilitatem praebet *Chalcidii* in Platonis Timaeum commentarius, propterea quod uterque scriptor Adrasti Peripatetici commentarium in usum suum convertit partesque eius haud exiguas accurate expressit: cf. Rhein. Mus. XXVI p. 582 sqq.

Lacunarum quarum signa in contextu verborum posui vestigia in codicibus iis tantum locis exstant, ubi id diserte a me indicatum est. Uncis obliquis $\langle \, \, \rangle$ ea inclusi quae traditae lectioni addenda, quadratis [] ea quae delenda esse mihi videntur. Ad significandas eas prioris manus cod. A scripturas quae ab A² mutatae sunt nota A¹ usus sum. Asteriscum * appo-

sui scripturis libri B a Martino correctis. Omnibus vero iis locis, quibus emendationis sive in adnotatione propositae sive in verborum ordinem receptae auctorem vel fontem non indicavi — sunt autem fere CCCCL -, emendationem a me coniectura esse inventam sciendum est. Ceterum in mutanda tradita lectione caute erat progrediendum; multa enim quae perverse vel neglegenter dicta esse apparet quin ipsius Theonis inscitiae levitatique tribuenda sint dubitari nequit. Praecipue loci Platonici in praefationem recepti (p. 2-14) reliquas operis partes tantopere superant vitiorum multitudine ac foeditate, ut ea omnia ad librariorum errores referenda esse prorsus sit incredibile. In his igitur quia accurate diiudicari nullo modo potest, quid librarii peccaverint, quid Theo, denique quid iam in Platonis exemplaribus a Theone adhibitis corrupte scriptum fuerit, errores intactos relinquere quam facili atque inutili negotio genuina Platonis verba hic illic restituere malui. Notas codicum Reipublicae ex Schneideri, Epinomidis ex Bekkeri editione mutuatus sum.

Reliquum est ut gratias agam quam maximas Friderico Hultschio viro clarissimo, qui accuratissime perlectis his plagulis complures emendationes aut certas aut probabiles quarum in addendis mentionem feci (cf. etiam adn. ad p. 15, 17. 22, 17. 25, 20) mecum communicavit.

Scr. Halae mense Octobri a. 1878.

THEO SMYRNAEUS.

• . .

Ότι μεν ούχ οδόν τε συνεΐναι τῶν μαθηματικῶς λεγομένων παρά Πλάτωνι μη καλ αύτον ήσκημένον έν τῆ θεωρία ταύτη, πᾶς ἄν που ὁμολογήσειεν ὡς δὲ οὐδὲ τὰ ἄλλα ἀνωφελής οὐδὲ ἀνόνητος ή περὶ ταῦτα έμπειρία, διὰ πολλών αὐτὸς έμφανίζειν ἔοικε. τὸ μὲν 5 οὖν συμπάσης γεωμετρίας καὶ συμπάσης μουσικῆς καὶ άστρονομίας έμπειρον γενόμενον τοίς Πλάτωνος συγγράμμασιν έντυγχάνειν μακαριστόν μέν εί τφ γένοιτο. ού μην εύπορον οὐδε δάδιον άλλα πάνυ πολλοῦ τοῦ έκ παίδων πόνου δεόμενον. ώστε δε τους διημαρτηκό- 10 τας τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασιν ἀσκηθῆναι, ὀρεγομένους δὲ τῆς γνώσεως τῶν συγγραμμάτων αὐτοῦ μὴ παντάπασιν ών ποθούσι διαμαρτείν, κεφαλαιώδη καλ σύντομον ποιησόμεθα των άναγκαίων και ών δει μάλιστα τοῖς έντευξομένοις Πλάτωνι μαθηματικών θεωρημάτων παρά- 15 δοσιν, άριθμητικών τε καί μουσικών καί γεωμετρικών τῶν τε κατὰ στερεομετρίαν καὶ ἀστρονομίαν, ὧν χωρίς

Inscr. Θέωνος Σμυςναίου Πλατωνικοῦ τῶν κατὰ τὸ (τὸ supra vs.) μαθηματικὸν χρησίμων εἰς τὴν Πλάτωνος ἀνάγνωσιν Α 1 inscr. ὅτι ἀναγκατὰ τὰ μαθήματα Α 2 ήσκημένον: ον corr. ex ων Α 4 οὐδὲ τὰ ἄ.] οὖτε τὰ ἄ. Α 5 τὸ corr. ex τὸν Α 6 γεωμετρίας: καὶ ἀριθμητικῆς add. recentior manus in apogr. fort. recte 10 σκοπὸς τοῦ βιβλίου mg. Α

ούχ ολόν τε είναι φησι τυχείν τοῦ ἀρίστου βίου, διὰ πολλών πάνυ δηλώσας ώς οὐ χρὴ τῶν μαθημάτων ἀμελείν.

Έρατοσθένης μὲν γὰρ ἐν τῷ ἐπιγραφομένῷ Πλατωνικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ τωνικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ τὰπαλλαγῆ λοιμοῦ βωμὸν τοῦ ὅντος διπλασίονα κατασκευάσαι, πολλὴν ἀρχιτέκτοσιν ἐμπεσεῖν ἀπορίαν ζητοῦσιν ὅπως χρὴ στερεὸν στερεοῦ γενέσθαι διπλάσιον, ἀφικέσθαι τε πευσομένους περὶ τούτου Πλάτωνος. τὸν δὲ φάναι αὐτοῖς, ὡς ἄρα οὐ διπλασίου βωμοῦ ὁ θεὸς το δεόμενος τοῦτο Δηλίοις ἐμαντεύσατο, προφέρων δὲ καὶ ὀνειδίζων τοῖς Ἑλλησιν ἀμελοῦσι μαθημάτων καὶ γεωμετρίας ἀλιγωρηκόσιν.

ἀκολούθως δὲ τῆ τοῦ Πυθίου παραινέσει πολλὰ καὶ αὐτὸς διέξεισιν ὑπὲρ τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασι χρησίμου. ἔν τε γὰρ τῆ Ἐπινομίδι προτρέπων ἐπὶ τὰ μαθήματά φησινού γὰρ ἄνευ τούτων ποτέ τις ἐν πόλει εὐδαιμόνων γενήσεται φύσις, ἀλλ' οὐτος ὁ τρόπος, αῦτη ἡ τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἴτε χαλεπὰ εἴτε ράδια, διὰ ταύτης ἰτέον ἀμελῆσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἐστι θεῶν. καὶ ἐν τοῖς ἐφεξῆς τὸν τοιοῦτόν φησιν ἐκ πολλῶν ἕνα γεγονότα εὐδαίμονά τε ἔσεσθαι καὶ σοφώτατον ᾶμα καὶ μακάριον.

έν δὲ τῆ Πολιτεία φησίν ἐκ τῶν κε΄ ἐτῶν οί προκριθέντες τιμάς τε τῶν ἄλλων μείζους οἴσονται, τά τε

^{3 &#}x27;Ερατοσθένης: Bernhardy Eratosthenica p. 168. cf. Philol. XXX p. 67 12 ώλιγορηκόσιν A, em. apogr. 15 Epin. p. 992 A σὐ γὰρ ἄνευ γε (γε om. Nicom. introd. arithm. I 3, 5) τούτων μήποτέ τις έν πόλεσιν εὐδαίμων (εὐδαιμόνων codd. duo, εὐδαιμονῶν unus) γένηται φύσις, ἀλλ' ούτος ὁ τρόπος, αῦτη (ἡ add. Ast) τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἶτε χαλεπὰ εἶτε ξάδια ταύτη πορευτέον (ἰτέον Νίcom.) ἀμελῆσαι δὲ σὐ θεμιτον ἑστι θεῶν εὐδαιμονῶν Α 17 φύς Α, tum duae litt. erasae 20 Epin. p. 992 B 22 Civ. VII p. 537 B κέ] εἴκοσιν Plato. cf. Schneider 23 μείζους τῶν ἄλλων Plato

χύδην μαθήματα πᾶσιν ἐν τῆ παιδεία γενόμενα τούτοις συνακτέον εἰς σύνοψιν οἰκειότητός τε ἀλλήλων τῶν μαθημάτων καὶ τῆς τοῦ ὅντος φύσεως. παραινεῖ τε πρῶτον μὲν ἔμπειρον γενέσθαι ἀριθμητικῆς, ἔπειτα γεωμάς, ῆν φησιν εἶναι θεωρίαν φερομένου στερεοῦ, πέμπτον δὲ μουσικῆς. τό τε χρήσιμον παραδεικνὺς τῶν μαθημάτων φησίν ἡδὺς εἶ, ὅτι ἔρικας δεδιέναι, μὴ ἄχρηστα τὰ μαθήματα προστάττοιμι. τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαύλοις, ἀλλὰ πᾶσι χαλεπὸν πιστευθῆναι, ὅτι ἐν 10 τούτοις τοῖς μαθήμασιν ἐκάστου οἶον ὀργάνοις τὸ ψυχῆς ἐκκαθαίρεται καὶ ἀναζωπυρεῖται ὅμμα τυφλούμενον καὶ ἀποσβεννύμενον ὑπὸ τῶν ἄλλων ἐπιτηδευμάτων, μρεῖττον ὂν σωθῆναι μυρίων ὀμμάτων. μόνφ γὰρ αὐτῷ ἀλήθεια ὁρᾶται.

έν δὲ τῷ εβδόμφ τῆς Πολιτείας περί ἀριθμητικῆς λέγων ὡς ἔστιν ἀναγκαιοτάτη πασῶν φησιν, ἔπειτα ἧς

1 παισίν Plato. cf. H. Heller curae crit, in Plat. de republ libros p. 16 παιδεία corr. ex παιδιᾶ Α (παιδιᾶ Platonis codd. tres) 2 οἰκειότητος ἀλλήλων Plato (οἰκειότητός τε ἀλλήλων codd. tres) 3 cf. Civ. p. 525 sqq. παραινέσει Α, em. apogr. 8 Civ. p. 527 D ἡδὺς εἶ, ἡν δ ἐγώ, ὅτι ἔοικας δεδιότι τοὺς πολλούς, μὴ δοκῆς (ὅτι ἔοικας δεδιέναι, μὴ ἄρα Νί-com. I 3, 7) ἄχρηστα μαθήματα (τὰ μαθήματα cod. Par. Κ, ταῦτα τὰ μαθήματα Νίcom.) προστάττειν (προστάττοιμι Νίcom.) τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαῦλον ἀλλὰ χαλεπὸν πιστεῦσαι (παγχάλεπον Νίcom.), ὅτι ἐν τούτοις τοῖς μαθήμασιν ἑκάστον ὅργανλοτιν ψυχῆς ἐκκαθαίρεταί τε καὶ ἀναζωπυρείται (ὅμμα τῆς ψυχῆς exstat etiam apud Nicom., ubi haec contracta sunt, cf. Alcin. 27 p. 180 Herm., Iambl. de vita Pyth. § 70, Boeth. Inst. arithm. I 1 p. 10 Friedl.) ἀπολλύμενον καὶ τυφλούμενον ὑπὸ κτλ. 9 τὰ

γος καὶ προστάττοιμι fort. add. ab A² προστάττοιμι A 10 φαύλοις: ι in ras. A 11 cf. Cobet, Mnemos. XI p. 177. Wex, Jahrb. f. Philol. 1863 p. 692 sqq. 1864 p. 381 12 ὅμμα in ras. A 16 Civ. p. 522 C

δεί πάσαις μεν τέχναις, πάσαις δε διανοίαις και έπιστήμαις και τῆ πολεμικῆ. παγγέλοιον γοῦν στρατηγον Αγαμέμνονα έν ταϊς τραγφδίαις Παλαμήδης έκάστοτε άποφαίνει. φησί γὰρ ἀριθμὸν εύρὼν τάς τε τάξεις 5 καταστήσαι τῷ στρατοπέδφ ἐν Ἰλίφ καὶ ἐξαριθμήσαι ναῦς τε καὶ τὰ ἄλλα πάντα, ὡς πρὸ τοῦ ἀναριθμήτων οντων και τοῦ Αγαμέμνονος ώς ξοικεν οὐδε οσους είχε πόδας είδότος, είγε μη ήπίστατο άριθμείν. κινδυνεύει ούν τῶν πρὸς νόησιν ἀγόντων φύσει είναι, και οὐδείς 10 αὐτῷ χοῆται έλκτικῷ ὄντι πρὸς οὐσίαν καὶ νοήσεως παρακλητικώ. όσα μεν γαρ άπλως κινεί την αίσθησιν, ούκ έστιν έπεγερτικά και παρακλητικά νοήσεως, οίον οτι ο δρώμενος δάκτυλός έστι, καλ ότι παγύς η λεπτός η μέγας η μικρός. όσα δ' έναντίως κινεί αίσθησιν, 15 έπεγερτικά και παρακλητικά έστι διανοίας, οίον όταν τὸ αὐτὸ φαίνηται μέγα καὶ μικρόν, κοῦφον καὶ βαρύ, εν και πολλά. και τὸ εν οὖν και ὁ ἀριθμὸς παρακλητικά καλ έπεγερτικά έστι διανοίας, έπελ τὸ εν ποτε πολλά φαίνεται λογιστική δε και άριθμητική όλκος και άνω-20 γὸς πρὸς ἀλήθειαν. ἁπτέον δὲ λογιστικῆς μὴ ἰδιωτικῶς,

2 παγγέλοιον: γγ ΘΧ νγ Α (πανγέλοιον Platonis cod. Vind. F) 3 παλαμίδης Α 4 ἀποφαίνει. ἢ οὐκ ἐννενόηκας, ὅτι φησὶν ἀριθμὸν εὐρῶν τάς τε τάξεις τῷ στρατοπέδω καταστῆσαι ἐν Ἰλίω Plato 7 ὅσους π. εἰχεν εἰδ. εἰπερ ἀρ. μὴ ἡπ. Plato μὴ ἡπίστατο corr. ΘΧ μὴ τίστατὸ Α Civ. p. 523 Α κινδυνεύει τῶν πρὸς τὴν νόησιν ἀγόντων φύσει εἶναι ὧν ζητοῦμεν, χρῆσθαι δ' οὐδεὶς αὐτῷ ὀρθῶς, ἔλκτικῷ ὅντι παντάπασι πρὸς οὐσίαν 10 νοήσεως παρακλητικῷ: cf. Civ. p. 523 D 19 δὲ] δὴ Stallbaum ad Plat. Civ. p. 523 A 20 Civ. p. 525 Β προσῆκον δὴ τὸ μάθημα ἀν είη, ὡ Γλαύκων, νομοθετῆσαι καὶ πείθειν τοὺς μέλλοντας ἐν τῷ πόλει τῶν μεγίστων μεθέξειν, ἐπὶ λογιστικὴν ἰέναι καὶ ἀνθάπτεσθαι αὐτῆς μὴ ἰδιωτικῶς, ἀλὶ' ἔως ᾶν ἐπὶ δέαν τῆς τῶν ἀριθμῶν φύσεως ἀφίκωνται τῷ νοήσει αὐτῷ, οὐκ ἀνῆς οὐδὲ πράσεως χάριν ὡς ἐμπορους ἢ καπήλους μελετῶντας,

άλλ' ώς αν έπλ θέαν της των άριθμων φύσεως άφίχωνται τη νοήσει, ούδε πράσεως χάριν έμπόρων η καπήλων μελετώντας, άλλ' ενεκα ψυχής τής έπ' άλήθειαν και ούσίαν όδου. τουτο γαρ άνω άγει την ψυχήν και περί αὐτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐκ 5 άποδεχόμενον, αν τις αὐτῷ σώματα ἢ αὖ τὰ ὁρατὰ έχουτα άφιθμούς προσφερόμενος διαλέγηται. και πάλιν έν τῷ αὐτῷ φησιν ἔτι οί λογιστικοί εἰς ἄπαντα τὰ μαθήματα όξεις φύονται, οί τε βραδείς είς τὸ όξύτεροι αύτολ αύτῶν γενέσθαι. ἔτι ἐν τῷ αὐτῷ φησι καλ 10 έν πολέμφ δ' αὖ χρήσιμον πρὸς τὰς στρατοπεδεύσεις και καταλήψεις χωρίων και ξυναγωγάς και έξετάσεις στρατίας. Εν τε τοις έξης επαινών την περί τα τοιαύτα μαθήματα σπουδήν, γεωμετρία μέν, φησίν, έστὶ περί την τοῦ ἐπιπέδου θεωρίαν, ἀστρονομία δὲ περὶ την τοῦ 15 στερεού φοράν αύτη δ' άναγκάζει είς τὸ ἄνω ὁρᾶν καὶ ἀπὸ τῶν ἐνθένδε ἐκεῖσε ἄγει. καὶ μὲν δὴ περὶ μουσικῆς ἐν τῷ αὐτῷ φησιν, ὅτι δυεῖν δεῖται ἡ τῶν ὄντων

άλλ' Ενεκα πολέμου τε καλ αὐτῆς τῆς ψυχῆς όμοτώνης τε (τε om. codd. multi) μεταστροφῆς ἀπὸ γενέσεως ἐπ' ἀλήθειάν τε (τε ἐπ' ἀλ. codd. complures) καλ οὐσίαν 4 Civ. p. 525 D τοῦτό γε — ὡς σφόδρα ἄνω ποι ἄγει τὴν ψυχὴν καλ περλ αὐτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐδαμῆ ἀποδεχόμενον, ἐάν τις αὐτῆ ὁρατὰ ἢ ἀπτὰ (ἢ ἀπὸ τὰ codd. duo, ἢ τοὺς τὰ unus) σώματα ἔχοντας (ἔχοντα codd. tres) ἀριθμούς προτεινόμενος διαλέγηται 8 Civ. p. 526 B τόδε ἤδη ἐπεσκέψω, ὡς οῖ τε φύσει λογιστικοὶ εἰς πάντα τὰ μαθήματα ὡς ἔπος εἰπεὶν όξεὶς φύονται, οῖ τε βραδεὶς, ἄν ἐν τούτῷ παιδευθῶσι καλ γυμνάσωνται, κᾶν μηθὲν-άλιο ὡφεληθῶσιν, όμως εἰς γε τὸ όξύτεροι αὐτοὶ αὐτῶν γ/γνεόθαι πάντες ἐπιδιδόασιν; 10 Civ. p. 526 D ὅσον μέν, ἔφη, πρὸς τὰ πολεμικὰ αὐτοῦ τείνει, δῆλον ὅτι προσήκει πρὸς γὰρ τὰς στρατοπεδεύσεις καλ καταλήψεις χωρίων καλ συναγωγὰς καλ ἐκτάσεις στρατιᾶς — 16 Civ. p. 529 A παντὶ γάρ μοι δοκεί δῆλον, ὅτι αῦτη γε ἀναγκάζει ψυχὴν εἰς τὸ ἄνω ὁρᾶν καλ ἀπὸ τῶν ἐνθένδε ἐκεῖσε ἄγει 18 δυείν corr. ex δυοίν Α

θεωρία, ἀστρονομίας καὶ άρμονίας καὶ αὖται ἀδελφαὶ αί ἐπιστῆμαι, ὡς οἱ Πυθαγορικοί. οἱ μὲν οὖν τὰς ἀκουομένας συμφωνίας αὖ καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετροῦντες ἀνήνυτα πονοῦσι. τελείως παραβάλλοντες τὰ ὧτα, οἱον ἐκ γειτόνων φωυὴν θηρώμενοι, οἱ μέν φασιν ἀκούειν ἐν μέσω τινὰ ἡχον καὶ μικρότατον εἶναι διάστημα τοῦτο, ὡ μετρητέον, οἱ δὲ ἀμωισβητοῦσιν ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένου, τὰ ὧτα τοῦ νοῦ προστησάμενοι. ταὶς χορδαῖς πράγματα παρέχουσιν ἐπὶ τῶν κολλά-10 βων στρεβλοῦντες. οἱ δὲ ἀγαθοὶ ἀριθμητικοὶ ζητοῦσιν ἐπισκοποῦντες, τίνες σύμφωνοι ἀριθμοὶ ἀριθμοῖς καὶ τίνες οὕ. καὶ τοῦτο χρήσιμον πρὸς τὴν τοῦ ἀγαθοῦ

1 Civ. p. 530 D — και αὖται ἀλλήλων ἀδελφαί τινες αἱ ἐπιστῆμαι εἶναι, ὡς οῖ τε Πυθαγόρειοί φασι — 2 Civ. p. 531 A τὰς γὰρ ἀκουομένὰς αὐ συμφωνίας καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετροῦντες ἀνήνυτα ὅσπερ οἱ ἀστρονόμοι πονοῦσι. νὴ τοὺς θεούς, ἔφη, καὶ γελοίως γε, πυκνώματ΄ ἄττα ὀνομάζοντες καὶ παραβάλλοντες τὰ ὡτα, οἰον ἐκ γειτόνων φωνὴν θηρενόμενοι, οἱ μέν φασιν ἔτι (ἔτι οm. codd. tres) κατακούειν ἐν μέσω τινὰ ἡχὴν καὶ σμικρότατον εἶναι τοῦτο διάστημα, ὡ μετρητέον, οἱ δὲ ἀμφισβητοῦντες ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένων (φθεγγόμενον codd. duo), ἀμφότεροι ὧτα τοῦ νοῦ προστησάμενοι. σὰ μέν, ἡν δ' ἐγώ, τοὺς χρηστοὺς λέγεις τοὺς ταῖς χορδαῖς πράγματα παρέχοντας καὶ βασανίζοντας, ἐπὶ τῶν κολλόπων (κολάβων, καλλό-

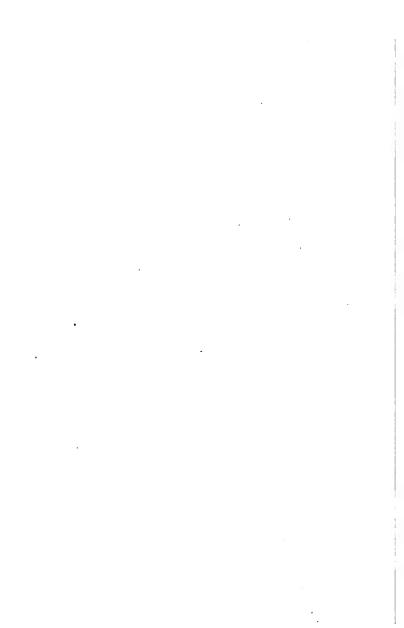
πων, κολλόπων alii: cf. Tim. lex.) στρεβλοῦντας 4 ἀνήνυτα υ corr. ex οι Α 5 ἐκ corr. ex ἐγ Α 7 μετρητέον: η corr. ex ι Α 11 Civ. p. 531 C τοὺς γὰρ ἐν ταὐταις ταῖς συμφωνίαις ταῖς ἀκουομέναις ἀριθμοὺς ζητοῦσιν, ἀλλ' οὐκ εἰς προβλήματα ἀνίασιν ἐπισκοπεῖν, τίνες ξύμφωνοι ἀριθμοὶ πραγμα λέγεις. χρήσιμον μὲν οὖν, ἡν δ' ἐγώ, πρὸς τὴν τοῦ καλοῦ τε καὶ ἀγαθοῦ ζήτησιν, ἄλλως δὲ μεταδιωκόμενον ἄχρηστον. εἰκός γ', ἔφη. οἰμαι δὲ γε, ἡν δ' ἐγώ, καὶ ἡ τούτων πάντων ὧν διεληλύθαμεν μέθοδος ἐὰν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων κοινωνίαν ἀφίκηται καὶ ξυγγένειαν, καὶ ξυλλογισθῆ ταῦτα ἡ ἐστιν ἀλλήλος οἰκεῖα, φέρειν τι αὐτῶν εἰς ἃ βουλόμεθα τὴν πραγματείαν. cf. Schneider

καὶ καλοῖ ξήτησιν, ἄλλως δὲ ἄχρηστον. καὶ τούτων πάντων ἡ μέθοδος ἂν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων ἀφίκηται κοινωνίαν καὶ ξυλλογισθῆ ἦ ἐστιν ἀλλήλοις οἰκεῖα, φέρει αὐτῶν ἡ πραγματεία καρπόν. οἱ δὲ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοί· οὐ γὰρ μὴ δύνωνται λαβεῖν τε καὶ ἀπο- ε δέξασθαι λόγον. οὐχ οἶόν τε δὲ τοῦτο μὴ δι' ἐκείνων ἐλθόντα τῶν μαθημάτων· ὁδὸς γάρ ἐστι δι' αὐτῶν ἐπὶ τὴν τῶν ὄντων θέαν ἐν τῷ διαλέγεσθαι.

πάλιν τε έν τῷ Ἐπινομίῷ πολλα μὲν καὶ ἄλλα ὑπὲρ ἀριθμητικῆς διεξέρχεται, θεοῦ δῶρον αὐτὴν λέγων, καὶ 10 οὐχ οἶόν τε ἄνευ ταύτης σπουδαῖον γενέσθαι τινά. ὑπο-βὰς δὲ ἄντικρύς φησιν εἰπερ γὰρ ἀριθμὸν ἐκ τῆς ἀνθωπίνης φύσεως ἐξέλοιμεν, οὐκ ἄν που ἔτι φρόνιμοι γενοίμεθα, οὐδ' ἄν ἔτι ποτὲ τούτου τοῦ ξώου, φησίν, ἡ ψυχὴ πᾶσαν ἀρετὴν λάβοι σχεδὸν ὁ τούτου λόγος 15 εἰη. ζῷον δὲ ὅ τι μὴ γινώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ περιττὸν μηδὲ ἄρτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παράπαν ἀριθμόν, οὐκ ἄν ποτε διδόναι λόγον, περὶ ὧν αἰσθήσεις καὶ μνήμας

4 Civ. p. 531 D οὐ γάο που δοκοῦσί γε σοι οἱ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοὶ εἶναι. οὐ μὰ τὸν Δί', ἔφη, εἶ μὴ μάλα γέ τινες ὀλίγοι ὧν ἐγὰ ἐντετύχηκα. ἀλλ' ἤδη, εἶπον, μὴ δυνατοί τινες ὄντες δοῦναί τε καὶ ἀποδέξασθαι λόγον εἴσεοθαί ποτέ τι ὧν

φαμὲν δεὶν εἰδέναι; 6 ἐπ' αὐτῷ post ἐκείνων A, sed delenda haec esse punctis significatum est 8 cf. Civ. p. 532 C 10 cf. Epin. p. 976 DE 11 ὑποβὰς corr. ex ὑπερβὰς A 12 Epin. p. 977 C εἴπερ ἀριθμὸν ἐκ τῆς ἀνθρωπίνης φύσεως ἐξέλοιμεν, οὐν ἄν ποτέ τι φρόνιμοι γενοίμεθα. οὐ γὰρ ἄν ἔτι ποτὲ ψυχὴ τούτου τοῦ ζώου πᾶσαν ἀρετὴν λάβοι σχεδόν, ὅτον λόγος ἀπείη. ζῷον δέ, ὅ τι μὴ γιγνώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ ἀρτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παράπαν ἀριθμός, οὐκ ἄν ποτε διδόναι λόγον ἔχοι περί ὧν αἰσθήσεις καὶ μνήμας μόνον εἰη κεκτημένον· τὴν δὲ ἄλλην ἀρετήν, ἀνδρείαν καὶ σωφροσύνην, οὐδὲν ἀποκωλύει· στερόμενος δὲ ἀληθοῦς λόγου σοφὸς οὐκ ἄν ποτε γένοιτο 15 γὰρ post σχεδὸν supra vs. add. Α²



Ότι μεν ούχ οδόν τε συνείναι τῶν μαθηματικῶς λεγομένων παρά Πλάτωνι μή και αὐτὸν ήσκημένον ἐν τῆ θεωρία ταύτη, πᾶς ἄν που ὁμολογήσειεν ώς δὲ ούδε τὰ ἄλλα ἀνωφελής ούδε ἀνόνητος ή περί ταῦτα έμπειρία, διὰ πολλών αὐτὸς έμφανίζειν ἔοικε. τὸ μὲν 5 ούν συμπάσης γεωμετρίας καὶ συμπάσης μουσικής καὶ άστρονομίας έμπειρον γενόμενον τοίς Πλάτωνος συγγράμμασιν έντυγχάνειν μακαριστόν μέν εί τφ γένοιτο, ού μην εΰπορον οὐδε δάδιον άλλα πάνυ πολλοῦ τοῦ έκ παίδων πόνου δεόμενον. ώστε δε τοὺς διημαρτηκό- 10 τας τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασιν ἀσκηθῆναι, ὀρεγομένους δὲ τῆς γνώσεως τῶν συγγραμμάτων αὐτοῦ μὴ παντάπασιν ών ποθούσι διαμαρτείν, κεφαλαιώδη καὶ σύντομον ποιησόμεθα τῶν ἀναγκαίων καὶ ὧν δεζ μάλιστα τοῖς έντευξομένοις Πλάτωνι μαθηματικών θεωρημάτων παρά- 15 δοσιν, άριθμητικών τε καλ μουσικών καλ γεωμετρικών τών τε κατά στερεομετρίαν και άστρονομίαν, ών χωρίς

Inscr. Θέωνος Σμυοναίου Πλατωνικοῦ τῶν κατὰ τὸ (τὸ supra vs.) μαθηματικὸν χοησίμων εἰς τὴν Πλάτωνος ἀνάγνωσιν Α 1 inscr. ὅτι ἀναγκαῖα τὰ μαθήματα Α 2 ήσκημένον: ον corr. ex ων Α 4 οὐδὲ τὰ ἄ.] οὕτε τὰ ἄ. Α 5 τὸ corr. ex τὸν Α 6 γεωμετρίας: καὶ ἀριθμητικῆς add. recentior manus in apogr. fort. recte 10 σκοπὸς τοῦ βιβλίου mg. Α

ούχ ολόν τε είναι φησι τυχείν τοῦ ἀρίστου βίου, διὰ πολλών πάνυ δηλώσας ώς οὐ χρη τῶν μαθημάτων ἀμελείν.

'Ερατοσθένης μεν γὰρ ἐν τῷ ἐπιγραφομένῳ Πλατωνικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ τανικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ τακλλαγῆ λοιμοῦ βωμὸν τοῦ ὅντος διπλασίονα κατασκευάσαι, πολλὴν ἀρχιτέκτοσιν ἐμπεσεῖν ἀπορίαν ζητοῦσιν ὅπως χρὴ στερεὸν στερεοῦ γενέσθαι διπλάσιον, ἀφικέσθαι τε πευσομένους περὶ τούτου Πλάτωνος. τὸν δὲ φάναι αὐτοῖς, ὡς ἄρα οὐ διπλασίου βωμοῦ ὁ θεὸς ὁ δεόμενος τοῦτο Δηλίοις ἐμαντεύσατο, προφέρων δὲ καὶ ὀνειδίζων τοῖς Ελλησιν ἀμελοῦσι μαθημάτων καὶ γεωμετρίας ἀλιγωρηκόσιν.

ἀκολούθως δὲ τῆ τοῦ Πυθίου παραινέσει πολλὰ καὶ αὐτὸς διέξεισιν ὑπὲρ τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασι χρησίμου. ἔν τε γὰρ τῆ Ἐπινομίδι προτρέπων ἐπὶ τὰ μαθήματά φησιν οὐ γὰρ ἄνευ τοὑτων ποτέ τις ἐν πόλει εὐδαιμόνων γενήσεται φύσις, ἀλλ' οὖτος ὁ τρόπος, αὕτη ἡ τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἴτε χαλεπὰ εἴτε ράδια, διὰ ταύτης ἰτέον ἀμελῆσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἐστι θεῶν. καὶ ἐν τοῖς ἐφεξῆς τὸν τοιοῦτόν φησιν ἐκ πολλῶν ἕνα γεγονότα εὐδαίμονά τε ἔσεσθαι καὶ σοφώτατον ᾶμα καὶ μακάριον.

έν δὲ τῆ Πολιτεία φησίν ἐκ τῶν κε΄ ἐτῶν οί προκριθέντες τιμάς τε τῶν ἄλλων μείζους οἴσονται, τά τε

^{3 &#}x27;Ερατοσθένης: Bernhardy Eratosthenica p. 168. cf. Philol. XXX p. 67 12 ώλιγορηκόσιν A, em. apogr. 15 Epin. p. 992 A οὐ γὰρ ἄνευ γε (γε om. Nicom. introd. arithm. I 3, 5) τούτων μήποτέ τις ἐν πόλεσιν εὐδαίμων (εὐδαιμόνων codd. duo, εὐδαιμονῶν unus) γένηται φύσις, άλλ' ούτος ὁ τρόπος, αῦτη (ἡ add. Ast) τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἶτε χαλεπὰ εἶτε ξάδια, ταύτη πορευτέον (ἰτέον Nicom.) ἀμελήσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἐστι δεῶν εὐδαιμονῶν Α 17 φύς Α, tum duae litt. erasae 20 Epin. p. 992 B 22 Civ. VII p. 537 B κέ] εἴκοσιν Plato. cf. Schneider 23 μείζους τῶν ἄλλων Plato

χύδην μαθήματα πασιν έν τη παιδεία γενόμενα τούτοις συνακτέον είς σύνοψιν οίκειότητός τε άλλήλων των μαθημάτων καὶ τῆς τοῦ ὄντος φύσεως. παραινεί τε πρώτον μεν έμπειρον γενέσθαι άριθμητικής, έπειτα γεωμετρικής, τρίτον δε στερεομετρίας, τέταρτον άστρονο- 5 μίας, ην φησιν είναι θεωρίαν φερομένου στερεού, πέμπτον δε μουσικής. τό τε χρήσιμον παραδεικνύς των μαθημάτων φησίν ήδὺς εἶ, ὅτι ξοικας δεδιέναι, μὴ αχρηστα τὰ μαθήματα προστάττοιμι. τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαύλοις, άλλὰ πᾶσι χαλεπὸν πιστευθηναι, ὅτι ἐν 10 τούτοις τοις μαθήμασιν έκάστου οίον όργάνοις τὸ ψυτῆς ἐκκαθαίρεται καὶ ἀναζωπυρεῖται ὄμμα τυφλούμενον και αποσβεννύμενον ύπο των άλλων έπιτηδευματων. κρεΐττον ὂν σωθηναι μυρίων όμματων μόνω γαρ αὐτῷ άλήθεια δρᾶται. 15

έν δε τῷ εβδόμῷ τῆς Πολιτείας πεολ ἀριθμητικῆς λέγων ὡς ἔστιν ἀναγκαιοτάτη πασῶν φησιν, ἔπειτα ἦς

1 παισίν Plato. cf. H. Heller curae crit. in Plat. de republ. libros p. 16 παιδεία corr. ex παιδιᾶ Α (παιδιᾶ Platonis codd. tres) 2 οἰκειότητος ἀλλήλων Plato (οἰκειότητός τε ἀλλήλων codd. tres) 3 cf. Civ. p. 525 sqq. παραινέσει Α, em. apogr. 8 Civ. p. 527 θ/δὺς εἶ, ἡν δ ἐγώ, ὅτι ἔοικας δειότι τοὺς πολλούς, μὴ δοκῆς (ὅτι ἔοικας δεδιέναι, μὴ ἄρα Νίσοπ. Ι 3, 7) ἄχρηστα μαθήματα (τὰ μαθήματα cod. Par. Κ, ταῦτα τὰ μαθήματα Nicom.) προστάττειν (προστάττοιμι Nicom.). τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαῦλον ἀλλὰ χαλεπὸν πιστεῦσαι (παγχάλεπον Nicom.), ὅτι ἐν τοὐτοις τοῖς μαθήμασιν ἑκάστου δογανόν τι ψυχῆς ἐκκαθαίρεταί τε καὶ ἀναξωπυρεῖται (ὅμμα τῆς ψυχῆς exstat etiam apud Nicom., ubi hace contracta sunt, cf. Alcim. I 1 p. 10 Friedl.) ἀπολλύμενον καὶ τυφλούμενον ὑπὸ κτλ. 9 τὰ γθ΄ καὶ προστάττοιμι

fort. add. ab A² προστάττοιμι A 10 φαύλοις: ι in ras. A 11 cf. Cobet, Mnemos. XI p. 177. Wex, Jahrb. f. Philol. 1863 p. 692 sqq. 1864 p. 381 12 ὅμμα in ras. A 16 Civ.

p. 522 C

δεί πάσαις μεν τέγναις, πάσαις δε διανοίαις και επιστήμαις καὶ τῆ πολεμικῆ. παγγέλοιον γοῦν στρατηγὸν Αγαμέμνονα έν ταις τραγφδίαις Παλαμήδης έκάστοτε άποφαίνει. φησί γὰρ ἀριθμὸν εύρὼν τάς τε τάξεις ε καταστήσαι τῷ στρατοπέδφ ἐν Ἰλίφ καὶ ἐξαριθμῆσαι ναῦς τε καὶ τὰ ἄλλα πάντα, ὡς πρὸ τοῦ ἀναριθμήτων οντων και του Άγαμέμνονος ώς ξοικεν ούδε όσους είχε πόδας είδότος, είγε μη ήπίστατο άριθμεϊν. πινδυνεύει ούν τῶν πρὸς νόησιν ἀγόντων φύσει είναι, καὶ οὐδεὶς 10 αὐτῷ χοῆται έλχτικῷ ὄντι πρὸς οὐσίαν καὶ νοήσεως παρακλητικώ. όσα μέν γαρ άπλως κινεί την αίσθησιν, ούκ έστιν έπεγερτικά και παρακλητικά νοήσεως, οίον οτι ο δρώμενος δάκτυλός έστι, και ότι παγύς η λεπτός η μέγας η μικρός. όσα δ' έναντίως κινεί αίσθησιν, 15 έπεγεςτικά και παρακλητικά έστι διανοίας, οίον όταν τὸ αὐτὸ φαίνηται μέγα καὶ μικρόν, κοῦφον καὶ βαρύ, εν και πολλά. και τὸ εν οὖν και ὁ ἀριθμὸς παρακλητικά καλ έπεγερτικά έστι διανοίας, έπελ τὸ εν ποτε πολλά φαίνεται λογιστική δε και άριθμητική όλκος και άγω-20 γὸς πρὸς ἀλήθειαν. ἁπτέον δὲ λογιστικῆς μὴ ἰδιωτικῶς,

2 παγγέλοιον: γγ ex vy A (πανγέλοιον Platonis cod. Vind. F) 3 παλαμίδης A 4 ἀποφαίνει. η οὐκ ἐννενόηκας, ὅτι φησίν ἀριθμὸν εὐρών τάς τε τάξεις τῷ στρατοπέδω καταστήσαι ἐν Ἰλίω Plato 7 ὅσους π. εἶχεν εἰδ. εἴπερ ἀρ. μη ήπ. Plato μη ήπίστατο corr. ex μη τίστατὸ A Civ. p. 523 A κινδυνεύει τῶν πρὸς τὴν νόησιν ἀγόντων φύσει εἶναι ὧν ζητοῦμεν, χρῆσθαι δ' οὐδείς αὐτῷ ὀρθῶς, ἐἰκτικῷ ὅντι παντάπασι πρὸς οὐσίαν 10 νοήσεως παρακλητικῷ: cf. Civ. p. 523 D 19 δὲ] δὴ Stallbaum ad Plat. Civ. p. 523 A 20 Civ. p. 525 B προσῆκον δὴ τὸ μάθημα ἀν εἴη, ὡ Γλαὐκων, νομοθετῆσαι καὶ πείδειν τοὺς μέλλοντας ἐν τῆ πόλει τῶν μεγίστων μεθέξειν, ἐπὶ λογιστικὴν ἰέναι καὶ ἀνθάπτεσθαι αὐτῆς μὴ ἰδιωτικῶς, ἀλὶ' ἔως ᾶν ἐπὶ θέαν τῆς τῶν ἀριθμῶν φύσεως αφίκωνται τῆ νοήσει αὐτῆ, οὐκ ἀνῆς οὐδὲ πράσεως χάριν ὡς ἑμπορους ἢ καπήλους μελετώντας,

άλλ' ώς αν έπι θέαν της των άριθμων φύσεως άφίκωνται τη νοήσει, οὐδέ πράσεως χάριν έμπόρων η καπήλων μελετώντας, άλλ' ένεκα ψυχής της έπ' άλήθειαν και οὐσίαν όδοῦ. τοῦτο γὰρ ἄνω ἄγει τὴν ψυχὴν καὶ περί αὐτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐκ 5 ἀποδεχόμενον, ἄν τις αὐτῷ σώματα ἢ αὖ τὰ ὁρατὰ έχοντα άριθμούς προσφερόμενος διαλέγηται. καὶ πάλιν έν τῷ αὐτῷ φησιν. ἔτι οι λογιστικοί εἰς ἄπαντα τὰ μαθήματα όξεις φύονται, οί τε βραδείς είς τὸ όξύτεροι αύτολ αύτῶν γενέσθαι. Ετι έν τῷ αὐτῷ φησι καλ 10 έν πολέμω δ' αὖ χρήσιμον πρὸς τὰς στρατοπεδεύσεις και καταλήψεις χωρίων και ξυναγωγάς και έξετάσεις στρατιάς. Εν τε τοις έξης επαινών την περί τα τοιαύτα μαθήματα σπουδήν, γεωμετρία μέν, φησίν, έστι περί τὴν τοῦ ἐπιπέδου θεωρίαν, ἀστρονομία δὲ περὶ τὴν τοῦ 15 στερεού φοράν αύτη δ' άναγκάζει είς τὸ ἄνω ὁρᾶν καὶ από των ενθένδε έκεισε άγει. και μεν δή περί μουσικης έν τῶ αὐτῶ φησιν, ὅτι δυεῖν δεῖται ἡ τῶν ὄντων

άλλ' Ενεκα πολέμου τε καλ αὐτῆς τῆς ψυχῆς δαστώνης τε (τε om. codd. multi) μεταστροφῆς ἀπὸ γενέσεως ἐπ' ἀλήθειάν τε (τε ἐπ' ἀλ. codd. complures) καλ οὐσίαν 4 Civ. p. 525 D τοῦτό γε — ὡς σφόδρα ἄνω ποι ἄγει τὴν ψυχὴν καλ περλ αὐτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐδαμῆ ἀποδεχόμενον, ἐάν τις αὐτῆ ὁρατὰ ἢ ἀπτὰ (ἢ ἀπὸ τὰ codd. duo, ἢ τοὺς τὰ unus) σώματα ἔχοντας (ἔχοντα codd. tres) ἀριθμοῦς προτεινόμενος διαλέγηται ες πάντα τὰ μαθήματα ὡς ἔπος εἰπεὶν ὁξεῖς φύσει λογιστιαι εἰς πάντα τὰ μαθήματα ὡς ἔπος εἰπεὶν ὁξεῖς φύσειλογιστιαι εἰς πάντα τὰ μαθήματα ὡς ἔπος εἰπεὶν ὁξεῖς φύσνται, οῖ τε βραδεῖς, ἄν ἐν τοὺτῷ παιδευθῶσι καλ γυμνάσωνται, κᾶν μηδὲν ἀλλο ὡφεληθῶσιν, ὅμως εἰς γε τὸ ὁξύτεροι αὐτολ αὐτῶν γίγνεσθαι πάντες ἐπιδιδόασιν; 10 Civ. p. 526 D ὅσον μέν, ἔφη, πρὸς τὰ πολεμικὰ αὐτοῦ τείνει, δῆλον ὅτι προσήκει πρὸς γὰς τὰς στρατοπεδεύσεις καλ καταλήψεις χωρίων καλ συναγωγὰς καλ ἐκτάσεις στρατιᾶς — 16 Civ. p. 529 Α παντλ γάρ μοι δοκεί δῆλον, ὅτι αῦτη γε ἀναγκάζει ψυχὴν εἰς τὸ ἄνω ὁρὰν καλ ἀπὸ τῶν ἐνθένδε ἐκεῖσε ἄγει 18 δυεῖν corr. ex δυοῖν Α

σεωρία, ἀστρονομίας καὶ ἀρμονίας καὶ αὖται ἀδελφαὶ αι ἐπιστῆμαι, ὡς οι Πυθαγορικοί. οι μὲν οὖν τὰς ἀκουομένας συμφωνίας αὖ καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετροῦντες ἀνήνυτα πονοῦσι. τελείως παραβάλλοντες τὰ ὧτα, οἷον ἐκ γειτόνων φωυὴν θηρώμενοι, οι μέν φασιν ἀκούειν ἐν μέσω τινὰ ἡχον καὶ μικρότατον εἶναι διάστημα τοῦτο, ὡ μετρητέον, οι δὲ ἀμωισβητοῦσιν ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένου, τὰ ὧτα τοῦ νοῦ προστησάμενοι. ταῖς χορδαῖς πράγματα παρέχουσιν ἐπὶ τῶν κολλά-10 βων στρεβλοῦντες. οι δὲ ἀγαθοὶ ἀριθμητικοὶ ζητοῦσιν ἐπισκοποῦντες, τίνες σύμφωνοι ἀριθμοὶ ἀριθμοῖς καὶ τίνες οὕ. καὶ τοῦτο χρήσιμον πρὸς τὴν τοῦ ἀγαθοῦ

1 Civ. p. 530 D — και αυται άλλήλων άδελφαι τινες αι έπιστημαι είναι, ώς οι τε Πυθαγόρειοι φασι — 2 Civ. p. 531 A τὰς γὰρ ἀκουομένας αὐ συμφωνίας και φθόγγους άλλήλοις ἀναμετρούντες ἀνήνυτα ὅσπερ οι ἀστρονόμοι πονούσι. νὴ τοὺς θεούς, ἔφη, και γελοίως γε, πυκνώματ' ἄττα ὀνομάζοντες και παραβάλλοντες τὰ ὡτα, οἰον ἐκ γειτόνων φωνὴν θηρευόμενοι, οι μέν φασιν ἔτι (ἔτι οm. codd. tres) κατακούειν ἐν μέσω τινὰ ἡχὴν και σμικρότατον είναι τοῦτο διάστημα, ῷ μετρητέον, οι δὲ ἀμρισβητούντες ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένων (φθεγγόμενον codd. duo), ἀμφότεροι ὧτα τοῦ νοῦ προστησάμενοι. σὰ μέν, ἡν δ' ἐγώ, τοὺς χρηστοὺς λέγεις τοὺς ταις χορδαίς πράγματα παρέχοντας καὶ βασανίζοντας, ἐπὶ τῶν κολλόπων (κολάβων, καλλό-

πων, κολλόπων alii: cf. Tim. lex.) στοεβλοῦντας 4 ἀνήνυτα ν corr. ex οι Α 5 ἐν corr. ex ἐγ Α 7 μετρητέον: η corr. ex ι Α 11 Civ. p. 531 C τοὺς γὰς ἐν ταὐταις ταῖς συμφωνίαις ταῖς ἀκουομέναις ἀριθμοὺς ζητοῦσιν, ἀλλ οὐν εἰς προβλήματα ἀνίασιν ἐπισκοπεῖν, τίνες ξύμφωνοι ἀριθμοὶ καὶ τίνες οῦ, καὶ διὰ τί ἐκάτεροι. δαιμόννον γάς, ἔφη, πρᾶγμα λέγεις. χρήσιμον μὲν οὖν, ἡν δ' ἐγώ, πρὸς τὴν τοῦ καλοῦ τε καὶ ἀγαθοῦ ζήτησιν, ἄλλως δὲ μεταδιοκόμενον ἄχρηστον. εἰκός γ', ἔφη. οἰμαι δὲ γε, ἡν δ' ἐγώ, καὶ ἡ τούτων πάντων ὧν διεληλύθαμεν μέθοδος ἐαν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων κοινωνίαν ἀφίκηται καὶ ξυγγένειαν, καὶ ξυλλογισθῆ ταῦτα ἡ ἐστιν ἀλλήλοις οἰκεῖα, φέρειν τι αὐτῶν εἰς ὰ βουλόμεθα τὴν πραγματείων. cf. Schneider

καὶ καλοῖ ζήτησιν, ἄλλως δὲ ἄχρηστον. καὶ τούτων πάντων ἡ μέθοδος ἂν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων ἀφίκηται κοινωνίαν καὶ ξυλλογισθῆ ἦ ἐστιν ἀλλήλοις οἰκετα, φέρει αὐτῶν ἡ πραγματεία καρπόν. οἱ δὲ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοί οὐ γὰρ μὴ δύνωνται λαβεῖν τε καὶ ἀπο- δ δέξασθαι λόγον. οὐχ οἶόν τε δὲ τοῦτο μὴ δι' ἐκείνων ἐλθόντα τῶν μαθημάτων ὁδὸς γάρ ἐστι δι' αὐτῶν ἐπὶ τὴν τῶν ὄντων θέαν ἐν τῷ διαλέγεσθαι.

πάλιν τε ἐν τῷ Ἐπινομίῳ πολλα μὲν καὶ ἄλλα ὑπὲο ἀριθμητικῆς διεξέρχεται, θεοῦ δῶρον αὐτὴν λέγων, καὶ 10 οὐχ οἶόν τε ἄνευ ταύτης σπουδαῖον γενέσθαι τινά. ὑπο-βὰς δὲ ἄντικρύς φησιν· εἰπερ γὰρ ἀριθμὸν ἐκ τῆς ἀνθωπίνης φύσεως ἐξέλοιμεν, οὐκ ἄν που ἔτι φρόνιμοι γενοίμεθα, οὐδ' ἂν ἔτι ποτὲ τούτου τοῦ ζώου, φησίν, ἡ ψυχὴ πᾶσαν ἀρετὴν λάβοι· σχεδὸν ὁ τούτου λόγος 15 ξι. ζῷον δὲ ὅ τι μὴ γινώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ περιπτὸν μηδὲ ἄρτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παράπαν ἀριθμόν, οὐκ ἄν ποτε διδόναι λόγον, περὶ ὧν αἰσθήσεις καὶ μνήμας

4 Civ. p. 531 D οὐ γάο που δοκοῦσί γε σοι οἱ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοὶ εἶναι. οὐ μὰ τὸν Δί', ἔφη, εἶ μὴ μάλα γέ τινες όλίγοι ὧν ἐγὰ ἐντετύχηκα. ἀλλ' ἤδη, εἶπον, μὴ δυνατοί τινες ὅντες δοῦναί τε καὶ ἀποδέξασθαι λόγον εἴσεοθαί ποτέ τι ὧν

φαμὲν δείν εἰδέναι; 6 ἐπ' αὐτῷ post ἐκείνων A, sed delenda haec esse punctis significatum est 8 cf. Civ. p. 532 C 10 cf. Epin. p. 976 DE 11 ὑποβάς corr. ex ὑπερβάς A 12 Epin. p. 977 C εἴπερ ἀριθμὸν ἐν τῆς ἀνθαμπίνης φύσεως ἐξέλοιμεν, οὐν ἄν ποτέ τι φρόνιμοι γενοίμεθα. οὐ γὰρ ἄν ἔτι ποτὲ ψυχὴ τούτου τοῦ ζώου πάσαν ἀρετὴν λάβοι σχεδόν, ὅτου λόγος ἀπείη. ζῷον δέ, ὅ τι μὴ γιγνώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ περιττὸν μηδὲ ἄρτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παράπαν ἀριθμόν, οὐκ ἄν ποτε διδόναι λόγον ἔχοι περί ὧν αἰσθήσεις καὶ μνήμας μόνον την, οὐδὲν ἀποκωλύει· στερόμενος δὲ άληθοῦς λόγου σοφὸς οὐν ποτε γένοιτο 15 γὰρ post σχεδὸν supra vs. add. Α²

μόνον είη κεκτημένος στεφόμενος δε άληθοῦς λόγου σοφὸς οὐκ ἄν ποτε γένοιτο. οὐ μὴν οὐδὲ τὰ τῶν ἄλλων τεγνών λεγόμενα, ἃ νῦν διήλθομεν, οὐδέποτε τούτων ούδεν μένει, πάντα δε άπολεῖται τὸ παράπαν, ὅταν 5 άριθμητικής τις άμελη. δόξειε δ' αν ίσως τισί βραχέως άριθμοῦ δεζοθαι τὸ τῶν ἀνθρώπων γένος, ὡς εἰς τὰς τέχνας ἀποβλέψασι καίτοι μέγα μέν καὶ τοῦτο. εἰ δέ τις ίδοι τὸ θείον τῆς γενέσεως καὶ τὸ θνητόν, ἐν ὧ καὶ τὸ θεοσεβές γνωρισθήσεται καὶ ὁ ἀριθμὸς ὅντως, οὐκ 10 αν έτι πας μάντις γνοίη σύμπαντα άριθμόν, όσης ήμεν δυνάμεως αίτιος αν είη συγγινόμενος, έπει και μουσικὴν πᾶσαν δι' ἀριθμοῦ μετὰ κινήσεώς τε καὶ φθόγγων ΄ δηλου ότι δεί. και τὸ μέγιστου, άγαθὸυ ώς πάντων αίτιου. ὅτι δὲ κακῶν οὐδενός ἐστι, τοῦτο γνωστέον. σχε-15 δου δε άλόγιστος, άτακτος, άσχήμων τε και άρουθμος άνάρμοστός τε σφόδρα και πάνθ' όσα κακοῦ κεκοινώνημέ τινος, όστις λέλειπται παντός άριθμου. έν δε τοίς έφεξης φησιν. έστιν έχον μηδείς ήμας ποτε πειθέτω τῆς εὐσεβείας εἶναι τῷ θνητῷ γένει. ἐκ γὰο τούτου 20 φύεσθαι καλ τὰς ἄλλας ἀρετὰς τῷ μαθόντι κατὰ τρόπον.

² Epin. p. 977 D καὶ ὁ νῦν (λόγος) ὀρθῶς ὁηθήσεται, ὅτι καὶ τὰ τῶν ἄλλων τεχνῶν λεγόμενα, ὰ νῦν δὴ διήλθομεν ἐῶντες εἶναι πάσας τὰς τέχνας, οὐθὲ τούτων εν οὐθὲν μένει (μενεῖ Stephanus), πάντα δ' ἀπολεῖται τὸ παράπαν, ὅταν ἀριθμητικήν τις ἀνέλη. ὀόξειε δ' ἄν ἱκανῶς τισι βραχέων ενεκα ἀριθμοῦ δεῖσθαι τὸ τῶν ἀνθρώπων γένος, εἰς τὰς τέχνας ἀποβλέψασι καίτοι κτλ. 9 ὁ non exstat ap. Pl. 11 ἐπεὶ καὶ τὰ κατὰ μουσικήν πᾶσαν διαριθμουμένων κινήσεως τε κτλ. Pl. 18 δεῖ ⟨εἶναι⟩ cj. Bullialdus ἀγαθῶν Pl. 14 ὅτι δὲ κακῶν οὐδενός, εὖ τοῦτο γνωστέον, ὁ καὶ τάχα γένοιτ' ἄν, ἀλλ' ἡ σχεδὸν ἀἰόγιστός τε καὶ ἄτακτος κτλ. Pl. 16 σφόδρα] φορά Pl. ὁπόσα Pl. κεκοινώνικε Α 17 ὅστις λέλειπται] ἐπιλέλειπται Pl. Ερίπ. p. 989 Β μεῖζον μὲν γὰρ ἀφετῆς μηδεὶς ἡμᾶς ποτε πείθη τῆς εὐσεβείας εἶναι τῷ θνητῷ γένει 19 cf. Ερίπ. p. 989 D

ξπειτα παραδείκνυσι θεοσέβειαν ὅτφ τρόπφ τις μαθήσεται. λέγει δὲ δεῖν μαθεῖν πρῶτον ἀστρονομίαν. εἰ γὰρ τὸ καταψεύδεσθαι καὶ ἀνθρώπων δεινόν, πολὺ δεινότερον θεῶν καταψεύδοιτο δ΄ ἀν ὁ ψευδεῖς ἔχων δόξας κερὶ θεῶν ψευδεῖς δ΄ ἀν δόξας ἔχοι περὶ θεῶν ὁ μηδὲ 5 τὴν τῶν αἰσθητῶν θεῶν φύσιν ἐπεσκεμμένος, τουτέστιν ἀστρονομίαν. ἀγνοεῖσθαι δέ φησι τοῖς πολλοῖς, ὅτι σοφώτατον ἀνάγκη τὸν ἀληθῶς ἀστρονόμον εἶναι, μὴ τὸν καθ΄ Ἡσίοδον ἀστρονομοῦντα, οἶον δυσμάς τε καὶ ἀνατολὰς ἐπεσκεμμένον, ἀλλὰ τὰς περιόδους τῶν ἐπτά, ὁ 10 μὴ ραδίως ποτὲ πᾶσα φύσις ἱκανὴ γένοιτο θεωρῆσαι. τὸν δ΄ ἐπὶ ταῦτα παρασκευάζοντα φύσεις οῖας δυνατὸν πολλὰς προδιδάσκειν χρεία ἐστὶν ἐθίζοντα παῖδα ὅντα καὶ νεανίσκον διὰ μαθημάτων· ὧν τὸ μέγιστον εἶναι

1 Epin. p. 989 E — θεοσεβείας ότινι τρόπφ τίς τινα μαθήσεται 7 Epin. p. 990 A άγνοεῖτε ὅτι σοφάτατον ἀνάγκη τὸν ἀληθῶς ἀστρονόμον εἶναι, μὴ τὸν καθ Ἡσίοδον ἀστρονομοῦντα καὶ πάντας τοὺς τοιούτους, οἶον δυσμάς τε καὶ ἀνατολας ἐπεσκεμμένον, ἀλλὰ τὸν τῶν ὀκτὰ περιόδων τὰς ἐπτὰ περιόδων κοτὲ κὰσα φύσις ἱκανὴ γένοιτο θεωρῆσαι 12 Epin. p. 990 C ἐπὶ δὲ ταῦτα παρασκευάζοντας φύσεις, διὶ ᾶς (οῖας et διὶ οῖας αλὶ ἀννατόν εἶναι χρεών πολλὰ προδιδάσκοντα καὶ ἐθίζοντα δεῖ διαπονήσασθαι παῖδα όντα καὶ πρῶτον ἀριθμῶν αὐτῶν, ἀλλὰ οῦ σώματα ἐχόντων, ἀλλὰ δῖης τῆς τοῦ περιττού τε καὶ αραίσον ἀριθμῶν αὐτῶν, ἀλλὶ οῦ σώματα ἐχόντων, ἀλλὰ δῖης τῆς τοῦ περιττού τε καὶ ἀρτίου γενέσεως τε καὶ δυνάμεως, ὅσην παρέχεται πρὸς τὴν τῶν ὅντων φύσιν. ταῦτα δὲ μαθόντα τούτοις ἐφεξῆς ἐστιν δ καλοῦσι μὲν σφόδρα γελοὶον ὁνομα γεωμετρίαν, τῶν οῦκ ὅντων οὲ ὁμοίων ἀλλήλοις φύσει ἀριθμῶν ὁμοίωσις πρὸς τὴν τῶν ἐπιπέδων μοῖσαν γεγονυῖά ἐστι διαφανῆς · δ δὴ θαῦμα οὐκ ἀνθρώπινον ἀλλὰ γεγονος θεἰον φανερὸν ᾶν γίγνοιτο τῷ δυναμένφ ξυννοεῖν. μετὰ δὲ τούτην τοὺς τρεῖς (τρὶς Βekker) ηὐξημένους καὶ τῆ στερεῷ φύσει ὁμοίους, τοὺς δὲ ἀνομοίους αὐ γεγονότας ἐτέρα τέχνη ὁμοία τατη, ἢν δὴ γεωμετρίαν (στερεομετρίαν cod. Ζ) ἐκάλεσαν οἱ προστυχεῖς αὐτῆ γεγονότες· · δ δὲ θεῖόν τ' ἐστὶ καὶ θανμαστὸν —

ἀριθμῶν ἐπιστήμονα αὐτῶν, ἀλλ' οὐ σώματα ἐχόντων, καὶ αὐτῆς τῆς τοῖ περιττοῦ τε καὶ ἀρτίου γενέσεώς τε καὶ δυνάμεως, ὅσον παρέχεται πρὸς τὴν τῶν ὅντων φύσιν. τούτοις δὲ ἐφεξῆς μαθήματα μὲν καλοῦσι, φησί, 5 σφόδρα γελοῖον ὄνομα γεωμετρίαν ἔστι δὲ τῶν οὐκ ὅντων ὁμοίων ἀλλήλοις φύσει ἀριθμῶν ὁμοίωσις πρὸς τὴν τῶν ἐπιπέδων μοῖραν. λέγει δέ τινα καὶ ἑτέραν ἐμπειρίαν καὶ τέχνην, ἣν δὴ στερεομετρίαν καλεῖ, εἴ τις, φησί, τοὺς τρεῖς ἀριθμοὺς ἐξ ὧν τὰ ἐπίπεδα εἶναι αὐξη10 θέντας ὁμοίους καὶ ἀνομοίους ὅντας, ὡς προεῖπον, στερεὰ ποιεῖ σώματα τοῦτο δὲ θεῖόν τε καὶ θαυμαστόν ἐστι.

καὶ ἐν Πολιτεία δὲ περὶ συμφωνίας τῆς κατὰ μουσικήν φησι καλλίστη καὶ μεγίστη τῶν περὶ πόλεων συμφωνιῶν ἐστιν ἡ σοφία, ἡς ὁ μὲν κατὰ λόγον ζῶν 15 μέτοχος, ὁ δὲ ἀπολειπόμενος οἰκοφθόρος καὶ περὶ πόλιν οὐδαμῆ σωτήριος, ἅτε τὰ μέγιστα ἀμαθαίνων.

καὶ ἐν τῷ τρίτῳ δὲ τῆς Πολιτείας, διδάσκων ὅτι μόνος μουσικὸς ὁ φιλόσοφος, φησίν ἄρ' οὖν πρὸς δεῶν οὕτως οὐδὲ μουσικοὶ πρότερον ἐσόμεθα, οὕτε αὐτοὶ οὕτε 20 οὕς φαμεν ἡμεῖς παιδευτέον εἶναι τοὺς φύλακας, πρὶν

¹² Leg. III p. 689 D ἀλλ' ἡ καλλίστη καὶ μεγίστη τῶν ξυμφωνιῶν μεγίστη δικαιότατ ἂν λέγοιτο σοφία, ἡς ὁ μὲν κατὰ λόγον ζῶν μέτοχος, ὁ δ' ἀπολειπόμενος οἰκοφθόρος καὶ περὶ πόλιν οὐδαμῆ σωτὴρ ἀλλὰ πᾶν τοὐναντίον ἀμαθαίνων είς ταῦτα ἐκάστοτε φανείται 18 Civ. III p. 402 Β ἀρ' οὖν, δ λέγω, σὸτε οῦς θαμεν ἡμὶν παιδευτέον είναι τοὺς φύλακας, πρὶν ἂν τὰ τῆς σωφροσύνης είδη καὶ ἀνδρείας καὶ ἐλευθεριότητος καὶ μεγαλοπρεπείας καὶ ὅσα τούτων ἀδελφὰ καὶ τὰ τούτων αὐ ἐναντία πανταχοῦ περιφερόμενα γνωρίζωμεν (cf. p. 12, 1) καὶ ἐνόντα ἐν οἰς ἔνεστιν αἰσθανώμεθα καὶ αὐτὰ καὶ εἰκόνας αὐτῶν καὶ μήτε ἐν σμικροῖς μήτε ἐν μεγάλοις ἀτιμάζωμεν, ἀλλὰ τῆς οὐτῆς οἰώμεθα τέχνης είναι καὶ μελέτης; ἄρ corr. ex ἄρ Δρ

ἂν ἄπαντα τὰ τῆς σωφροσύνης είδη καὶ ἀνδρείας καὶ μεγαλειότητος και μεγαλοποεπείας και δσα τούτων άδελφὰ καί €ὰ τούτων ύπεναντία πανταχῆ περιφερόμενα χωρίζωμεν καὶ ένόντα έν οἶς ἔστιν αίσθανώμεθα καὶ αὐτὰ καὶ εἰκόνας αὐτῶν καὶ μήτε ἐν μικροῖς μήτε 5 έν μεγάλοις ἀτιμάζωμεν, ἀλλὰ τῆς αὐτῆς οἰώμεθα τέχνης είναι και μελέτης; διά γὰς τούτων και τῶν πρὸ αὐτῶν τί τε ὄφελος έκ μουσικής δηλοί, και ὅτι μόνος ὄντως μουσικός ό φιλόσοφος, ἄμουσος δε ό κακός. τῆ μεν γὰρ εὐηθεία ὄντως, ήτις έστιν άρετη τὸ εὖ τὰ ήθη κατε- 10 σκευασμένα έχειν, επεσθαί φησιν εύλογίαν, τουτέστι τὸ εὖ λόγφ χοῆσθαι, τῆ δὲ εὐλογία τὴν εὐσχημοσύνην καὶ εύουθμίαν καὶ εύαρμοστίαν εύσχημοσύνην γὰο περί μέλος, εὐαρμοστίαν δὲ περὶ άρμονίαν, εὐρυθμίαν δὲ περί φυθμόν τη δε κακοηθεία, τουτέστι τῷ κακῷ ήθει, 15 φησίν επεσθαι κακολογίαν, τουτέστι κακοῦ λόγου χρησιν, τῆ δὲ κακολογία ἀσχημοσύνην καὶ ἀρουθμίαν καὶ άναρμοστίαν περί πάντα τὰ γενόμενα καί μιμούμενα. **ώστε μόνος αν είη μουσικός ό κυρίως εὐήθης, όστις είη** αν ό φιλόσοφος. δηλοί δὲ καὶ τὰ εἰρημένα. ἐπεὶ γὰρ ἡ 20 μουσική τὸ εὔουθμον καὶ εὐάομοστον καὶ εὔσχημον έμποιεί τῆ ψυχῆ έκ νέου εἰσδυομένη διὰ τὸ τῆ ἀφελεία μεμιγμένην έχειν άβλαβῆ ἡδονήν, άδύνατόν φησι τέλεον μουσικόν γενέσθαι μη είδότα το έν παντί εύσχημον καί τὰ τῆς εὐσχημοσύνης καὶ έλευθεριότητος καὶ σωφροσύ- 25

¹ αν supra vs. A 5 αὐτῶν infra vs. A 9 cf. Civ. p. 400 D — 401 A 12 εὐ λόγω] εὐλόγως A 13 ad εὐρυθμίαν in mg. A adnotatum erat τὸ βιβλίον ἔχει ἐρυθμίαν, quae verba deleta sunt 17 ἀρυθμίαν Α 20 τὰ εἰρημένα: p. 10, 18 sqq. an scr. τὰ προεισημένα?

νης είδη μὴ γνωρίζοντα, τουτέστι τὰς ίδέας. ἀμέλει ἐπιφέρει ἐν παντὶ περιφερόμενα — τουτέστι τὰ είδη — καὶ
μὴ ἀτιμάζων αὐτὰ μήτ' ἐν σμικροῖς μήτ' ਓν μεγάλοις.
ἡ δὲ τῶν ἰδεῶν γνῶσις περὶ τὸν φιλόσοφον οὐδὲ γὰρ
είδείη τις ἂν τὸ κόσμιον καὶ σῶφρον καὶ εὕσχημον
αὐτὸς ὢν ἀσχήμων καὶ ἀκόλαστος τὸ δ' ἐν βίω εὕσχημον καὶ εὕρυθμον καὶ εὐάρμοστον εἰκόνες τῆς ὄντως
εὐσχημοσύνης καὶ εὐαρμοστίας καὶ εὐρυθμίας, τουτέστι
τῶν νοητῶν καὶ ἰδεῶν εἰκόνες τὰ αἰσθητά.

και οι Πυθαγορικοι δέ, οίς πολλαχή έπεται Πλάτων, 10 την μουσικήν φασιν έναντίων συναρμογην και τών πολλών ενωσιν και των δίχα φρονούντων συμφρόνησιν. ού γὰο ουθμῶν μόνον καὶ μέλους συντακτικήν, ἀλλ' άπλῶς παντὸς συστήματος τέλος γὰο αὐτῆς τὸ ένοῦν 15 τε καὶ συναρμόζειν. καὶ γὰρ ὁ θεὸς συναρμοστής τῶν διαφωνούντων, καὶ τοῦτο μέγιστον ἔργον θεοῦ κατὰ μουσικήν τε και κατά ιατρικήν τὰ έχθρὰ φίλα ποιείν. έν μουσική, φασίν, ή δμόνοια τῶν πραγμάτων, ἔτι καλ άριστοκρατία τοῦ παντός. καὶ γὰρ αῦτη ἐν κόσμφ μέν 20 άρμονία, εν πόλει δ' εὐνομία, εν οίχοις δε σωφροσύνη γίνεσθαι πέφυκε· συστατική γάρ έστι καλ ένωτική τῶν πολλών ή δε ενέργεια και ή χρησις, φησί, της επιστήμης ταύτης έπι τεσσάρων γίνεται τῶν ἀνθρωπίνων, ψυχῆς, σώματος, οίκου, πόλεως προσδείται γὰρ ταῦτα 25 τὰ τέσσαρα συναρμογῆς καὶ συντάξεως.

έν δὲ τῆ Πολιτεία Πλάτων ὑπὲο τῶν μαθημάτων

² cf. p. 11, 3 sqq. (Civ. p. 402 AC) 10 cf. Boeckh Philolaos Lehren p. 61 12 διχοφονούντων Ast ad Nicom. p. 299 18 (καὶ) ἐν μουσικῆ? 20 cf. p. 47, 2 sq.

γς ένωτική 21 ευνοητική (οη ex corr. ut vid.) Α 22 φασί?

καὶ τάθε ἔφη ἀναθὸς δὲ ἀνὴρ ὅστις διασώζει τὴν ὀρθὴν δόξαν τῶν ἐκ παιδείας αὐτῷ ἐγγενομένων ἔν τε λύπαις καὶ ἡδοναῖς καὶ ἐπιθυμίαις καὶ φόβοις καὶ μὴ ἐκβάλλει. ὁ δέ μοι δοκεῖ ὅμοιον εἶναι, θέλω ἀπεικάσαι. οἱ νῦν βαφεῖς, ἐπειδὰν βουληθῶσι βάψαι ἔρια ῶστ' εἶναι τὰ ἀλουργά, πρῶτον μὲν ἐκλέγονται ἐκ τοσούτων χρωμάτων μίαν φύσιν τὴν τῶν λευκῶν, ἔπειτα προκατασκευάζουσιν οὐκ ὀλίγη παρασκευῆ θεραπεύσαντες, ὅπως δέξηται ὅ τι μάλιστα τὸ ἄνθος, καὶ οῦτως βάπτουσι καὶ ὁ μὲν ἂν τούτῷ τῷ τρόπῷ βαφῆ, ὁμοῦ τι τὸ βαφὲν καὶ 10

1 Civ. p. 429 C (cf. etiam antecedentia) διὰ παντὸς δὲ ἔλεγον αὐτὴν σωτηρίαν τὸ ἔν τε λύπαις ὄντα διασώζεσθαι αὐτὴν nal en hoovais nal en (en om. codices complures Platonis et Stobaci Flor. XXXXIII 97) έπιθυμίαις και έν (έν om. Stob. ed. Trincav.) φόβοις και μή έκβάλλειν. ὁ δέ μοι δοκεί δμοιον είναι, έθέλω ἀπεικάσαι, εί βούλει. ἀλλὰ βούλομαι. οὐκοῦν οἰσθα, ην δ' έγω, ότι οι βαφείς, έπειδαν βουληθώσι βάψαι έρια ώστ' είναι άλουργά, πρώτον μεν εκλέγονται έκ τοσούτων χρωμάτων μίαν φύσιν την των λευκών, επειτα προπαρασκευάζουσιν ούκ όλίγη παρασκευή θεραπεύσαντες, ὅπως δέξεται (δέξηται Stobaei codex A et complures Platonis) ο τι μάλιστα τὸ ἄνθος, καί ούτω δή βάπτουσι· καὶ δ΄ μὲν ἂν τούτφ τῷ τρόπω βαφή, δευσοποιὸν γίγνεται τὸ βαφέν, καὶ ἡ πλύσις οὐτ' ἄνευ φείσθαι· ἃ δ' ἀν μή, οίσθα οία δή γίννεται, ἐάν τέ τις άλλα χρώματα βάπτη ἐάν τε καὶ ταυτα μὴ προθεραπεύσας. οίδα, ἔφη, ὅτι ἔκπλυτα καὶ γελοία. τοιούτον (τοιούτο codd. duo) τοίνυν, ἡν δ' ἐγώ, ὑπολαβε κατὰ δύναμιν ἔργάζεσθαι γεροία. αιιο) τοιννν, ην ο εγω, υπολαβε κατα δύναμιν έργάζεσθαι και ήμας, ότε έξελεγόμεθα τούς στρατιώτας και έπαιδεύομεν (έν add. codd. Stobaei) μουσική και γυμναστική μηδεν οίου άλλο μηχανάσθαι, ή όπως ήμιν ό τι κάλλιστα τούς νόμους πεισθέντες δέξοιντο ώσπες βαφήν, ΐνα δευσοποιός αὐτων ή δόξα γίγνοιτο και περί δεινών και περί το πάλλων, διὰ τὸ τήν τε φύσιν και την τροφήν έπιτηδείαν έσχηκέναι, και μί αὐτών έκπλύναι την βαφήν τὰ δύμματα ταῦτα, δεινὰ όντα έκκλύζειν, η τε ἡδονή πουτὸς καίστον δειναλού. έκκλύζειν, η τε ήδονή, παντός χαλεστραίου δεινοτέρα οὖσι: τοῦτο δρᾶν καὶ κονίας, λύπη τε καὶ φόβος καὶ ἐπιθυμία, παντός αιλου δύμματος

ή φίσις, καὶ οὖτε ἄνευ δυμμάτων οὔτε μετὰ δομμάτων δύναται αὐτῶν τὸ ἄνθος ἀφαιρεῖσθαι ὰ δ' ἂν μή, οίσθα οία δη γίνεται, αν μη προθεραπεύσας βάπτη, έκπλυτα και έξίτηλα και ού δευσοποιά, τοιούτο δε κατά 5 δύναμιν έργάζεσθαι ήγεζοθαι χρή και ήμας παιδεύομεν γάο τούς παϊδας έν μουσική τε καλ γυμναστική καλ γράμμασι και γεωμετρία και έν άριθμητική, ούδεν άλλο μηχανώμενοι, ἢ ὅπως ἡμεῖς προεκκαθάραντες καὶ προθεραπεύσαντες ώσπερ τισί στυπτικοίς τοίς μαθήμασι 10 τούτοις, τοὺς περὶ ἀπάσης ἀρετῆς ἡν ἂν ἐκμανθάνωσιν υστερον λόγους ένδείξοιντο ώσπες βαφήν, ενα δευσοποιὸς αὐτῶν ἡ δόξα γίνοιτο, διὰ τὸ τὴν φύσιν καὶ τροφην επιτηδείαν εσχηκέναι, και μη εκπλύνη αὐτῶν την βαφην τὰ δύμματα ταῦτα, δεινὰ ὅντα ἐκκλύζειν, 15 η τε ήδονή, παντός στρεβλοῦ δεινοτέρα οὖσα καὶ κοινωνίας, λύπη τε καὶ φόβος καὶ ἐπιθυμία, παντὸς ἄλλου δύμματος.

παλ γὰρ αὖ τὴν φιλοσοφίαν μύησιν φαίη τις ἂν ἀληθοῦς τελετῆς καὶ τῶν ὅντων ὡς ἀληθῶς μυστηρίων 20 παράδοσιν. μυήσεως δὲ μέρη πέντε. τὸ μὲν προηγούμενον καθαρμός οὕτε γὰρ ἄπασι τοῖς βουλομένοις μετουσία μυστηρίων ἐστίν, ἀλλ' εἰσὶν οὓς αὐτῶν εἴργεσθαι προαγορεύεται, οἶον τοὺς χεἴρας μὰ καθαρὰς καὶ φωνὴν ἀξύνετον ἔχοντας, καὶ αὐτοὺς δὲ τοὺς μὴ εἰργομένους ἀνάγκη καθαρμοῦ τινος πρότερον τυχεῖν. μετὰ δὲ τὴν κάθαρσιν δευτέρα ἐστὶν ἡ τῆς τελετῆς παράδοσις.

9 στυπτικοῖς: κ in ras. trium aut quattuor litterarum A

12 γένοιτο A 18 cf. Plat. Phaed. p. 69 D 20 α A in margine 23 cf. Bernhardy Grundriss der griech. Litt. I p.

22. Schoemann opusc. II p. 351 26 β mg. A

τρίτη δε (ή) επονομαζομένη εποπτεία τετάρτη δέ, ο δή και τέλος της έποπτείας, ανάδεσις και στεμμάτων έπίθεσις, ώστε καὶ έτέροις, ας τις παρέλαβε τελετάς, παραδούναι δύνασθαι, δαδουχίας τυχόντα ἢ ίεροφαντίας ή τινος άλλης ιερωσύνης πέμπτη δε ή έξ αὐτῶν περι- 5 γενομένη κατά τὸ θεοφιλές και θεοίς συνδίαιτον εύδαιμονία. κατὰ ταὐτὰ δὴ καὶ ἡ τῶν Πλατωνικῶν λόγων παράδοσις τὸ μὲν πρῶτον ἔχει καθαρμόν τινα, οἶον τὴν ἐν τοῖς προσήμουσι μαθήμασιν έκ παίδων συγγυμνασίαν. ὁ μέν γὰο Ἐμπεδοκλῆς κοηνάων ἀπὸ πέντ' ἀνιμῶντά φησιν ἀτει- 10 φει χαλμῷ δεῖν ἀπορρύπτεσθαι· ὁ δὲ Πλάτων ἀπὸ πέντε μαθημάτων δεΐν φησι ποιείσθαι την κάθαρσιν ταῦτα δ' έστιν άριθμητική, γεωμετρία, στερεομετρία, μουσική, άστρονομία. τῆ δὲ τελετῆ ἔοικεν ἡ τῶν κατὰ φιλοσοφίαν θεωρημάτων παράδοσις, τῶν τε λογικῶν καὶ πολιτικῶν 15 καλ φυσικών. ἐποπτείαν δὲ ὀνομάζει τὴν περὶ τὰ νοητά και τὰ ὄντως ὄντα και τὰ τῶν ιδεῶν πραγματείαν. ἀνάδεσιν δὲ καὶ κατάστεψιν ἡγητέον τὸ ἐξ ών αὐτός τις κατέμαθεν οἶόν τε γενέσθαι καὶ έτέρους είς την αὐτην θεωρίαν καταστησαι: πέμπτον δ' αν είη 20 καλ τελεώτατον ή έκ τούτων περιγενομένη εύδαιμονία

¹ $\bar{\gamma}$ et $\bar{\delta}$ mg. A $\dot{\eta}$ add. Lobeck Aglaoph. p. 39 5 $\pi \epsilon \mu \pi \tau \eta$ δὲ $\dot{\eta}$] $\dot{\eta}$ δὲ $\bar{\epsilon}$ A 6 $\epsilon \dot{v} \delta \alpha \iota \mu \nu \iota \alpha v$ A, em. Bullialdus 7 $\tau \alpha \bar{v} \tau \alpha$ A $II \lambda \alpha \tau \omega \nu \iota \kappa \bar{\omega} v$] $\pi o \lambda \iota \tau \iota \tau \bar{\omega} v$ A 8 $\bar{\alpha}$ mg. A 9 $\tau \dot{\eta} v$ — συγγυμνασίαν A 10 Έμπεδοπλ $\bar{\eta} \varepsilon$: vs. 422 Karsten, 442 Stein, 452 Mullach. cf. Aristot. Poet. p. 1457 b ανιμῶντα: αν et ω ex corr. ι in ras. A ατειρέι corr. ex απηρέι, inter ρέ et ι una lit. er. A 11 χαλπῷ δεῖν ἀπορρψπτεσθαι: κῶ δεῖν et pr. ϱ in ras. A 13 στερευμετρία: o corr. ex $\bar{\omega}$ A $\bar{\beta}$ mg. A 16 cf. Phaedrus p. 250 C $\bar{\gamma}$ mg. A 17 τὰ $\tau \bar{\omega} \nu$ Hultsch] $\tau \dot{\eta} \nu$ $\tau \bar{\omega} \nu$ A 18 $\bar{\delta}$ mg. A 20 $\bar{\epsilon}$ mg. A

καὶ κατ' αὐτὸν τὸν Πλάτωνα ὁμοίωσις θεῷ κατὰ τὸ δυνατόν.

πολλά μεν οὖν καὶ ἄλλα ἔχοι τις ἂν λέγειν παραδεικνύς τὸ τῶν μαθημάτων χρήσιμον καὶ ἀναγκαίον. 5 τοῦ δὲ μὴ δοχεῖν ἀπειροχάλως διατρίβειν (ἐν) τῷ τῶν μαθημάτων έπαίνω τρεπτέον ήδη πρός την παράδοσιν τῶν ἀναγκαίων κατὰ τὰ μαθήματα θεωρημάτων, οὐχ δσα δύναιτο αν τὸν έντυγχάνοντα ἢ ἀριθμητικὸν τελέως η γεωμέτρην η μουσικόν η άστρονόμον άποφηναι ούδε 10 γάρ έστι τοῦτο προηγούμενον ἢ προκείμενον ἄπασι τοῖς Πλάτωνι ἐντυγχάνουσι μόνα δὲ ταῦτα παραδώσομεν, όσα έξαρκεί πρός τὸ δυνηθηναι συνείναι τών συγγραμμάτων αὐτοῦ. οὐδὲ γὰρ αὐτὸς ἀξιοῖ εἰς ἔσχατον γῆρας ἀφικέσθαι διαγράμματα γράφοντα καὶ μελφδίαν, 15 άλλὰ παιδικὰ οἴεται ταῦτα τὰ μαθήματα, προπαρασκευαστικά καλ καθαρτικά όντα ψυχῆς είς τὸ ἐπιτήδειον αὐτὴν πρὸς φιλοσοφίαν γενέσθαι. μάλιστα μεν οὖν χρη τὸν μέλλοντα οἶς τε ἡμεῖς παραδώσομεν οἶς τε Πλάτων συνέγραψεν έντεύξεσθαι διὰ γοῦν τῆς πρώτης 20 γραμμικής στοιχειώσεως κεχωρηκέναι ράον γάρ αν ξυνέποιτο οίς παραδώσομεν. έσται δ' όμως τοιαυτα καλ τὰ παρ' ἡμῶν, ὡς καλ τῷ παντάπασιν ἀμυήτῷ τῶν μαθημάτων γνώριμα γενέσθαι.

πρώτον δε μνημονεύσομεν τῶν ἀριθμητικῶν θεωρη
μάτων, οἷς συνέζευκται καὶ τὰ τῆς ἐν ἀριθμοῖς μουσικῆς:

τῆς μὲν γὰρ ἐνόργάνοις οὐπαντάπασι προσδεόμεθα, καθα

καὶ αὐτὸς ὁ Πλάτων ἀφηγεῖται λέγων ὡς οὐ χρὴ ὥσπερ

¹ Theaet. p. 176 B 3 αν λέγειν apogr.] ἀναλέγειν A 24 inscr. περί ἀριθμητικῆς A, β in mg. 27 Civ. VII p. 531 A, cf. p. 6, 5 sqq.

έκ γειτόνων φωνην θηφευομένους πράγματα παρέχειν ταϊς χορδαϊς. ὀρεγόμεθα δε την έν κόσμω άρμονίαν και την έν τούτφ μουσικην κατανοήσαι ταύτην δε ούχ οίόν τε κατιδείν μη της έν άριθμοίς πρέτερον θεωρητικούς γενομένους. διὸ καὶ πέμπτην ὁ Πλάτων φησίν ω είναι την μουσικήν, την έν κόσμω λέγων, ητις έστιν έν τῆ κινήσει καὶ τάξει καὶ συμφωνία τῶν ἐν αὐτῷ κινουμένων ἄστρων. ἡμῖν δ' ἀναγκαῖον δευτέραν αὐτὴν τάττειν μετὰ ἀριθμητικήν καί κατ' αύτον τον Πλάτωνα, έπειδη οὐδ' ή ἐν κόσμφ μουσική ληπτή ἄνευ τῆς έξαριδ- 10 μουμένης και νοουμένης μουσικής. ώστε εί μεν συνέζευκται τῆ περί ψιλούς ἀριθμούς θεωρία ή έν ἀριθμοῖς μουσική, δευτέρα αν ταχθείη πρός την της ήμετέρας θεωρίας εύμάρειαν. πρός δε την φυσικην τάξιν πρώτη μεν αν είη ή περί αριθμούς θεωρία, καλουμένη αριθ- 15 μητική δευτέρα δε ή περί τὰ ἐπίπεδα, καλουμένη γεωμετρία τρίτη δε ή περί τὰ στερεά, ήτις έστι στερεομετρία· τετάρτη (δε) ή περί τὰ κινούμενα στερεά, ήτις έστιν άστρονομία. ή δε της των κινήσεων και διαστημάτων ποιὰ σχέσις έστὶ μουσική, ήτις οὐχ οῖα τέ έστι 20 ληφθηναι μη πρότερον ήμων αύτην έν άριθμοις κατανοησάντων διό πρός την ήμετέραν θεωρίαν μετ' άριθμητικήν τετάχθω ή έν άριθμοῖς μουσική, ώς δὲ πρὸς τὴν φύσιν πέμπτη (ή) της τοῦ κόσμου άρμονίας θεωρητική μουσική. κατά δή τους Πυθαγορικούς πρεσβευτέα 25

⁴ τῆς corr. ex τοῖς Α 5 Πλάτων: cf. Civ. p. 530 D 6 τὴν ἐν κόσμφ λέγων] τῶν ἐν κόσμω λόγων Α, cf. vs. 2 et 10 7 αὐτῷ Bull.] αὐτῆ Α 10 scrib. vid. ἄνεν τῆς ἐν ἀριθμοῖς (vel ἐξ ἀριθμῶν) κατανοουμένης, cf. vs. 21 18 δὲ add. Bull. 19 scr. vid. πέμπτη δὲ ἡ τῆς τῶν κιν. καὶ διαστ. πρὸς ἄλληλα σχέσεως θεωρητική μουσική 21 αὐτὴν] τὴν? 25 μέγρι τούτου mg. Α πρεσβευτὰς Α

τὰ τῶν ἀριθμῶν ὡς ἀρχὴ παὶ πηγὴ καὶ φίζα τῶν πάντων.

άριθμός έστι σύστημα μονάδων, η προποδισμός πλήθους ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενος καὶ ἀναποδισμὸς εἰς 5 μονάδα καταλήγων. μονάς δέ έστι περαίνουσα ποσότης [άρχὴ καὶ στοιχείου τῶυ ἀριθμῶυ], ῆτις μειουμένου του πλήθους κατά τὴν ὑφαίρεσιν τοῦ παντὸς ἀριθμοῦ στερηθείσα μονήν τε καὶ στάσιν λαμβάνει. οὐ γὰρ οἶόν τε περαιτέρω γενέσθαι την τομήν καλ γαρ έαν είς μόρια 10 διαιρώμεν τὸ εν έν αίσθητοις, έμπαλιν πλήθος γενήσεται τὸ εν και πολλά, και καταλήξει είς εν κατά τὴν ύφαίρεσιν έχάστου τῶν μορίων κἂν ἐχεῖνο πάλιν εἰς μόρια διαιρώμεν, πληθός τε τὰ μόρια γενήσεται καὶ ή κατάληξις καθ' ύφαίρεσιν έκάστου τῶν μορίων είς Εν. 15 ώστε άμέριστον και άδιαίρετον τὸ εν ώς εν. και γάρ ό μεν άλλος άριθμός διαιρούμενος έλαττοῦται καὶ διαιρεϊται είς έλάττονα αύτοῦ μόρια, οίον τὰ ξ΄ είς τὰ γ΄ \mathbf{x} \mathbf{a} \mathbf{a} \mathbf{b} \mathbf{b} \mathbf{a} \mathbf{b} \mathbf{b} αίσθητοις διαιρήται, ώς μέν σώμα έλαττούται καί διαι-20 φεΐται είς έλάττονα αύτοῦ μόρια τῆς τομῆς γινομένης, ώς δὲ ἀριθμὸς αὔξεται ἀντὶ γὰρ ένὸς γίνεται πολλά. ώστε και κατά τοῦτο άμερες τὸ εν. οὐδεν γὰρ διαιρούμενον είς μείζονα έαυτοῦ μόρια διαιρείται τὸ δὲ (ξυ)

³ inser. περὶ ἐνὸς καὶ μονάδος Α, γ̄ in mg. Stob. ecl. I 1, 8 ἐπ τῶν Μοδεράτου Πυθαγορείου. ἔστιδ' ἀριθμὸς ὡς τύπω εἰπεῖν σύστημα μονάδων, ἢ προποδισμὸς πλήθους ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενος καὶ ἀναποδισμὸς εἰς μονάδα καταλήγων, μονάδας δὲ περαίνουσα ποσότης, ἢτις μειουμένου τοῦ πλήθους κατὰ τὴν ὑφαίρεων παντὸς ἀριθμοῦ στερηθείσα μονήν τε καὶ στάσιν λαμβάνει. περαιτέρω γὰρ ἡ μονὰς τῆς ποσότητος (ser. τῆς μονάδος ἡ ποσότης) οὐπ ἰσχύει ἀναποδίζειν. cf. schol. Dion. Thr. p. 820, 14 9 περαιτέρω: α corr. ex ε Α 14 post ἐκάστου ras. trium fere litt. Α 23 εἰς ⟨ἴσα ἑαντῷ ἢ εἰς⟩ μείζονα ἑαντοῦ?

διαιρούμενον καλ είς μείζονα τοῦ ὅλου μόρια ώς ἐν άριθμοῖς διαιρείται καὶ (είς) ίσα τῷ ὅλῷ. οἶον τὸ ἐν τὸ ἐν αίσθητοϊς ἂν είς εξ διαιρεθη, είς ἴσα μεν τῷ ὅλφ ώς αριθμός διαιρεθήσεται α΄ α΄ α΄ α΄ α΄ α΄, είς μείζονα δε τοῦ ὅλου ώς ἀριθμὸς είς δ΄ καὶ β΄ τὰ γὰρ β΄ καὶ κ δ΄ ώς άριθμοί πλείονα τοῦ ένός. άδιαίρετος άρα ή μονάς ώς άφιθμός. καλείται δε μονάς ήτοι άπο τοῦ μένειν άτρεπτος καὶ μὴ έξίστασθαι τῆς έαυτῆς φύσεως. όσάχις γὰρ ἂν έφ' έαυτὴν πολλαπλασιάσωμεν τὴν μονάδα, μένει μονάς και γαρ απαξ εν εν, και μέχρις 10 • ἀπείρου ἐὰν πολλαπλασιάζωμεν τὴν μονάδα, μένει μονάς. ἢ ἀπὸ τοῦ διακεκρίσθαι καὶ μεμονῶσθαι ἀπὸ τοῦ λοιποῖ πλήθους τῶν ἀριθμῶν καλεῖται μονάς. ή δε διενήνοχεν άριθμός και άριθμητόν, ταύτη και μονάς καὶ εν. άριθμὸς μεν γάρ έστι τὸ έν νοητοῖς ποσόν, 15 οίον αὐτὰ ε΄ και αὐτὰ ι΄, οὐ σώματά τινα οὐδε αίσθητά, άλλὰ νοητά άριθμητὸν δὲ το ἐν αίσθητοῖς ποσόν, ὡς ϊπποι ε΄, βόες ε΄, ἄνθρωποι ε΄. καὶ μονάς τοίνυν έστιν ή τοῦ ένὸς ίδέα ή νοητή, η έστιν ἄτομος. Εν δὲ τὸ έν αίσθητοις καθ' έαυτὸ λεγόμενου, οίου είς ιππος, είς 20 ανθρωπος. ωστ' είη αν άρχη των μεν άριθμων ή μονάς, των δε αριθμητών τὸ εν και τὸ εν ώς εν αίσθητοις

⁷ pergit Stob. l. c. ωστε μονας ήτοι ἀπὸ τοῦ ἐστάναι καὶ κατὰ ταὐτὰ ὡσαύτως ἄτρεπτος μένειν, ἢ ἀπὸ τοῦ διακεκρίσθαι καὶ παντελῶς μεμονῶσθαι τοῦ πλήθους εὐλόγως ἐκλήθη 11 fort. add. ἐφ΄ ἐαυτὴν 19 ἢ] ο Α 21 inser. τίς ἀρχὴ ἀριθμοῦ Α, δ in mg. 22 Stob. ecl. I 1, 9 τινὲς τῶν ἀριθμῶν ἀρχὴν ἀπεφήνωντο τὴν μονάδα, τῶν δὲ ἀριθμητῶν τὸ ἔν, τοῦτο δὲ σῶμα τεμνόμενον εἰς ἄπειρον· ὥστε τὰ ἀριθμητὰ τῶν ἀριθμῶν ταύτη διαλλάττειν ἢ διαφέρει τὰ σώματα τῶν ἀσωμάτων. εἰδέναι δὲ καὶ τοῦτο χρὴ ὅτι τῶν ἀριθμῶν εἰσηγήσαντο τὰς ἀρχὰς οἱ μὲν νεώτεροι τὴν τε μονάδα καὶ τὴν δυάδα, οἱ δὲ Πυθαγόρειοι πάσας παρὰ τὸ ἔξῆς τὰς τῶν ὄρων ἐκθέσεις,

τέμνεσθαί φασιν είς ἄπειρον, ούχ ώς ἀριθμὸν ούδὲ ώς άρχην άριθμοῦ, άλλ' ώς αίσθητόν. ώστε ή μεν μονάς νοητή ούσα άδιαίρετος, τὸ δὲ εν ώς αίσθητὸν εἰς ἄπειρον τμητόν. καὶ τὰ ἀριθμητὰ τῶν ἀριθμῶν εἰη ἂν διαφέs ροντα τῷ τὰ μὲν σώματα εἶναι, τὰ δὲ ἀσώματα. ἀπλῶς δε άρχας άριθμών οι μεν υστερόν φασι τήν τε μονάδα και την δυάδα, οι δε άπο Πυθαγόρου πάσας κατά το έξης τὰς τῶν ὅρων ἐκθέσεις, δι' ὧν ἄρτιοί τε καὶ περιττολ νοοῦνται, οδον τῶν ἐν αἰσθητοῖς τριῶν ἀρχὴν τὴν 10 τριάδα και τῶν ἐν αίσθητοῖς τεσσάρων πάντων ἀρχὴν την τετράδα και έπι των άλλων άριθμων κατά ταύτά. • οί δε και αὐτῶν τούτων ἀρχὴν τὴν μονάδα φασί καί τὸ εν πάσης ἀπηλλαγμένον διαφορᾶς ώς ἐν ἀριθμοῖς, μόνον αὐτὸ εν, οὐ τὸ εν, τουτέστιν οὐ τόδε τὸ ποιὸν καὶ διαφοράν τινα πρὸς έτερον εν προσειληφός, άλλ' αὐτὸ καθ' αύτὸ εν. οὕτω γὰς ἂν ἀςχή τε καὶ μέτρον είη τῶν ὑφ' έαυτὸ ὄντων, καθὸ ἕκαστον τῶν ὄντων ἕν λέγεται, μετασχὸν τῆς πρώτης τοῦ ένὸς οὐσίας τε καὶ ίδέας. 'Αρχύτας δε και Φιλόλαος άδιαφόρως τὸ εν καί 20 μονάδα καλοῦσι καὶ τὴν μονάδα εν. οί δὲ πλείστοι προστιθέασι τῷ μονάδα αὐτὴν τὴν πρώτην μονάδα, ὡς ούσης τινός ού πρώτης μονάδος, η έστι κοινότερον καλ αὐτὴ μονὰς καὶ εν - λέγουσι δὴ καὶ τὸ εν -, τουτδι' ών ἄρτιοί τε και περιττοί νοοῦνται. cf. Phot. Bibl. p. 438 b 34. Zeller die Philos. d. Gr. I φ. 318. 335, 1. 339, 4 5 ἀπλῶς corr. ex ἀπλῶν Α 11 ταῦτά Α 14 μόνον ⟨ου⟩ αὐτὸ ἔν? ້ 5 ἀπλῶς αύτὸ εν corr. in αύτοεν A ποιὸν (ξη)? αύτὸ τὸ εν Bull. 17 εαυτὸ: ὁ corr. ex ῶ Α 19 Άρχύτας: Mullach fragm. philos. Gr. II p. 117 Φιλόλαος: Boeckh Philolaos Lehren p. 147. Mullach II p. 5. cf. Zeller I p. 320, 1 21 τῷ μονάδα] scrib. vid. aut τῆ μονάδι aut τῷ μονάδα

(1) 22 μονάδος] μ⁶ Α 23 αὕτη Α καὶ τὸ ἔν] οὐ τὸ ἔν? cf. vs. 14

έστιν ή πρώτη καλ νοητή ούσία τοῦ ένός, εκάστου τῶν πραγμάτων παρέχουσα εν' μετοχή γαρ αὐτής εκαστον εν καλείται. διὸ καὶ τούνομα αὐτοῦ οὐδεν παρεμφαίνει τί εν και τίνος γένους, κατά πάντων δε κατηγορείται. [ωστε καὶ ἡ μονὰς καὶ ἕν ἐστι,] καν τὰ μὲν νοητὰ καὶ 5 παραδείγματα μηδεν άλλήλων διαφέροντα, τὰ δε αίσθητά. ένιοι δε ετέραν διαφοράν της μονάδος και τοῦ ένὸς παρέδοσαν. τὸ μὲν γὰρ εν οὖτε κατ' οὐσίαν ἀλλοιοῦται, ούτε τῆ μονάδι καὶ τοῖς περιττοῖς αἴτιόν έστι τοῦ μὴ άλλοιοῦσθαι κατ' οὐσίαν, οὖτε κατὰ ποιότητα, αὐτὸ 10 γὰρ μονάς ἐστι καὶ οὐχ ώσπερ αί μονάδες πολλαί, οὕτε κατὰ τὸ ποσόν οὐδὲ γὰρ συντίθεται ώσπερ αί μονάδες άλλη μονάδι εν γάρ έστι και οὐ πολλά, διὸ και ένικῶς καλείται εν. και γάρ εί παρά Πλάτωνι ένάδες είρηνται έν Φιλήβφο, οὐ παρὰ τὸ εν έλέχθησαν, άλλὰ παρὰ τὴν 15 ένάδα, ήτις έστι μονάς μετοχή τοῦ ένός. κατὰ πάντα δη άμετάβλητον το δυ το ώρισμένον τοῦτο ἐν τῆ μονάδι. ώστε διαφέροι αν τὸ εν της μονάδος, ὅτι τὸ μέν έστιν ώρισμένον και πέρας, αί δε μονάδες ἄπειροι και ἀόριστοι.

τῶν δὲ ἀριθμῶν ποιοῦνται τὴν πρώτην τομὴν είς 20 δύο τοὺς μὲν γὰρ αὐτῶν ἀρτίους, τοὺς δὲ περιττούς φασι. καὶ ἄρτιοι μέν εἰσιν οἱ ἐπιδεχόμενοι τὴν εἰς ἴσα διαίρεσιν, ὡς ἡ δυάς, ἡ τετράς περισσοὶ δὲ οἱ εἰς ἄνισα διαιρούμενοι, οἶον ὁ ε΄, ὁ ζ΄. πρώτην δὲ τῶν περισσῶν ἔνιοι ἔφασαν τὴν μονάδα. τὸ γὰρ ἄρτιον τῷ περισσῷ 25 ἐναντίον ἡ δὲ μονὰς ἤτοι περιττόν ἐστιν ἢ ἄρτιον καὶ

¹ ἐπάστω? 9 καὶ τοῖς ⟨άφτίοις καὶ⟩ περιττοῖς? μὴ del. Bull. 12 συντίθεται Α 14 εί corr. ex οί Α 15 ἐν Φιλήβω: p. 15 Α 16 μετοχῆ corr. ex μετοχὴ Α 18 τὸ μὲν ⟨ἕν⟩? 20 inscr. περὶ άφτίον καὶ περιττοῦ Α, $\bar{\epsilon}$ in mg. 22 εἰς δύο ἴσα Gelder, sed cf. p. 25, 21 sqq. 70, 16. 19. 71, 3. 72, 20

ἄρτιον μεν ούκ αν είη· οὐ γαρ ὅπως είς ἴσα, άλλ' οὐδε όλως διαιρείται περιττή άρα ή μονάς. καν άρτίφ δε ἄρτιον προσθής, τὸ πᾶν γίνεται ἄρτιον μονὰς δὲ ἀρτίφ προστιθεμένη τὸ πᾶν περιττὸν ποιεί οὐκ ἄρα ἄρτιον 5 ή μουας άλλα περιττόυ. 'Αριστοτέλης δε έν τῷ Πυθαγορικώ τὸ εν φησιν άμφοτέρων μετέχειν τῆς φύσεως. άρτίφ μεν γάρ προστεθέν περιττόν ποιεί, περιττφ δέ άρτιου, ο ούκ αν ήδύνατο, εί μη άμφοιν τοιν φυσέοιν μετείχε διό και άρτιοπέριττον καλείσθαι τό εν. συμ-10 φέρεται δε τούτοις και Αρχύτας. περιττοῦ μεν οὖν πρώτη ίδεα έστιν ή μονάς, καθάπερ και έν κόσμφ τῷ ώρισμένω και τεταγμένω το περιττον προσαρμόζουσιν. άρτιου δε πρώτη ίδεα ή άόριστος δυάς, καθά και έν κόσμφ τῷ ἀορίστφ καὶ ἀγνώστφ καὶ ἀτάκτφ τὸ ἄφτιον 15 προσαρμόττουσι. διὸ καὶ ἀόριστος καλείται ή δυάς, έπειδή ούκ έστιν ώσπες ή μουάς ώρισμένη. οί δ' έξης έπόμενοι τούτοις δροι ἀπὸ μονάδος έκτιθέμενοι τὰ αὐτὰ αύξονται μέν τῆ ἴση ὑπεροχῆ· μονάδι γὰρ ἔκαστος αὐτῶν τοῦ προτέρου πλεονάζει αὐξόμενοι δὲ τοὺς λόγους 20 τῆς πρὸς ἀλλήλους σχέσεως αὐτῶν μειοῦσιν. οἶον ἐκτεθέντων ἀριθμῶν α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ὁ μὲν τῆς δυάδος λόγος πρὸς τὴν μονάδα ἐστὶ διπλάσιος, ὁ δὲ τῆς τριάδος πρὸς τὴν δυάδα ἡμιόλιος, ὁ δὲ τῆς τετράδος πρὸς τὴν τριάδα έπίτριτος, ὁ δὲ τῆς πεντάδος πρὸς τὴν τετράδα έπιτέ-25 ταρτος, δ δὲ τῆς έξάδος πρὸς τὴν πεντάδα ἐπίπεμπτος. έστι δ' έλάττων λόγος ὁ μὸν ἐπίπεμπτος τοῦ ἐπιτετάρτου,

⁵ ἀριστοτέλης: ed. Berol. fr. 194. Rose Arist. pseudepigr. fr. 184. Heitz fragm. Aristot. 115. cf. Zeller I p. 368, 4. II 2² p. 48 πυθαγορικῶ: ω corr. ex ων ut vid. A 8 φυσέοιν mut. in φύσεοιν Α 17 τὰ αὐτὰ del. esse cj. Hultsch 18 μονά γὰρ corr. ex μόνοι Α

ό δὲ ἐπιτέταρτος τοῦ ἐπιτρίτου, ὁ δὲ ἐπίτριτος ⟨τοῦ⟩ ἡμιολίου, ὁ δὲ ἡμιόλιος τοῦ διπλασίου καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δὲ ἀριθμῶν ὁ αὐτὸς λόγος. ἐναλλὰξ δ' εἰσὶν ἀλλήλοις οῖ τε ἄρτιοι καὶ οἱ περιττοὶ παρ' ἕνα θεωρούμενοι.

τῶν δὲ ἀριθμῶν οί μὲν πρῶτοι καλοῦνται ἀπλῶς και ασύνθετοι, οί δε πρός αλλήλους πρώτοι και ούχ άπλως, οί δε σύνθετοι άπλως, οί δε πρός αύτους σύνθετοι. πρώτοι μεν άπλως και άσύνθετοι οί ύπο μηδενὸς μὲν ἀριθμοῦ, ὑπὸ μόνης δὲ μονάδος μετρούμενοι, 10 ώς δ γ' ε' ξ' ια' ιγ' ιξ' και οι τούτοις δμοιοι. λέγονται δε οί αύτοι ούτοι γραμμικόι και εύθυμετρικοί διά τὸ καί τὰ μήκη καί τὰς γραμμὰς κατὰ μίαν διάστασιν θεωorigger. nayountar ge nay mediacane uediacol. acts onoμάζεσθαι αὐτοὺς πενταχῶς, πρώτους, ἀσυνθέτους, γραμ- 15 μικούς. εὐθυμετρικούς, περισσάκις περισσούς. μόνον δὲ ούτως καταμετρούνται. τὰ γὰρ τρία οὐκ ἂν ὑπ' ἄλλου καταμετοηθείη άριθμοῦ ώστε γεννηθηναι έκ τοῦ πολλαπλασιασμού αὐτῶν, ἢ ὑπὸ μόνης μονάδος ἄπαξ γὰρ τρία τρία. όμοιως δε και απαξ ε΄ ε΄, και απαξ ζ΄ ζ΄, και 20 απαξια΄ ια΄. διὸ καὶ περισσάκις περισσοὶ κέκληνται οί τε γάρ καταμετρούμενοι περισσοί η τε καταμετρούσα αύτούς μονάς περισσή. διὸ και πρώτοι και άσύνθετοι μόνοι οί περισσοί. οί γὰρ ἄρτιοι οὖτε πρῶτοι οὖτε ἀσύνθετοι ούτε ύπὸ μόνης μονάδος μετρούμενοι, άλλὰ καὶ ὑπ΄ 25

¹ τοῦ add. apogr. 2 καὶ supra vs. add. A 6 inscr. $\pi \varepsilon \varrho \ln \varphi$ ώτον καὶ ἀσυνθέτον Λ , $\overline{\varepsilon}$ ac mox ad significanda quattuor genera $\overline{\alpha}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\gamma}$ $\overline{\delta}$ in mg. 8 scr. vid. of δὲ σύνθετοι άπλῶς καὶ πρὸς αὐτούς, of δὲ πρὸς ἀλλήλους σύνθετοι 9 $\overline{\alpha}$ mg. Λ 11 $\dot{\omega}_{\varepsilon}$] οὕτως Λ 16 μ όνοι Λ 18 πολλασιασμοῦ Λ , em. apogr.

ἄλλων ἀριθμῶν· οἶον τετρὰς μὲν ὑπὸ δυάδος· δὶς γὰρ β΄ δ΄ · ἑξὰς δὲ ὑπὸ δυάδος καὶ τριάδος· δὶς γὰρ γ΄ ς΄ καὶ τρὶς β΄ · ἐξὰς δὲ ὑπὸ δυάδος καὶ τριάδος· δὶς γὰρ γ΄ ς΄ καὶ τρὶς β΄ ς΄ · καὶ οἱ λοιποὶ ἄρτιοι κατὰ τὰ αὐτὰ ὑπό τινων μειζόνων τῆς μονάδος ἀριθμῶν καταμετροῦνται, πλὴν τῆς τῶν περισσῶν, τὸ ὑπὸ μονάδος μετρεῖσθαι μόνον· ἄπαξ γὰρ β΄ β΄ · διὸ καὶ περισσοειδὴς εἔρηται ταὐτὸ τοῖς περισσοῖς πεπονθυῖα. πρὸς ἀλλήλους δὲ λέγονται πρῶτοι ἀριθμοὶ καὶ οὐ καθ΄ αὐτοὺς οἱ κοινῷ μέτρῳ μετρούμενοι τῆ 10 μονάδι, κὰν ὑπ΄ ἄλλων τινῶν ἀριθμῶν ὡς πρὸς ἐαυτοὺς καταμετρῶνται. οἶον ἱ η΄ μετρεἴται μὲν καὶ ὑπὸ τῶν β΄ καὶ δ΄, καὶ ὁ θ΄ ὑπὸ τῶν γ΄, καὶ ὁ ι΄ ὑπὸ τῶν β΄ καὶ ε΄ · ἔχουσι δὲ καὶ κοινὸν μέτρον καὶ πρὸς ἀλλήλους καὶ πρὸς τοὺς καθ΄ έαυτοὺς πρώτους τὴν μονάδα· καὶ γὰρ 15 ἄπαξ γ΄ γ΄ καὶ ἄπαξ η΄ η΄ καὶ ἄπαξ θ΄ θ΄ καὶ ἄπαξ ι΄ ι΄.

σύνθετοι δέ είσι πρὸς έαυτοὺς οἱ ὑπό τινος ἐλάττονος ἀριθμοῦ μετρούμενοι, ὡς ὁ ϛ΄ ὑπὸ δυάδος καὶ τριάδος. πρὸς ἀλλήλους δὲ σύνθετοι οἱ κοινῷ ῷτινιοῦν μέτρῷ μετρούμενοι ὡς ὁ η΄ καὶ ὁ ϛ΄ [καὶ ὁ θ΄] · κοινὸν μὰρ ῷ ἔχουσι μέτρον δυάδα [καὶ τριάδα] · δὶς γὰρ γ΄ ϛ΄ καὶ δὶς δ΄ η΄ [καὶ τρὶς γ΄ θ΄] · ⟨καὶ ὁ ϛ΄ καὶ ὁ θ΄ > κοινὸν γὰρ αὐτῶν μέτρον ἡ τρίας · καὶ γὰρ τρὶς β΄ ϛ΄ καὶ τρὶς γ΄ θ΄ . οὕτε δὲ ἡ μονὰς ἀριθμὸς, ἀλλὰ ἀρχὴ ἀριθμοῦ, οὕτε ἡ ἀόριστος δυάς, πρώτη οὖσα ἐτερότης μονάδος καὶ μηδὲν αὐτῆς ἐν ἀρτίοις ἀρχικώτερον ἔχουσα. τῶν δὲ συνθέτων τοὺς μὲν ὑπὸ δύο ἀριθμῶν περιεχομένους καλοῦσιν ἐπιπέδους, ὡς κατὰ δύο διαστάσεις θεωρου-

⁴ ἀριθμῶν corr. ex ἀριθμὸν A 8 $\bar{\beta}$ mg. A 14 καὶ] $\dot{\omega}_S$ A 15 inscr. π ερὶ συνθέτου ἀριθμοῦ A, $\bar{\xi}$ et $\bar{\gamma}$ in mg. 18 $\bar{\delta}$ mg. A 23 sqq. οὖτε δὲ, — ἔχουσα fort, del.

μένους καὶ οἶον ὑπὸ μήκους καὶ πλάτους περιεχομένους, τοὺς δὲ ὑπὸ τριῶν στερεούς, ὡς καὶ τὴν τρίτην διάστασιν προσειληφότας. περιοχὴν δὲ καλοῦσιν ἀριθμῶν τὸν διὶ ἀλλήλων αὐτῶν πολυπλασιασμόν.

τῶν δὲ ἀρτίων οι μέν είσιν ἀρτιάκις ἄρτιοι, οι δὲ 5 περιττάκις ἄρτιοι, οι δὲ ἀρτιοπέριττοι. ἀρτιάκις μὲν ἄρτιοι [τὸ σημεῖον τοῦτό ἐστιν] οἶς τρία συμβέβηκεν, ἕν τὸ ὑπὸ δύο ἀρτίων ἐπ' ἀλλήλους πολυπλασιασθέντων γεγενῆσθαι, δεύτερον τὸ πάντα ἄρτια ἔχειν τὰ μέρη μέχρι τῆς εἰς μονάδα καταλήξεως, τρίτον τὸ μηδὲν αὐ- 10 τῶν μέρος ὁμώνυμον εἶναι περιττῷ ὁποῖοί εἰσιν ὁ λβ΄ ξδ΄ ρκη΄ καὶ οι ἀπὸ τούτων ἔξῆς κατὰ τὸ διπλάσιον λαμβανόμενοι. τὰ γὰρ λβ΄ γέγονε μὲν ἔκ τε δ΄ καὶ η΄, ἄ ἐστιν ἄρτια μέρη δὲ αὐτῶν πάντα ἄρτια, ῆμισυ ις΄, τέταρτον ὁ η΄, ὄγδοον ὁ δ΄ αὐτά τε τὰ μόρια ὁμώνυμα 15 ἀρτίοις, τό τε ῆμισυ ὡς ἐν δυάδι θεωρούμενον καὶ τέταρτον καὶ ὄγδοον. ὁ δὲ αὐτὸς λόγος καὶ ἐπὶ τῶν λοικῶν ὁμοίως ἀριθμῶν.

ἀρτιοπέριττοι δέ είσιν οι ὑπὸ δυάδος καὶ περιττοῦ οὑτινοσοῦν μετρούμενοι, οἴτινες ἐκ παντὸς περιττὰ μέρη 20 ἔχουσι τὰ ἡμίσεα κατὰ τὴν εἰς ἴσα διαίρεσιν ὡς τὰ δὶς ζ΄ ιδ΄. ἀρτιάκις μὲν γὰρ οὖτοι καλοῦνται περιττοί, ἐπεὶ ὑπὸ τῆς δυάδος ἀρτίας οὕσης μετροῦνται καὶ περισσοῦ τινος, ὁ μὲν δύο τοῦ ένός, ὁ δὲ ς΄ τοῦ γ΄, ὁ δὲ ί΄ τοῦ ε΄, ὁ δὲ ιδ΄ τοῦ ζ΄. διαιροῦνται δὲ οὖτοι τὴν πρώτην 25

⁵ inscr. περὶ τῆς τῶν ἀρτίων διαφορᾶς Α, ῆ in mg. 6 inscr. περὶ τῶν ἀρτιάκις ἀρτίων Α. cf. Zeller I p. 366 μὲν ἄρτιοι Α] μὲν ἀρτίου apogr. 7 οἶς] ὧ Α 9 τὸ apogr.] τὸν Α 11 ὁμωνυμον: ω corr. ex ο Α περιττῶ: ω corr. ex ου Α 14 τ̄ς corr. ex τ̄γ Α 18 inscr. περὶ ἀρτιοπερίττων Α, τ in mg. 20 μέρη del. Hultsch

διαίρεσιν είς περιττόν, μετὰ δὲ τὴν πρώτην είς ἴσα διαίρεσιν οὐκ ἔτι διαιροῦνται. τῶν γὰρ ς΄ τὰ μὲν γ΄ ημισυ, τὰ δὲ γ΄ οὐκ ἔτι είς ἴσα διαιρεῖται μονὰς γὰρ ἀδιαίρετος.

ται (είς) ς΄ καὶ ς΄, τριχῆ δὲ εἰς δ΄ καὶ δ΄ καὶ δ΄, τετραχῆ δὲ εἰς ε΄, πενταχῆ δὲ εἰς δ΄.

έτι τῶν συνθέτων ἀριθμῶν οι μὲν ἰσάχις ἴσοι εἰσὶ 15 καὶ τετράγωνοι καὶ ἐπίπεδοι, ἐπειδὰν ἴσος ἐπὶ ἴσον πολλαπλασιασθεὶς γεννήση τινὰ ἀριθμόν, [ὁ γεννηθεὶς ἰσάχις τε ἴσος καὶ τετράγωνός ἐστιν] ὡς ὁ δ΄, ἔστι γὰρ δὶς β΄, καὶ ὁ θ΄, ἔστι γὰρ τρὶς γ΄ οι δὲ ἀνισάχις ἄνισοι, ἐπειδὰν ἄνισοι ἀριθμοὶ ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλα-20 σιασθῶσιν, ὡς ὁ ϛ΄ ἔστι γὰρ δὶς γ΄ ϛ΄.

τούτων δὲ έτερομήκεις μέν είσιν οί τὴν έτέραν πλευρὰν τῆς έτέρας μονάδι μείζονα ἔχοντες. ἔστι δὲ ὁ τοῦ περισσοῦ ἀριθμοῦ μονάδι πλεονάζων καὶ ἄρτιος:

⁵ inser. περὶ περισσάπις ἀρτίων Α, τα in mg. 14 inser. περὶ ἰσάπις ἴσων Α, τβ in mg. 15 καὶ ἐπίπεδοι fort. del. γὰρ post ἐπειδὰν add. Α 16 γεννήση: ση corr. ex σε Α 18 inser. περὶ τῶν ἀνισάκις ἀνίσων Α, τγ in mg. 21 sqq. cf. Cantor mathemat. Beitr. zùm Culturleben der Völker p. 105 sqq. inser. περὶ ἐτερομηκῶν (corr. ex ἐτερομήκων) Α 23 τοῦ περισσοῦ ἀριθμοῦ mut. in τῶ περισσῶ ἀριθμοῦ Α

διὸ μόνου ἄρτιοι οί έτερομήμεις. ή γάρ άργη των άριθμών, τουτέστιν ή μονάς, περισσί ούσα την έτερότητα ζητούσα τὴν δυάδα έτερομήκη τῷ αὑτῆς διπλασιασμώ ἐποίησε, καὶ διὰ τοῦτο ἡ δυὰς τῆς μονάδος έτερομήκης ούσα και μονάδι ύπερέχουσα τούς άρτίους 5 άριθμούς των περισσων έτερομήκεις ποιεί μονάδι ύπερέγοντας. γεννώνται δε διχώς, έκ τε πολλαπλασιασμοῦ και έπισυνθέσεως. έκ μεν έπισυνθέσεως οι άρτιοι τοῖς έφεξης επισυντιθέμενοι τούς απογεννωμένους ποιούσιν έτερομήκεις. οἷον έκκείσθωσαν ἄρτιοι κατὰ τὸ έξης β' 10 δ΄ ξ΄ η΄ ι΄ ιβ΄ ιδ΄ ιξ΄ ιη΄ γίνονται δε κατ' επισύνθεσιν β' xal δ' ς' , ς' xal ς' $\iota\beta'$, $\iota\beta'$ xal η' x', x' xal ι' λ' . ω or ϵ εἶεν αν οί γεγεννημένοι έτεφομήχεις ξ' ιβ' κ' λ'. δ δδαὐτὸς λόγος καὶ ἐπὶ τῶν έξῆς. κατὰ δὲ πολλαπλασιασμον οι αὐτοι έτερομήκεις γεννώνται τών έφεξης ἀρτίων 15 τε καλ περιττών του πρώτου έπλ τὸν έξης πολλαπλασιαζομένου οίον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ζ΄ η΄ θ΄ ι΄ απαξ μεν γαρ β' β' , δl_S δl_S δl_S δ' δl_S δ' δl_S δ' δl_S δ πεντάχις δε ς' λ' και έπι τῶν έξῆς ὁ αὐτὸς λόγος. έτερομήχεις δε οί τοιούτοι κέκληνται, έπειδη πρώτην έτε- 20 ρότητα τῶν πλευρῶν ἡ προσθήκη τῆ έτέρα πλευρᾶ τῆς μονάδος ποιεί.

παραλληλόγραμμοι δέ είσιν άριθμοί οί δυάδι ἢ καὶ μείζονι άριθμῷ τὴν έτέραν πλευράν τῆς έτέρας

23 inscr. περί παραλληλογοάμμων άριθμῶν Α, τε in mg. figuras inutiles add. Α²

¹ διὸ corr. ut vid. ex δύο A 3 ετερομήπη: ο corr. ex ω A 5 ετερομήπης: ομήπη in ras., ερο corr. ut vid. ex έρα A 6 τῶν περισσῶν mut. in τῷ περισσῷ A 9 ἀπογεννωμένους: ω corr. ex ο A 11 s ιβ κ λ μβ νς οβ 7 supra numerorum seriem add. A 13 γεγενημένοι A, em. Bull. 16 τὸν apogr.] τῶν A 18 δὲ add. Bull. 20 πρώτην corr. ex πρῶτον A 25 incorp.

ύπερέχουσαν έχοντες, ώς ό δίς δ΄ καί ό τετράκις ς΄ καί δ έξάχις η΄ και δ όκτάκις ι΄, οίτινές είσιν δ η΄ κδ' μη΄ π΄.

τετράγωνοί είσιν οί έχ των κατά τὸ έξης περισσών έπισυντιθεμένων άλλήλοις γεννώμενοι. οίον έκκείσθω-5 σαν έφεξης περισσοί α΄ γ΄ ε΄ ζ θ΄ ια΄ εν καί γ΄ δ΄, ος έστι τετράγωνος, ισάκις γάρ έστιν ίσος, τουτέστι δὶς β΄ δ΄ δ΄ καὶ ε΄ δ΄, ος καὶ αὐτὸς τετράγωνος. ἔστι γὰρ τρὶς ν' θ' θ' καλ ζίς', δς καλ αὐτὸς τετράγωνός έστι τετράκις γὰρ δ΄ ις΄ ις΄ καὶ θ΄ κε΄, δς καὶ αὐτὸς τετράγωνός ἐστι καὶ 10 ίσάχις ἴσος. ἔστι γὰρ πεντάχις ε΄ κε΄. καὶ μέχρις ἀπείρου ό αὐτὸς λόγος. κατὰ μὲν οὖν ἐπισύνθεσιν οὕτως γεννῶνται οί τετράγωνοι, των έφεξης περισσών τῷ γεννωμένφ ἀπὸ μονάδος τετραγώνφ προστιθεμένων κατὰ πολλαπλασιασμόν δέ, έπειδαν δοτισοῦν άριθμός έφ' έαυτόν πολλα-15 πλασιασθη, οξον δίς β' δ', τρίς γ' δ', τετράχις δ' ις'.

οί μεν ούν τετράγωνοι πάντες τούς έτερομήκεις περιλαμβάνουσι κατά την γεωμετρικην άναλογίαν καλ μέσους αὐτοὺς ποιοῦσι Γτουτέστι τοὺς μονάδι μείζονας την έτέραν πλευράν της έτέρας ύπερέχοντας] οί δε 20 έτερομήκεις οὐκ έτι τοὺς τετραγώνους περιλαμβάνουσιν ώς μέσους είναι κατὰ ἀναλογίαν. οίον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄. ούτοι τῷ μὲν ἰδίφ πλήθει πολλαπλασιαζόμενοι ποιοῦσι τετραγώνους. απαξ τε γὰρ α΄ α΄ καὶ δὶς β΄ δ΄ καὶ τρὶς γ' θ' καὶ τετράκις δ' ις' καὶ πεντάκις ε' κε' καὶ οὐκ 25 έκβαίνουσι τῶν ἰδίων ζρων. ἥ τε γὰρ δυὰς έαυτὴν

³ inscr. περί τετραγώνων άριθμῶν Α, τς in mg. τράγωνοι (δέ) είσι»? 5 δ θ ις κε λς supra numerorum seriem add. A őς apogr.] ő A 16 inscr. ὅτι οἱ τετράγωνοι μέσους τοὺς έτερομήπεις λαμβάνουσιν A, ιζ in mg. 18 μεζονα Gelder 19 ὑπερέχοντας] ἔχοντας apogr. 22 οὐτοί] οὕτως οί Α 25 τὸν ἔδιον ὅςον Α²

έδύασε καὶ ή τριὰς έαυτὴν έτρίασεν, ώστε είεν ἂν τετράνωνοι οι έξης α΄ δ΄ δ΄ ις΄ κέ. μέσους δε έχουσι τους έτερομήπεις ούτως. τετράγωνοι δύο έφεξης ο τε α παί δ΄ τούτων μέσος έτερομήκης ὁ β΄ κείσθωσαν δη α΄ β΄ δ΄ μέσος γίνεται ὁ β΄, τῷ αὐτῷ λόγφ τῶν ἄκρων τοῦ 5 μεν ύπερέχων, ύφ' οὖ δε ύπερεχόμενος τοῦ μεν γάρ ένὸς τὰ β΄ διπλάσια, τῶν δὲ β΄ τὰ δ΄. πάλιν τετράγωνοι μεν ό δ΄ και δ΄. μέσος δε αὐτῶν ετερομήκης ό ζ΄. κείσθωσαν δη δ΄ ς΄ θ΄ μέσος δ ς΄, τῷ αὐτῷ λόγφ τῶν ακρων τοῦ μεν [γὰρ] ὑπερέχων, ὑφ' οὖ δε ὑπερεχόμε- 10 νος τῶν μὲν γὰρ δ΄ τὰ ς΄ ἡμιόλια, τῶν δὲ ς΄ τὰ δ΄. ὁ δε αύτος λόγος και έπι των έξης. οι δε ετερομήκεις, ύπὸ τῶν τῷ μονάδι ὑπερεχόντων πολλαπλασιαζόμενοι, ούτε μένουσιν έν τοις ίδίοις δροις ούτε περιέχουσι τούς τετραγώνους. οίον τὰ δὶς γ΄ γεννᾶ τὸν ૬΄ καὶ τὰ τρὶς 15 δ΄ γεννᾶ τὸν ιβ΄ καὶ τὰ τετράκις ε΄ γεννᾶ τὸν κ΄, καὶ οί δελς αὐτῶν μένει ἐν τῷ ἐαυτοῦ ὅρφ, ἀλλὰ μεταπίπτει έν τῷ πολλαπλασιασμῷ, οἶον δυὰς ἐπὶ τριάδα καὶ τριὰς έπὶ τετράδα καὶ τετρὰς έπὶ πευτάδα. οῖ τε γεννώμενοι ύπὸ τῶν έτερομήχων οὐ περιλαμβάνουσι τοὺς τετραγώ- 20 νους άριθμούς οίον έφεξης έτερομήκεις β΄ τ΄, μεταξύ δε αὐτῶν έστι τῆ τάξει τετράγωνος ὁ δ΄ άλλὰ κατ' οὐδεμίαν ἀναλογίαν περιλαμβάνεται ὑπ' αὐτῶν ὥστε ἐν τῷ αὐτῷ λόγῷ πρὸς τὰ ἄκρα εἶναι. ἐκκείσθω γὰρ β΄ δ΄ ς΄ ή τετράς εν διαφόροις λόγοις πρός τὰ ἄκρα 25 γενήσεται των μεν γαρ β΄ τα δ΄ διπλάσια, των δε δ΄

⁹ μέσος ὁ] μέσα τὰ Α 10 γὰς om. apogr. 20 ὑπὸ τῶν ἐτὲςομήκων del. vid. 23 οὐδὲ μίαν Α, em. apogr. 24 αὐτῷ supra vs. add. Α ἐπκείσθω γὰς] ἐκκείσθωσαν apogr. 26 τὰ δ πλάσια Α, em. apogr.

τὰ ς΄ ἡμιόλια. ἵνα δὲ ἀναλόγως μέσον ἦ, δεὶ αὐτὶ οὕτως μέσον εἶναι, ὥστε ὃν ἔχει λόγον τὸ πρῶτον πρὸς τὸ μέσον, τοῦτον τὸ μέσον πρὸς τὸ τρίτον. πάλιν τῶν ς΄ καὶ ιβ΄ ἐτερομήκων μέσος τἢ τάξει τετράγωνος ἱ δ΄, 5 ἀλλ' οὐχ εὑρεθήσεται ἐν τῷ αὐτῷ λόγῷ πρὸς τὰ ἄκρα ς΄ δ΄ ιβ΄ τῶν μὲν γὰρ ς΄ τὰ δ΄ ἡμιόλια, τῶν δὲ δ΄ τὰ ιβ΄ ἐπίτριτα. ὁ δὲ αὐτὸς καὶ ἐπὶ τῶν έξῆς λόγος.

προμήκης δέ έστιν άριθμός ὁ ὑπὸ δύο άνίσων άριθμῶν ἀποτελούμενος ώντινωνοῦν, ἢ μονάδι ἢ δυάδι 10 η και πλείονι τοῦ έτέρου τὸν ετερον ὑπερέχοντος, ὡς ό κδ΄, ἔστι γὰρ έξάκις δ΄, καὶ οί τοιοῦτοι. ἔστι δὲ τρία μέρη τῶν προμήκων. καὶ γὰρ πᾶς έτερομήκης προμήκης, καθὸ μείζονα τὴν ετέραν πλευρὰν τῆς ετέρας ἔχει. ώστε εί μέν τις έτερομήκης, ούτος και προμήκης ού 15 μὴν ἀνάπαλιν' ὁ γὰρ μείζονα πλέον ἢ μονάδι τὴν ετέοαν έχων πλευοάν ποομήκης μέν, οὐ μὴν έτεοομήκης· ήν γαρ έτερομήκης ο μονάδι μείζονα την έτέραν έχων πλευράν, ώς ὁ ϛ΄ ἔστι γὰρ δὶς γ΄ ϛ΄. ἔτι προμήμης καὶ ό κατὰ διαφοράν πολλαπλασιασμοῦ ποτὲ μὲν μονάδι 20 μείζονα την έτέραν πλευράν (έχων), ποτε δε πλείον η μονάδι ώς ὁ ιβ΄ ἔστι γὰρ καὶ τρὶς δ΄ καὶ δὶς ϛ΄, ὥστε . κατὰ μὲν τὸ τρὶς δ΄ εἴη ἂν έτερομήκης, κατὰ δὲ τὸ δἰς ς΄ προμήκης. Ετι προμήκης έστιν ο κατά πάσας τὰς σχέσεις τῶν πολλαπλασιασμῶν πλέον ἢ μονάδι μείζονα 25 την έτέραν έχων πλευράν ώς ὁ μ΄ και γὰρ τετράκις ί

³ τὸ τρίτον apogr.] τὸν τρίτον \mathbf{A} 6 \mathbf{s}' $\mathbf{\delta}'$ $\mathbf{i}\mathbf{\beta}'$ fort. del. 8 inscr. περὶ προμηκῶν (corr. ex προμήκων) ἀριθμῶν \mathbf{A} , $\overline{\imath\eta}$ in mg. 9 δυάδι apogr.] διά \mathbf{A} 12 μέρη] γένη? 14 οὕτος corr. ex οὕτως \mathbf{A} 19 πολλαπλασιασμός \mathbf{A} , κατὰ διάφορον πολλαπλασιασμὸν Bull. 20 ἔχων add. apogr. 25 τετράκι \mathbf{A} , em. apogr.

καὶ πεντάκις η΄ καὶ δὶς κ΄ . ὅστις καὶ μόνος ἄν εἴη προμήκης. έτερομήκης γάρ έστιν ὁ ἐκ τῶν ἴσων ἀριθμῶν
τὴν πρώτην λαμβάνων έτερότητα ἡ δὲ τῆς μονάδος τῷ
ετέρῷ ἀριθμῷ προσθήκη πρώτην ποιεῖ έτερότητα οἰὸ
οἱ ἐκ τούτων κυρίως ἀπὸ τῆς πρώτης τῶν πλευρῶν 5
ετερότητος έτερομήκεις. οἱ δὲ πλέον ἢ μονάδι τὴν ἐτέετερότητος έτερομήκεις οἱ δὲ πλέον ἢ κλέον προβιβασμὸν τοῦ μήκους προμήκεις κέκληνται.

είσι δὲ τῶν ἀριθμῶν οι μὲν ἐπίπεδοι, ὅσοι ὑπὸ δύο ἀριθμῶν πολλαπλασιάζονται, οἶον μήκους καὶ πλά- 10 τους, τούτων δὲ οι μὲν τρίγωνοι, οι δὲ τετράγωνοι, οι δὲ πεντάγωνοι καὶ κατὰ τὸ έξῆς πολύγωνοι.

γεννῶνται δὲ οἱ τρίγωνοι τὸν τρόπον τοῦτον. [ὅσπερ] οἱ ἐφεξῆς ἄρτιοι ἀλλήλοις ἐπισυντιθέμενοι κατὰ τὸ ἑξῆς ἑτερομήκεις ἀριθμοὺς ποιοῦσιν. οἶον ὁ 15 β΄ πρῶτος ἄρτιος· καὶ ἔστιν ἐτερομήκης· ἔστι γὰρ ᾶπαξ β΄. εἶτα τοῖς β΄ ἂν προσθῆς δ΄, γίνεται ς΄, ὃς καὶ αὐτὸς ἑτερομήκης· ἔστι γὰρ δὶς γ΄. καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. ἐναργέστερον δέ, ὥστε πᾶσιν εὐσύνοπτον εἶναι τὸ λεγόμενον, δείκνυται καὶ τῆδε. πρώτη δυὰς 20 ἔστω ἄλφα ἐκκείμενα δύο τάδε·

τὸ σχῆμα αὐτῶν ἔσται έτερόμηχες κατὰ μὲν γὰρ τὸ μῆκός ἐστιν ἐπὶ δύο, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ἐφ' ἔν. μετὰ τὰ δύο ἐστιν ἄρτιος ὁ δ' ἃ ἐὰν προσθῶμεν τοῖς πρώτοις 25

¹ μόνον? 3 λαμβάνον A, em. apogr. 4 πρώτην corr. ex πρώτον ut vid., antea una litt. erasa A 9 inscr. περλέπιπέδων ἀριθμῶν Α, $\overline{\iota \vartheta}$ in mg. 13 inscr. περλ τριγώνων ἀριθμῶν πῶς γεννῶνται μαλ περλ τῶν έξῆς πολυγώνων Å, $\overline{\iota}$ in mg. 23 post ἔσται compendium eiusdem voculae erasum in Å 24 έφ'] ὑφ' A 25 $\overline{\eta}$ ν Α

δύο ἄλφα [α΄ α΄] καὶ περιθωμεν τὰ δ΄ τοῖς β΄, γίνεται ετερόμηκες τὸ τῶν ς΄ σχημα κατὰ μὲν γὰρ τὸ μῆκος γίνεται ἐπὶ τρία, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ἐπὶ β΄. εξης ἐστιν ἄρτιος μετὰ δ΄ ε΄ ς΄ ὰν προσθης ταῦτα τοῖς πρώτοις ς΄, τ γίνεται ὁ ιβ΄, κὰν περιθης αὐτὰ τοῖς πρώτοις, ἔσται σχημα ετερόμηκες ὡς ἔχειν ταῦτα κατὰ τὸ μῆκος μὲν δ΄, κατὰ πλάτος δὲ γ΄. καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος κατὰ τὴν τῶν ἀρτίων ἐπισύνθεσιν.

πάλιν δὲ οἱ ἑξῆς περισσοὶ ἀλλήλοις ἐπισυντιθέμενοι 10 τετραγώνους ποιοῦσιν ἀριθμούς. εἰσὶ δὲ οἱ ἐφεξῆς περισσοὶ α΄ γ΄ ε΄ ζ θ΄ ια΄. ταῦτα δὲ ἐφεξῆς συντιθεὶς ποιήσεις τετραγώνους ἀριθμούς. οἶον τὸ ἕν πρῶτον τετράγωνον ἔστι γὰρ ᾶπαξ ἕν ἕν. εἶτα περισσὸς ὁ γ΄ τοῦτον ἂν προσθῆς τὸν γνώμονα τῷ ένί, ποιήσεις 15 τετράγωνον ἰσάκις ἴσον ἔσται γὰρ κατὰ μῆκος β΄ καὶ κατὰ πλάτος β΄. ἐφεξῆς περισσὸς ὁ ε΄ τοῦτον ἂν περιθῆς τὸν γνώμονα τῷ δ΄ τετραγώνω, γενήσεται πάλιν τετράγωνος ὁ θ΄, καὶ κατὰ μῆκος ἔχων γ΄ καὶ κατὰ πλάτος γ΄. ἐφεξῆς περισσὸς ὁ ζ΄ τοῦτον ἂν προσθῆς τὸς δ΄, ποιεῖς τὸν ις΄, καὶ κατὰ μῆκος δ΄ καὶ κατὰ πλάτος δ΄. ὁ δὲ αὐτὸς πορος μέχρις ἀπείρου.

κατὰ ταὐτὰ δὲ ἂν μὴ μόνον τοὺς ἐφεξῆς ἀρτίους

² yà φ supra vs. A 5 $\pi s \varphi \iota \partial \tilde{y}_s$ Bull.] $\pi \varphi \circ \sigma \partial \tilde{\eta}_s$ A $\tau \circ i_s$ $\pi \varphi \circ \tau \circ i_s$? cf. vs. 1 6 $\tau \alpha \tilde{v} \tau \alpha$ del. vid. 8 fig. semper lineis circumscr. A 14 $\pi s \varphi \iota \partial \tilde{y}_s$ Gelder 22 $\tau \alpha v \tau \alpha$ corr. ex $\tau \alpha \tilde{v} \tau \alpha$ A

μηδε μόνον τους έφεξης περισσούς, άλλα και άρτίους και περισσούς άλλήλοις έπισυντιθώμεν, τρίγωνοι ήμιν άριθμοί γενήσονται. Εκκείσθωσαν γάρ έφεξης περισσοί καὶ ἄρτιοι, α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ζ΄ η΄ δ΄ ι΄. γίνονται κατά την τούτων σύνθεσιν οί τρίγωνοι. πρώτη μέν ή μονάς τ αθτη γάρ, εί και μη έντελεχεία, δυνάμει πάντα έστίν, άργη πάντων άριθμων ούσα. της δε έξης αὐτη δυάδος προστεθείσης γίνεται τρίγωνος ὁ γ' είτα πρόσθες γ', γίνεται ς' είτα πρόσθες δ', γίνονται ι' είτα πρόσθες ε', γίνονται ιε' είτα πρόσθες ς', γίνονται κα' είτα 10 πρόσθες ζ', γίνονται κη' είτα πρόσθες η', γίνονται λς' είτα πρόσθες θ΄, γίνονται με΄ είτα πρόσθες ι΄, γίνονται νε΄ καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. δῆλον δὲ ότι τρίγωνοι ούτοι οί άριθμοί κατά τὸν σχηματισμόν, τοῖς πρώτοις ἀριθμοῖς τοῦ ἐφεξῆς γνώμονος προστιθε- 16 μένου και είεν αν οι έκ της επισυνθέσεως απογεννώμενοι τρίγωνοι οίδε γ΄ ς΄ ι΄ ιε΄ κα΄ κη΄ λς' με΄ νε΄. καλ ουτως έπι των έξης των με και νε.

α΄	γ΄	5	ľ	ιε ΄	nα΄
α	α	α	α	α	α
	αα	αα	αα	αα	αα
		ααα	ααα	ααα	ααα
			αααα	αααα	αααα
				ααααα	ααααα
					αααααα
		πη ΄		λ5΄	
	. α			α	
		αα		αα	
		ααα		ααα	
		αααι	x	αααα	
		αααα	α	ααααα	
		α α α α α α α α α α α α		αααααα	
				α α α α α α α	
		\		α α α α α α α α	

4 γίνωνται A¹ 6 έντελεχεία corr. ex έντελέχεια A 10 γίνονται κα΄: γίνονται compendio scr. A ut in sequentibus 18 τῶν με΄ καὶ νε΄ del. vid.

οι δὲ τετράγωνοι γεννῶνται μέν, ὡς προείρηται, ἐκ τῶν ἐφεξῆς ἀπὸ μονάδος περιττῶν ἀλλήλοις ἐπισυντιθεμένων συμβέβηκε δὲ αὐτοῖς ὥστε ἐναλλὰξ παρ' ἕνα ἀρτίοις εἶναι καὶ περιττοῖς, ὥσπερ ὁ πᾶς ἀριθμὸς παρ'

δ ἕνα ἄρτιός ἐστιν ἢ περιττός οἶον α΄ δ΄ θ΄ ις΄ κε΄ λς΄ μθ΄ ξδ΄ πα΄ ρ΄. τῷ δὲ ἀπὸ μονάδος κατὰ τὸ ἑξῆς ἐκθέσει τῶν ἀρτίων τε καὶ περιττῶν ἀριθμῶν συμβέβηκε, τοὺς γνώμονας τοὺς δυάδι ἀλλήλων ὑπερέχοντας ἐν τῷ συνθέσει τετραγώνους ἀποτελεῖν, ὡς ἐπάνω ἀποδέδεικται'

10 ὑπερέχουσι γὰρ δυάδι ἀλλήλων ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενοι

⟨οί⟩ περιττοί. ὁμοίως δὲ οί τριάδι ἀλλήλων ὑπερέχοντες ἐν τῷ συνθέσει ἀπὸ μονάδος πενταγώνους ἀποτελοῦσιν, ἑξαγώνους δὲ οί τετράδι, αἰεί τε ἡ ὑπεροχὴ
τῶν γνωμόνων ἐξ ὧν ἀποτελοῦνται οί πολύγωνοι δυάδι

15 λείπεται τοῦ πλήθους τῶν ἀποτελουμένων γωνιῶν.

έτέρα δὲ πάλιν ἐστὶ τάξις ἐν τοῖς πολυγώνοις τῶν ἀπὸ μονάδος πολλαπλασίων ἀριθμῶν. τῶν γὰρ ἀπὸ μονάδος πολλαπλασίων, λέγω δὲ διπλασίων τριπλασίων καὶ τῶν ἔξῆς, οἱ μὲν ἕνα παρ' ἕνα διαλείποντες ἀριθμοὶ τετράγωνοι πάντες εἰσίν, οἱ δὲ δύο διαλείποντες πύβοι πάντες, οἱ δὲ πέντε διαλείποντες πύβοι ἄμα καὶ τετράγωνοι εἰσι καὶ τὰς μὲν πλευρὰς ἔχουσι τετραγώνους

άριθμούς κύβοι όντες, τετράγωνοι δε όντες άριθμοί κυβικάς έχουσι τὰς πλευράς. ὅτι δὲ τῶν πολλαπλασίων άριθμῶν οί μὲν παρ' ενα ἀπὸ μονάδος τετράγωνοί είσιν, οί δὲ παρὰ β΄ κύβοι, οί δὲ παρὰ ε΄ κύβοι ᾶμα καὶ τετράγωνοί είσι, δηλον ουτως. έν μέν τοις διπλασίοις, τ κειμένων πλειόνων ἀριθμῶν οἶον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ζ΄ η΄ ϑ' i' i α' i β' i γ' i ϑ' i ϵ' i η' i η' i ϑ' x' x α' x β' x γ' x ϑ' x ϵ' -πρώτος διπλάσιος ὁ β΄ εἶτα ὁ δ΄, ος έστι τετράγωνος. είτα ὁ η΄, ος έστι κύβος είτα ις΄, ος έστι τετράγωνος είτα ὁ λβ΄ μεθ' ον ὁ ξδ΄, ος έστι τετράγωνος αμα καί 10 κύβος είτα οκή μεθ' ον συς, ος έστι τετράγωνος. και μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. και ἐν τῷ τριπλασίφ εύρεθήσονται οί παρ' ενα τετράγωνοι, καί εν τῷ πενταπλασίφ, καὶ κατὰ τοὺς έξῆς πολλαπλασίους. ὁμοίως δε εύρεθήσονται και οι δύο διαλείποντες έν τοις πολλα- 15 πλασίοις κύβοι πάντες, καὶ οί ε΄ διαλείποντες κύβοι αμα καλ τετράγωνοι. ίδίως δε τοίς τετραγώνοις συμβέβηκεν ήτοι τρίτον έχειν η μονάδος άφαιρεθείσης τρίτον έχειν πάντως, ἢ πάλιν τέταρτον ἔχειν ἢ μονάδος ἀφαιρεθείσης τέταρτον έχειν πάντως καὶ τὸν μὲν μονάδος ἀφαιρε- 20 θείσης τρίτον έχοντα έχειν και τέταρτον πάντως, ώς ό δ΄, τὸν δὲ μονάδος ἀφαιφεθείσης τέταρτον ἔχοντα ἔχειν τρίτου πάντως, ώς ὁ δ΄, ἢ τὸν αὐτὸν πάλιν καὶ τρίτον έχειν και τέταρτον, ώς ὁ λς [ἢ μηδέτερον τούτων έχοντα τούτον μονάδος άφαιφεθείσης τφίτον έχειν πάν- 25

⁵ ἐν μὲν τοὶς διπλασίοις δηλον οῦτως? 6 pro hac numerorum serie Gelderus hanc posuit: α΄ β΄ δ΄ η΄ ις΄ λβ΄ ξδ΄ οπη΄ σνς΄ 13 ἐν τῶ πενταπλασίω Α²] οἱ παρ΄ ἔνα πενταπλάσιοι Α¹ 15 διαλείποντες: ει corr. ex ι Α 17 sqq. cf. Nesselmann die Algebra der Griechen p. 227 sq. 24 η — πάντως del. Bull. 25 τοῦτον corr. ex τούτων Α

τως], ἢ μήτε τρίτον μήτε τέταρτον ἔχοντα μονάδος ἀφαιρεθείσης καὶ τρίτον ἔχειν καὶ τέταρτον, ὡς ὁ κέ.

έτι τῶν ἀριθμῶν οἱ μὲν ἰσάκις ἴσοι τετράγωνοί εἰσιν, οἱ δὲ ἀνισάκις ἄνισοι ἐτερομήκεις καὶ προμήκεις, 5 καὶ ἀπλῶς οἱ διχῶς πολλαπλασιαζόμενοι ἐπίπεδοι, οἱ δὲ τριχῶς στερεοί. λέγονται δὲ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ καὶ τρίγωνοι καὶ τετράγωνοι καὶ στερεοὶ καὶ τάλλα οὐ κυρίως ἀλλὰ καθ' ὁμοιότητα τῶν χωρίων ἃ καταμετροῦσιν ὁ γὰρ δ΄, ἐπεὶ τετράγωνον χωρίον καταμετρεῖ, ἀπ' 10 αὐτοῦ καλεῖται τετράγωνος, καὶ ὁ ς΄ διὰ τὰ αὐτὰ ἑτερομήκης.

δμοιοι δ' είσιν ἀριθμοι ἐν μὲν ἐπιπέδοις τετράγωνοι οι πάντες πᾶσιν, έτερομήκεις δὲ ὅσων αι πλευραί, τουτέστιν οι περιέχοντες αὐτοὺς ἀριθμοι, ἀνάλογόν 15 είσιν. οἶον ἐτερομήκη ἦν τὰ ς΄ πλευραὶ δὲ αὐτοῦ μῆπος γ΄, πλάτος β΄ ετέρος πάλιν ἐπιπεδος ὁ κδ΄ πλευραὶ δὲ αὐτοῦ μῆκος μὲν ς΄, πλάτος δὲ δ΄. καὶ ἔστην ώς το μῆκος πρὸς τὸ μῆκος, οῦτως τὸ πλάτος πρὸς τὸ πλάτος ὡς γὰρ ς΄ πρὸς γ΄, οῦτως δ΄ πρὸς β΄. ὅμοιοι οὖν ἀριθωί γὰριξονται δὲ οι αὐτοὶ ἀριθμοὶ ὁτὲ μὲν εἰς πλευρὰς ὡς μήκη καὶ πρὸς ἐτέρων σύστασιν λαμβανόμενοι, ὁτὲ δὲ εἰς ἐπιπέδους, ὅταν ἐκ πολλαπλασιασμοῦ δύο ἀριθμῶν γεννηθῶσιν, ὁτὲ

¹ $\ddot{\eta}$ supra vs. A 3 inscr. $\pi \epsilon \varrho l$ $l \sigma \acute{\alpha} \pi \iota \varsigma$ $l \sigma \omega \nu \pi \alpha l$ $\acute{\alpha} \nu \iota - \sigma \acute{\alpha} \pi \iota \varsigma$ $\acute{\alpha} \nu l \sigma \omega \nu$ A, $\pi \ddot{\beta}$ in mg. 7 stepeol corr. ex stepeol A 9 tetral apogr.] \Box (i. e. tetral $\dot{\alpha} \nu \omega \nu$) A 12 inscr. $\pi \epsilon \varrho l$ $\dot{\delta} \mu o l \omega \nu$ $\dot{\alpha} \varrho \iota \dot{\theta} \mu \ddot{\omega} \nu$ A, $\overline{\pi \gamma}$ in mg., figuras add. A²

¹⁴ αὐτοὺς] αὐτὰς A, cf. p. 24, 26 19 $\bar{\delta}$ πρὸς $\bar{\bar{\beta}}$ apogr. $\bar{\bar{\beta}}$ πρὸς $\bar{\delta}$ A 21 τὸς μήκη καὶ ⟨πλάτη καὶ τψη⟩? 23 δύο apogr.] $\bar{\bar{\beta}}$ δύο A

δὲ εἰς στεφεούς, ὅταν ἐκ πολλαπλασιασμοῦ τριῶν ληφθῶσιν ἀριθμῶν. ἐν δὲ τοῖς στερεοῖς πάλιν οι μὲν κύβοι πάντες πᾶσίν εἰσιν ὅμοιοι, τῶν δὲ ἄλλων οι τὰς πλευρὰς ἔχοντες ἀνάλογον ὡς ἡ τοῦ μήκους πρὸς τὴν τοῦ μήκους, οῦτως ἡ τοῦ πλάτους πρὸς τὴν τοῦ πλά- 5 τους καὶ ⟨ἡ⟩ τοῦ ῦψους πρὸς τὴν τοῦ ῦψους.

τῶν δὲ ἐπιπέδων καὶ πολυγώνων ἀριθμῶν πρῶτος ό τρίγωνος, ώς και των έπιπέδων εύθυγράμμων σχημάτων πρωτόν έστι τὸ τρίγωνον. πως δε γεννώνται προείρηται, ὅτι τῷ πρώτῷ ἀριθμῷ τοῦ έξῆς ἀρτίου καὶ 10 περιττοῦ προστιθεμένου. πάντες δε οί έφεξης άριθμοί, ἀπογεννῶντες τριγώνους ἢ τετραγώνους ἢ πολυγώνους, γνώμονες καλούνται. τοσούτων δε μονάδων εκαστον τρίγωνον έχει πλευράς πάντως, όσων καλ μόνος έστλν δ προσλαμβανόμενος γνώμων. οἶον ἔστω πρῶτον ἡ 15 μονάς, λεγομένη τρίγωνον ού κατ' έντελέχειαν, ώς προειρήμαμεν, άλλὰ κατὰ δύναμιν έπεὶ γὰρ αῦτη οξον σπέρμα πάντων έστιν άριθμών, έχει έν αύτη και τριγωνοειδη δύναμιν. προσλαμβάνουσα γοῦν τὴν δυάδα ἀποτελεῖ τρίγωνον, ἔχον πλευρὰς τοσούτων μονάδων, 20 οσων έστιν ὁ προσληφθείς γνώμων τῆς δυάδος. τὸ δὲ όλον τρίγωνον τοσούτων έστι μονάδων, όσων και οί συντεθέντες γνώμονες. ὅ τε γὰρ τοῦ ένὸς καὶ ⟨ὁ⟩ τῶν δυείν γνώμων τὰ γ΄ ἐποιήσαν, ώστε καὶ τὸ τρίγωνον

⁷ inscr. περί τριγώνων ἀριθμῶν Α, πδ in mg.
10 προείρητα: p. 33, 1 11 cf. Nesselmann p. 203 14 τὰς ante πλευρὰς add. Α² πάντως corr. ex πάντων Α 17 προειρήπαμεν: p. 33, 6 24 τοσούτων, φησί, μονάδων έστιν ἡ πλευρὰ τοῦ τριγώνου, ὅσων μονάδων ἐστιν ὁ προστεθείς γνώμων τοσαῦται δὲ εἰσιν αὶ τοῦ γνώμονος μονάδες, ὅσοι εἰσιν οἱ γνώμονες οἱ εἰς τὸ τρίγωνον συνελθόντες mg. Α

έσται μεν τριών μονάδων, έξει δ' έκάστην πλευράν τών δυείν, όσοι και οι γνώμονες συνετέθησαν. είτα το γ' τρίγωνον προσλαμβάνει τον τών γ' γνώμονα, δς μονάδι ύπερέχει τῆς δυάδος, και γίνεται το μεν όλον τρί-5 γωνον ς' πλευράς δ' έξει τοσούτων μονάδων και τοῦτο το τρίγωνον, όσοι γνώμονες συντέθεινται έκ γὰρ τοῦ ένὸς και β' και γ' συνετέθη ος'.

α α αα αα

λέγονται δέ τινες καὶ κυκλοειδεῖς καὶ σφαιροειδεῖς καὶ ἀποκαταστατικοὶ ἀριθμοί οὖτοι δ' εἰσὶν οἵτινες έν τῷ πολλαπλασιάζεσθαι ἢ ἐπιπέδως ἢ στερεῶς, τουτέστι κατὰ δύο διαστάσεις ἢ κατὰ τρεῖς, ἀφ' οὖ ἂν αρξωνται ἀριθμοῦ ἐπὶ τοῦτον ἀποκαθιστάμενοι. τοιοῦτον δέ ἐστι καὶ ὁ κύκλος ἀφ' οὖ ἂν ἄρξηται σημείου,

² γνώμονες: ο corr. ex ω Α εἶτα corr. ex εἰς Α γ΄] τρίτον Α, om. apogr. 3 δς corr. ex οῖ Α 4 τῆς δυάδος corr. ex τὴν δυάδα Α 5 τὰς ante πλευρὰς add. Α² 9 ἔχον corr. ex ἔχων Α 10 γνώμων $Λ^2$] γνώμω $Λ^1$ 12 τὸ τοῦ ιε΄ add. apogr. 13 γνωμόνω $Λ^1$ 14 ξξ] ἔξῆς apogr. 16 inscr. περὶ πυπλοειδῶν παὶ σφαιροειδῶν αιὶ ἀποκαταστατικῶν ἀριθμῶν Α, πδ in mg. 17 οῖτινες — ἀποκαθιστάμενοι] ser. οῖ — ἀποκαθιστάμενοι aut οἶτινες — ἀποκαθιστανται 21 κύπλος ⟨δς⟩?

έπὶ τοῦτο ἀποκαθίσταται ὑπὸ γὰρ μιᾶς γραμμῆς περιεκίος ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἄρχεται καὶ εἰς ταὐτὸ καταλή-γει. τοιαύτη δὲ καὶ ἐν στερεῷ ἡ σφαϊρα κύκλου γὰρ κατὰ πλευρὰν περιαγομένου ἡ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἐπὶ τὸ αὐτὸ ἀποκατάστασις σφαῖραν γράφει. καὶ ἀριθμοὶ δὴ s οἱ ἐν τῷ πολλαπλασιασμῷ ἐφ՝ ἐαυτοὺς καταλήγοντες κυκλικοί τε καλοῦνται καὶ σφαιροειδεῖς ὧν εἰσιν ὅ τε ε΄ καὶ ὁ ξ΄ πεντάκις γὰρ ε΄ κε΄, πεντάκις κε΄ ρκε΄, ἑξά-κις ς΄ λξ΄, καὶ ἐξάκις λξ΄ σις΄.

τῶν δὲ τετραγώνων ἡ μὲν γένεσις, ὡς εἶπον, ἐκ 10 τῶν περισσῶν ἀλλήλοις ἐπισυντιθεμένων, τουτέστι τῶν ἀπὸ μονάδος δυάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων Ἐν γὰρ καὶ γ΄ δ΄, καὶ δ΄ καὶ δ

πεντάγωνοι δέ είσιν ἀριθμοί οι έκ τῶν ἀπὸ μονάδος κατὰ τὸ έξῆς τριάδι ⟨ἀλλήλων⟩ ὑπερεχόντων συν- 15
τιθέμενοι. ὧν είσιν οι μὲν γνώμονες α΄ δ΄ ζ΄ ι΄ ιγ΄ ις΄ ιθ΄
αὐτοί δὲ οι πεντάγωνοι α΄ ε΄ ιβ΄ κβ΄ λε΄ να΄ καὶ έξῆς
όμοίως. σχηματίζονται δὲ πενταγωνικῶς οῦτως.

α΄.	ε'	ıβ'	zβ'	le'
α	α	α	α	α
	αα .	αα	αα	аα
	αα	ααα	ααα	ααα
		ααα	αααα	αααα
		ααα	αααα	ααααα
			αααα	ααααα
			αααα	ααααα
				ααααα
				ααααα

10 inscr. περί τετραγώνων ἀριθμῶν Α εἶπον: p. 28, 3. 32, 9. 34, 1 14 inscr. περί πενταγώνων ἀριθμῶν Α, πε in mg.

έξάγωνοι δέ είσιν ἀριθμοί οί ἐκ τῶν κατὰ τὸ έξῆς ἀπὸ μονάδος τετράδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμετοι: ὧν οί γνώμονές είσιν α΄ ε΄ θ΄ ιγ΄ ιζ΄ κα΄ κε΄ οί δὲ ἐκ τούτων έξάγωνοι οίδε: α΄ ς΄ ιε΄ κη΄ με΄ ξς΄ ਜα΄. σχηματίζονται δὲ οῦτως:

α'	ร′์	15'	nη	με΄	ξ s′
a	α	α	α	α	· α
	αα	αα	αα	αα	αα
	αα	ααα	ααα	ααα	ααα
	α	ααα	αααα	αααα	αααα
		ααα	αααα	ααααα	ααααα
		a a	αααα	ααααα	αααααα
		α	αααα	ααααα	αααααα
			ααα	ααααα	αααααα
			a a	ααααα	αααααα
			a	αααα	α α α α α α
				ααα	a a a a a a
				αα	ααααα
				a	αααα
				-	ααα
					αα
	•				~

έπτάγωνοι δέ είσιν οι ἀπὸ μονάδος πεντάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συνιστάμενοι ὧν γνώμονες μὲν α΄
ξ΄ ια΄ ις΄ κα΄ κς΄ οι δὲ ἐκ τούτων συντιθέμενοι α΄ ζ΄
ιη΄ λδ΄ νε΄ πα΄. ὁμοίως δὲ και ὀκτάγωνοι ⟨οι⟩ ἀπὸ
10 μονάδος έξάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμενοι, ἐννεάγωνοι δὲ οι ἀπὸ μονάδος έβδομάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συνιστάμενοι, δεκάγωνοι δὲ οι ἀπὸ μονάδος
ὀγδοάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμενοι. ἐπὶ πάντων δὲ τῶν πολυγώνων καθόλου ὁσάγωνος ἂν λέγηται
15 ἀριθμός, δυείν δεούσαιν μονάδων τοῦ πλήθους τῶν

¹ inser. $\pi \epsilon \varrho l$ έξαγώνων ἀριθμῶν A 6 inser. ὁμοία δὲ ἡ σύνθεσις καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν πολυγώνων Α ἐκ τῶν hic et in its quae sequentur neglegenter omissum 11 μονάδος A^s] νάδος A^1 13 καὶ ante ἐπὶ add. A^s 15 δυεῖν δεούσαιν μονάδων corr. ex δύο δὲ οὕσαις μόνας ut vid. A^s

γωνιών ή ύπεροχή των ἀριθμών λαμβάνεται, έξ ών οί πολύγωνοι συντίθενται.

ἐκ δύο τριγώνων ἀποτελεϊται τετράγωνον α΄ καὶ γ΄ δ΄, γ΄ καὶ ξ΄ θ΄, ξ΄ καὶ ι΄ ιξ΄, ι΄ καὶ ιε΄ κε΄, ιε΄ καὶ κα΄ λξ΄, κα΄ καὶ κη΄ μθ΄, κη΄ καὶ λξ΄ ξδ΄, λξ΄ καὶ με΄ πα΄, καὶ οι έξῆς 5 ὁμοίως συνδυαζόμενοι τρίγωνοι τετραγώνους ἀποτελοῦσιν, ώς καὶ ἐπὶ τῶν γραμμικῶν τριγώνων σύνθεσις τετράγωνον σχημα ποιεϊ.



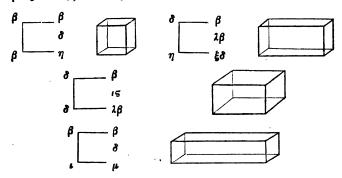


ἔτι τῶν στερεῶν ἀριθμῶν οἱ μὲν ἴσας πλευρὰς ἔχουσιν, [ὡς ἀριθμοὺς τρεῖς ἴσους ἐπὶ ἴσους πολλαπλασιάζεσθαι,] οἱ δὲ ἀνίσους. τούτων δ' οἱ μὲν πάσας ἀν- 10
ίσους ἔχουσιν, οἱ δὲ τὰς δύο ἴσας καὶ τὴν μίαν ῆττονα.
πάλιν τε τῶν τὰς δύο ἴσας ἔχοντων οἱ μὲν μείζονα τὴν
τρίτην ἔχουσιν, οἱ δὲ ἐλάττονα. οἱ μὲν οὖν ἴσας ἔχοντες πλευράς, ἰσάκις ἴσοι ἰσάκις ὅντες, κύβοι καλοῦνται·
οἱ δὲ πάσας ἀνίσους τὰς πλευράς, ἀνισάκις ἄνισοι ἀν- 15
ισάκις, βωμίσκοι καλοῦνται· οἱ δὲ δύο μὲν ἴσας, τὴν
δὲ τρίτην ἐκατέρας τῶν δυεῖν ἐλάσσονα, ἰσάκις ἴσοι
ἐλαττονάκις, πλινθίδες ἐκλήθησαν· οἱ δὲ δύο μὲν ἴσας,

¹ γωνιῶν Bull.] ἀριθμῶν in ras. A ἀριθμῶν] γωνιῶν in ras. vocis ἀριθμῶν A 2 πολύγωνοι: ι post ν er. A 3 inser. ὅτι ἐκ δύο τριγώνων τὸ τετράγωνον Α, πς in mg. ἐκ: inter E et κ complures literae erasae in A δὲ post δύο add. Α 7 ἐκὶ] ἡ? 8 inser. περί στερεῶν ἀριθμῶν Α, πς in mg. 11 aut delenda sunt verba καὶ τὴν μίαν ῆττονα (sic Bullialdue) aut scribendum καὶ τὴν μίαν ἄνισον 16 τὰς post δὲ add. Α Ισας corr. ex Ισοι Α 18 πλινθίδες corr. ex πληνθίδες Α τὰς post δὲ add. Α²

10

την δε τρίτην έκατέρας των δυείν μείζονα, Ισάκις Ισοι μείζονάκις, δοκίδες καλούνται.



είσι δε και πυραμοειδείς ἀριθμοι πυραμίδας καταμετρούντες και κολουροπυραμίδας. κόλουρος δε πυραμετρούντες και κολουροπυραμίδας. κόλουρος δε πυραμες έστιν ή την κορυφην ἀποτετμημένη. τινες δε [κόλουρον] τὸ τοιούτον τραπέζιον προσηγόρευσαν ἀπὸ τῶν ἐπιπέδων τραπεζίων τραπέζιον γὰρ λέγεται, ὅταν τριγώνου ή κορυφη ὑπὸ παραλλήλου τῆ βάσει εὐθείας ἀποτμηθη.





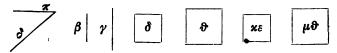
ώσπερ δὲ τριγωνικούς καὶ τετραγωνικούς καὶ πεν-

2 ad figuras, quae satis neglegenter descriptae sunt, pertinet haec adnotatio marginis A: το ἐπάνω σημεῖόν ἐστιν ἴσον, τὸ ὑποκάτω μεῖζον β inscr. περὶ πυραμοειδῶν ἀριθμῶν Α, πη in mg. πυραμίδα Α 4 κολουροπυραμίδας: ας corr. ex ες Α 10 inscr. περὶ πλευρικῶν καὶ διαμετρικῶν ἀριθμῶν Α, πο in mg. cf. Nesselmann p. 228 sqq.

ταγωνικούς καὶ κατὰ τὰ λοιπὰ σχήματα λόγους ἔχουσι δυνάμει οί άριθμοί, ούτως και πλευρικούς και διαμετρικούς λόγους ευροιμεν αν κατά τούς σπερματικούς λόγους έμφανιζομένους τοις άριθμοις. έχ γάρ τούτων ουθμίζεται τὰ σχήματα. Εσπερ οὖν πάντων τῶν σχημά- 5 των κατά τὸν άνωτάτω καὶ σπερματικὸν λόγον ή μονὰς ἄργει, ούτως και της διαμέτρου και της πλευράς λόγος έν τη μονάδι εύρισκεται. οξον έκτιθενται δύο μονάδες, ών την μεν θωμεν είναι διάμετρον, την δε πλευράν, έπειδη την μονάδα, πάντων ούσαν άρχην, δεί δυνάμει 10 καί πλευράν είναι και διάμετρον, και προστίθεται τη μέν πλευρά διάμετρος, τη δε διαμέτρο δύο πλευραί, έπειδή όσον ή πλευρά δὶς δύναται, ή διάμετρος απαξ. έγένετο οὖν μείζων μὲν ἡ διάμετρος, ἐλάττων δὲ ἡ πλευρά. και έπι μεν τῆς πρώτης πλευρᾶς τε και δια- 15 μέτρου είη αν τὸ ἀπὸ τῆς μονάδος διαμέτρου τετράγωνον μονάδι μιᾶ έλαττον ἢ διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς μονάδος πλευράς τετραγώνου εν ισότητι γάρ αι μονάδες. τὸ δ' Εν τοῦ ενὸς μονάδι ελαττον ἢ διπλάσιον. προσδωμεν δή τη μεν πλευρά διάμετρον, τουτέστι τη μονάδι 20 μονάδα. ἔσται ή πλευρὰ ἄρα δύο μονάδων τη δε διαμέτρφ προσθώμεν δύο πλευράς, τουτέστι τῆ μονάδι δύο μονάδας. Εσται ή διάμετρος μονάδων τριών και τὸ

^{4 ⟨}ἐν⟩ τοῖς ἀριθμοῖς?
12 δὲ μέτρω Α 15 γ^ể μοναδικῆς supra πρώτης add. Α² 16 μονάδος διαμέτρου] μονόποδος (ex corr.) δ^ΰ Α 17 ἔλαττον ἢ corr. ex ἐλάττονι Α
μονάδος apogr.] μονόποδος Α 20 διάμετρον] δ^ΰ Α
21 μονάδων apogr.] μ Α, μονάδες Bull. 23 μονάδας μος Α,
em. apogr. ἔσται]. nota vocabuli ἄρα in ras. notae voc.
ἔσται Α μονάδων corr. ex μονάδι Α

μεν ἀπὸ τῆς δυάδος πλευρᾶς τετράγωνον δ΄, τὸ δ' ἀπο τῆς τρίαδος διαμέτρου τετράγωνον θ΄ τὸ θ΄ ἄρα μονάδι μετζον ἢ διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς β΄ πλευρᾶς. πάλιν προσθώμεν τῆ μὲν β΄ πλευρά διάμετρον τὴν τρίαδα: 5 έσται ή πλευρά ε΄ τη δε τρίαδι διαμέτρφ β΄ πλευράς, τουτέστι δίς τὰ β΄ ἔσται ζ΄ ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ τῆς ⟨ε'⟩ πλευρᾶς τετράγωνον κε΄, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ζ΄ (διαμέτρου) μθ΄ μονάδι έλασσον ἢ διπλάσιον τοῦ κε΄ ἄρα τὸ μθ΄. πάλιν αν τῆ <ε'> πλευρά προσθής την ζ διάμετρον, 10 έσται ιβ΄ καν τη ζ διαμέτοφ προσθης δίς την ε΄ πλευφάν, έσται ιζ΄ καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς ιβ΄ τετραγώνου τὸ ἀπὸ τῆς ιζ' μονάδι πλέον ἢ διπλάσιον. καὶ κατὰ τὸ έξῆς τῆς προσθήκης όμοίως γιγνομένης, ἔσται τὸ ἀνάλογον έναλλάξ ποτε μεν μονάδι έλαττον, ποτε δε μονάδι πλέον 15 η διπλάσιον τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον τοῦ ἀπὸ της πλευράς και φηταί αι τοιαύται και πλευραί και τδιάμεροι.



αί δε διάμετροι τῶν πλευρῶν ἐναλλὰξ παρὰ μίαν ποτὲ

1 δυάδος in ras. A 2 διαμέτρον] δ^{i} A δ' το δ΄ ἄρα: τὸ et nota vocis ἄρα supra vs., $\overline{\partial}$ τὸ in ras. A 4 β΄] δύο A διάμετρον] δ' ν A 5 ἔσται A¹] μονάδων ἄρα A² διαμέτρω] δυνάμει A 6 ἔσται ξ΄: $\mu^{\overline{o}'}$ supra notam vocis ἔσται add. A² ἔσται τὸ: nota voc. ἔσται mut. in ἄρα A 8 τοῦ πε ἄρα τὸ $\overline{\mu}\overline{\partial}$ apogr.] τὸ πε ἄρα τοῦ $\overline{\mu}\overline{\partial}$ A 9 διάμετρον] δυνάμει A 10 nota vocis ἔσται mut. in $\mu^{\overline{o}}$ A 11 nota vocis ἔσται mut. in $\mu^{\overline{o}}$ A 11 nota vocis ἔσται mut. in $\mu^{\overline{o}}$ A 17 duo quadrata cum numeris ρμ ∂ et σπ ∂ add. A² 18 α $\hat{\iota}$ δὲ corr. ex $\hat{\eta}$ δ.αι A

μὲν μονάδι μείζους ἢ διπλάσιαι δυνάμει, ποτὲ δὲ μονάδι ἐλάττους ἢ διπλάσιαι ὁμαλῶς πᾶσαι οὖν αί διάμετροι πασῶν τῶν πλευρῶν γενήσονται δυνάμει διπλάσιαι, τοῦ ἐναλλὰξ πλείονος καὶ ἐλάττονος τῷ αὐτῷ μονάδι ἐν πάσαις ὁμαλῶς τιθεμένη ἰσότητα ποιοῦντος εἰς τὸ μήτε ὁ ἐλλείπειν μήτε ὑπερβάλλειν ἐν ἐπάσαις τὸ διπλάσιον τὸ γὰρ τῷ προτέρὰ διαμέτρῷ λείπον δυνάμει τῷ ἐφεξῆς ὑπερβάλλει.

έτι τε τῶν ἀριθμῶν οί μέν τινες τέλειοι λέγονται, οί δ' ύπερτέλειοι, οί δ' έλλιπεζς. καὶ τέλειοι μέν είσιν 10 οί τοζο αύτῶν μέρεσιν ἴσοι, ώς ὁ τῶν ς' μέρη γὰρ αὐτοῦ ημισυ γ' , τρίτον β' , ξκτον α' , ατινα συντιθέμενα ποιεί τὸν ζ΄. γεννώνται δὲ οί τέλειοι τοῦτον τὸν τρόπου. ἐὰν ἐκθώμεθα τοὺς ἀπὸ μονάδος διπλασίους καὶ συντιθώμεν αὐτούς, μέχρις οὖ αν γένηται πρώτος καὶ 15 άσύνθετος άριθμός, και τὸν ἐκ τῆς συνθέσεως ἐπὶ τὸν ξσχατον τῶν συντιθεμένων πολλαπλασιάσωμεν, ὁ ἀπογεννηθείς έσται τέλειος. οἶον έχχείσθωσαν διπλάσιοι α΄ β΄ δ΄ η΄ ις΄. συνθώμεν οὖν α΄ καὶ β΄ γίνεται γ΄ καὶ τὸν γ΄ ἐπὶ τὸν ὖστερον τὸν ἐκ τῆς συνθέσεως πολλα- 20 πλασιάσωμεν, τουτέστιν έπὶ τὸν β΄ γίνεται ς΄, ος έστι πρώτος τέλειος. αν πάλιν τρείς τους έφεξης διπλασίους συνθώμεν, α΄ καὶ β΄ καὶ δ΄, ἔσται ζ΄ καὶ τοῦτον ἐπὶ τὸν ξσγατον των της συνθέσεως πολλαπλασιάσωμεν, τὸν ζ

έπὶ τὸν δ΄ ἔσται ὁ κη΄, ος ἐστι δεύτερος τέλειος σύγκειται ἐκ τοῦ ἡμίσεος τοῦ ιδ΄, τετάρτου τοῦ ζ΄, ἑβδόμου τοῦ δ΄, τεσσαρακαιδεκάτου τοῦ β΄, εἰκοστοῦ ὀγδόου τοῦ α΄.

ύπερτέλειοι δέ είσιν ὧν τὰ μέρη συντεθέντα μείζονά 5 ἐστι τῶν ὅλων, οἶον ὁ τῶν ιβ΄ τούτου γὰρ ῆμισύ ἐστιν ξ΄, τρίτον δ΄, τέταρτον γ΄, ἕκτον β΄, δωδέκατον α΄, ἄτινα συντεθέντα γίνεται ιξ΄, ὅς ἐστι μείζων τοῦ ἐξ ἀρχῆς, τουτέστι τῶν ιβ΄.

έλλιπεζς δέ είσιν ὧν τὰ μέρη συντεθέντα έλάττονα τον ἀριθμον ποιεζ τοῦ ἐξ ἀρχῆς προτεθέντος ἀριθμοῦ, οἶον ὁ τῶν ή΄ τούτου γὰρ ῆμισυ δ΄, τετάρτον β΄, ὄγδοον εν. τὸ αὐτὸ δὲ καὶ τῷ ί συμβέβηκεν, ὃν καθ' ετερον λόγον τέλειον εφασαν οἱ Πυθαγορικοί, περὶ οἶ κατὰ τὴν οἰκείαν χώραν ἀποδώσομεν. λέγεται δὲ καὶ ὁ γ΄ τέλειος, ἐπειδὴ πρῶτος ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ πέρας εχει ὁ δ' αὐτὸς καὶ γραμμή ἐστι καὶ ἐπίπεδον, τρίγωνον γὰρ ἰσόπλευρον ἐκάστην πλευρὰν δυεζν μονάδων εχον, καὶ πρῶτος δεσμὸς καὶ στερεοῦ δύναμις ἐν γὰρ τρισὶ διαστάσεσι τὸ στερεὸν νοεζσθαι.

επεὶ δὲ καὶ συμφώνους τινάς φασιν ἀριθμούς, καὶ ὁ περὶ συμφωνίας λόγος οὐκ ἂν εύρεθείη ἄνευ ἀρι-

1 δεύτερος] $\hat{\beta}$ Α σύγκειται — τοῦ α΄ in mg. A (fort. haec e contextu verborum removenda), γὰς post σύγκειται apogr. 2 έβδόμον] $\hat{\xi}$ Α 3 τεσσαςακαιδεκάτον] $\hat{\iota}$ $\hat{\delta}$ Α εἰκοστοῦ ὀγδοον] $\hat{\kappa}$ $\hat{\eta}$ Α 4 συντεθέντα: τε corr. ex τι Α 5 τῶν $\hat{\iota}$ $\hat{\delta}$ Α 12 τῶ corr. ex τὸ $\hat{\delta}$ Α 12 τῶ corr. ex τὸ $\hat{\delta}$ Α 14 ἀκοδώσομεν: p. 99, 18. 106, γ γ΄: τρία corr. ex τότος Α 15 μέσον apogr. 16 γάς ⟨έστιν⟩? 18 δύναμις corr. ex δυνάμεις Α 19 νοείται apogr.; fort. excidit φασίν vel tale quid 20 inscr. Θέωνος Πλατωνικοῦ συγκεφαλαίωσις καὶ σύνοψις τῆς ὅλης μουσικῆς $\hat{\zeta}$, κεςὶ μουσικῆς $\hat{\delta}$ α Α

θμητικής ήτις συμφωνία την μεγίστην έχει ίσχύν, έν λόγφ μεν ούσα άλήθεια, έν βίφ δε εύδαιμονία, έν δε τῆ φύσει άρμονία. και αὐτὴ δὲ ἡ άρμονία ἥτις ἐστίν έν πόσμφ ούκ αν εύρεθείη μή έν αριθμοῖς πρότερον έξευρεθείσα ήτις έστι και νοητή, ή δε νοητή φαρν άπο της 5 αίσθητης κατανοείται. νῦν μέν οὖν περί τῶν δυείν άρμονιών λεκτέον, της τ' αίσθητης έν όργάνοις και της νοητῆς ἐν ἀριθμοῖς. μετὰ δὲ τὸν περὶ πάντων τῶν μαθηματικών λόγον τελευταΐον έπάξομεν και τὸν περί τῆς ἐν κόσμφ ἁρμονίας λόγον, οὐκ ὀκνοῦντες τὰ ὑπὸ 10 τῶν πρὸ ἡμῶν έξευρημένα καὶ αὐτοὶ ἀναγράφειν, ὥσπερ και τὰ πρόσθεν ὑπὸ τῶν Πυθαγορικῶν παραδοθέντα έπὶ τὸ γνωριμώτερον έξενεγκόντες παραδεδώκαμεν, οὐδὲν αὐτοὶ τούτων έξευρηκέναι φάσκοντες. παραδεικνύντες δέ τινα τῶν ὑπὸ τῶν πρὸ ἡμῶν παραδοθέντὼν 15 τῷ μέλλοντι συνήσειν τὰ Πλάτωνος ἀναγκαίαν καλ τούτων συναγωγην ἐποιησάμεθα.

Θράσυλλος τοίνυν περί τῆς ἐν ὀργάνφ αἰσθητῆς λέγων ἁρμονίας φθόγγον φησίν εἶναι φωνῆς ἐναρμονίου τάσιν. ἐναρμόνιος δὲ λέγεται, ἐπὰν δύνηται καὶ τοῦ 20 ὀξέος ὀξύτερος εὑρεθῆναι καὶ τοῦ βαρέος βαρύτερος καὶ ὁ αὐτὸς καὶ μέσος ἐστίν. ὡς εἴγε τινὰ τοιαύτην φωνὴν νοήσαιμεν ῆτις ὑπεραίρει πᾶσαν ὀξύτητα, οὐκ ἄν εἴη ἐναρμόνιος οὐδὲ γὰρ τὸν τῆς ὑπερμεγέθους

² μὲν οὖσα] μένουσα A^1 4 πρώτερον A^1 5 cf. Boeckh kl. Schr. III p. 138 sqq. 7 τῆς τ' αἰσθητῆς ἐν ὀργάτοις Z] τῆς τε αἰσθητῶν ὀργάνοις A^1 , τῆς τε ἐν αἰσθητοῖς ὀργάνοις A^2 17 ἐποιησάμεθα Z] πεποιήμεθα A 18 inscr. $\overline{\beta}$ τι ἐστι φθόγγος καὶ τι φωνὴ ἐναφμόνιος mg. A. cf. C. Fr. Hermann de Thrasyllo p. 9. Marquard ad Aristox. p. 226 θράσυλλος Z] Θρασυλλὸς A^1 , Θρασύλλος A^3 22 καὶ ὁ αὐτὸς καὶ μέσος ἐστίν del. vid.

βρουτής ψόφου ἐναρμόνιου ἐροῦμευ, ὅς γε καὶ ὀλέθριος διὰ τὴν ὑπερβολὴν πολλάκις γίνεται, ὡς τις ἔφη·

πολλούς δε βροντής τραυμ' ἄναιμον ὅλεσε. καὶ μὴν εἴ τις οῦτως βαρὺς εἴη φθόγγος, ὡς μὴ ἔχειν ε αύτοῦ βαρύτερον, ούκ ἂν ούδὲ φθόγγος είη τὸ έναρμόνιον οὐκ ἔχων. διὰ τοῦτ' οὖν φθόγγος εἶναι λέγεται ού πᾶσα φωνή ούδε πάσης φωνής τάσις, άλλ' ή έναρμόνιος, οίον μέσης, νεάτης, υπάτης. διάστημα δέ φησιν είναι φθόγγων την πρός άλληλους ποιάν σχέσιν, οξον 10 διὰ τεσσάρων, διὰ πέντε, διὰ πασῶν, σύστημα δὲ διαστημάτων ποιὰν περιοχήν, οἶον τετράχορδον, πεντάχορδον, όκτάχορδον. άρμονία δέ έστι συστημάτων σύνταξις, οἶον Αύδιος, Φρύγιος, Δώριος. καὶ τῶν φθόγγων οι μέν όξεις, οι δε βαφεις, οι δε μέσοι. 15 όξεξς μεν οι των νητών, βαρείς δε οι των ύπατών, μέσοι δε οί τῶν μεταξύ. τῶν δε διαστημάτων τὰ μεν σύμφωνα, τὰ δὲ διάφωνα. σύμφωνα μὲν τά τε κατ' άντίφωνον, οἶόν έστι τὸ διὰ πασῶν καὶ τὸ δὶς διὰ πασῶν, καὶ τὰ (κατὰ) παράφωνον, οἶον τὸ διὰ πέντε, 20 τὸ διὰ τεσσάρων. σύμφωνα δὲ κατὰ συνέχειαν οἶον τόνος, δίεσις. τά τε γὰρ κατ' ἀντίφωνον σύμφωνά έστιν, έπειδαν το αντικείμενον τη όξύτητι βάρος συμφωνη, τά τε κατὰ παράφωνόν έστι σύμφωνα, έπειδὰν

³ Eurip. fr. 972 4 st] η A¹ 6 τοῦτ' A] τοῦτο Z 8 inser. τί ἐστι διάστημα A, δ in mg. cf. Marquard p. 231 10 ē mg. A. cf. Boeckh kl. Schr. III p. 147 sqq. 157. de metris Pind. p. 204 sqq. 12 inser. τί ἐστιν ἀρμονία καὶ περὶ διαφορᾶς φθόγγων A, ξ f in mg. cf. Marquard p. 212 16 τῶν Z] om. A inser. περὶ διαστημάτων A, ξ η in mg. 17 cf. Westphal Metrik der Griechen I p. 289. Marquard p. 252 19 τὰ τὸ AZ, cf. vs. 23 τὸ om. A¹ 20 σύμφωνα — δίεσις fort. del. cf. Marquard p. 235

μήτε δμότονον φθέγγηται φθόγγος φθόγγω μήτε διάφωνον, άλλὰ παρά τι γνώριμον διάστημα ὅμοιον. διάφωνοι δ' εἰσὶ καὶ οὐ σύμφωνοι φθόγγοι, ὧν έστι το διάστημα τόνου ἢ διέσεως. ὁ γὰρ τόνος καὶ ἡ δίεσις ἀρχὴ μὲν συμφωνίας, οὖπω δὲ συμφωνία.

ό δὲ περιπατητικὸς "Αδραστος, γνωριμώτερον περί τε άρμονίας καὶ συμφωνίας διεξιών, φησί καθάπερ τῆς ἐγγραμμάτου φωνῆς καὶ παντὸς τοῦ λόγου ὁλοσχερῆ μὲν καὶ πρῶτα μέρη τά τε ῥήματα καὶ ὀνόματα, τούτων δὲ αἱ συλλαβαί, αὖται δ' ἐκ γραμμάτων, τὰ δὲ γράμ- 10 ματα φωναὶ πρῶταί εἰσι καὶ στοιχειώδεις καὶ ἀδιαίρετοι καὶ ἐλάχισται — καὶ γὰρ συνίσταται ὁ λόγος ἐκ πρώτων γραμμάτων καὶ εἰς ἔσχατα ταῦτα ἀναλύεται —, οῦτως καὶ τῆς ἐμμελοῦς καὶ ἡρμοσμένης φωνῆς καὶ παντὸς τοῦ μέλους ὁλοσχερῆ μὲν μέρη τὰ λεγόμενα 15 συστήματα, τετράχορδα καὶ πεντάχορδα καὶ ὀκτάχορδα ταῦτα δέ ἐστιν ἐκ διαστημάτων, τὰ δὲ διαστήματα ἐκ φθόγγων, οῖτινες πάλιν φωναί εἰσι πρῶται καὶ ἀδιαίρετοι καὶ στοιχειώδεις, ἐξ ὧν πρώτων συνίσταται τὸ πᾶν μέλος καὶ εἰς ἃ ἔσχατα ἀναλύεται. διαφέρουσι δὲ 20

¹ ὁμότονον: το in ras. A (fort. corr. ex ὁμόσωνον), cf. Vetter additam. ad. Steph. Thes. (Zwickau 1867) p. 16 3 οὖ] οἱ AZ ἐστὶ Z] ἐπὶ A 6 inscr. περὶ ἀρμονίας καὶ συμφωνίας A. cf. Chalcid. 44 10 ανται δ'] ἄτινα AZ, αῖτινες Manuel Bryennius p. 393 11 ἀδιαίρετοι Z] διαιρεταὶ corr. ex διαιρετοὶ A, quae sunt primae voces individuae atque elementariae Chalcid. 15 ἄστε ἀναλογεῖν ταῦτα ταῖς λέξεσιν, οἶον ῥήμασι καὶ ὀνόμασι, τὰ δὲ διαστήματα ταῖς συλλαβαῖς, τοῖς δὲ φθόγγους τοῖς στοιχείοις (τὰ στοιχεῖα corr. A², scr. τοὺς δὲ φθόγγους τοῖς στοιχείοις) mg. A 18 φθόγγων Z] τῶν φθόγγων A ἀδιαίρετοὶ διαιρεταὶ corr. ex διαιρετοὶ A 19 πρώτων A] πρώτον Z 20 ὰ Z] om. A, cf. Nicom. introd. arithm. p. 73, 6 H.

άλλήλων οι φθόγγοι ταϊς τάσεσιν, έπει οι μεν αὐτῶν όξύτεροι, οι δε βαρύτεροι αι δε τάσεις αὐτῶν κατά τινας λόγους είσιν άφωρισμέναι.

φησί δε και τούς Πυθαγορικους περί αὐτῶν οὕτω 5 τεχνολογείν έπει μέλος μεν πᾶν και πᾶς φθόγγος φωνή τίς έστιν, απασα δε φωνή ψόφος, ψόφος δε πλήξις άέρος κεκωλυμένου θούπτεσθαι, φανερόν ώς ήρεμίας μέν ούσης περί τὸν ἀέρα οὐκ ἂν γένοιτο οὕτε ψόφος οὕτε φωνή, διὸ οὐδε φθόγγος, πλήξεως δε και κινήσεως 10 γενομένης περί τὸν ἀέρα, ταχείας μὲν ὀξὺς ἀποτελείται ό φθόγγος, βραδείας δε βαρύς, και σφοδράς μεν μείζων ήχος, ήρέμου δε μικρός. τὰ δε τάχη τῶν κινήσεων καί αί σφοδρότητες η έν λόγοις τισίν αποτελούνται η καί άλόγως πρὸς ἄλληλα. ὑπὸ μὲν οὖν τῶν ἀλόγων ἄλογοι 15 και έκμελεῖς γίνονται ψόφοι, οὓς οὐδὲ φθόγγους χρη καλείν κυρίως, ήχους δε μόνον, ὑπὸ δε τῶν ἐν λόγοις τισὶ πρὸς ἀλλήλους πολλαπλασίοις ἢ ἐπιμορίοις ἢ ἀπλῶς άριθμοῦ πρὸς άριθμὸν έμμελεῖς καὶ κυρίως καὶ ίδίως φθόγγοι ών οι μεν άλλοι μόνον ήρμοσμένοι, οι δε κατά 20 τους πρώτους καλ γνωριμωτάτους καλ κυριωτάτους λόγους πολλαπλασίους τε καὶ ἐπιμορίους ἦδη καὶ σύμφωνοι. συμφωνούσι δε φθόγγοι πρός άλλήλους, ών θατέ-

1 ἀλλήλων Α] ἄλλων Ζ 3 λόγους ante λόγους er. Α 4 φησλ Α] φασλ Ζ 5 Porph. comm. in Ptol. Harm. p. 193 δ γοῦν περιπατητικὸς ἄδραστος τὰ κατὰ τοὺς Πυθαγορείους ἐπτιθέμενος γράφει· ἐπεὶ μέλος — δὲ μικρός (vs. 12) 6 ψόφος δὲ Ζ] om. Α, δ δὲ add. Α², δ δὲ ψόφος Porph. 7 φανερὸν Porph.] φανερὸν δὲ ΑΖ 11 μείζον $Λ^1$ 12 ἡρέμου Α] ἡρέμα Z, ἡρεμαίας Porph. 18 ἀριθμοῦ Α] καὶ Z 21 πολλαπλασίους Α] πολλαπλασίου Z έπιμορίους Α] έπιμόριοι Z σύμφωνοι corr. ex. συμφώνους ut vid. Α 22 Porph. comm. in Ptol. Harm. p. 270 ἄδραστος δὲ ὁ περιπατητικὸς ἐν τοὶς εἰς τὸν Τίμαιον λέγει οὕτως· συμφωνοῦσι δὲ — ἐξαπούεται

φου προυσθέντος έπί τινος ὀργάνου τῶν ἐντατῶν καὶ ό λοιπός κατά τινα οίκειότητα καί συμπάθειαν συνηχεί. κατά ταύτὸ δὲ άμφοῖν ᾶμα κρουσθέντων ήδεῖα καὶ προσηνής έκ της κράσεως έξακούεται φωνή. των δε κατά τὸ έξης ήρμοσμένων φθόγγων πρώτοι μέν οί 5 τέταρτοι τάξει συμφωνοῦσι πρὸς άλλήλους, συμφωνοῦσι δὲ συμφωνίαν τὴν δι' αὐτὸ τοῦτο διὰ τεσσάρων λεγομένην, ἔπειτα οί πέμπτοι τὴν διὰ πέντε, καὶ μετὰ ταύτα οί περιλαμβάνοντες άμφοτέρας τὰς συμφωνίας, γινόμενοι δ' ἀπ' ἀλλήλων ὄγδοοι, τὴν διὰ πασῶν, 10 ούτω προσαγορευθείσαν έπειδή τὸ πρώτον ἀπὸ τῆς όκταχόρδου λύρας ὁ πρώτος καὶ βαρύτατος φθόγγος, καλούμενος ύπατη, τῷ τελευταίφ καὶ όξυτατφ, τουτέστι τῆ νήτη, τὴν αὐτὴν εύφέθη συνέχων συμφωνίαν κατ' άντίφωνον. ἐπηυξημένης δὲ τῆς μουσικῆς καὶ πολυχόρ- 15 δων και πολυφθόγγων γεγονότων όργάνων τῷ προσληφθηναι και έπι τὸ βαρύ και έπι τὸ όξὺ τοῖς προϋπάρχουσιν όκτὰ φθόγγοις άλλους πλείονας, όμως τῶν πρώτων συμφωνιών αί προσηγορίαι φυλάττονται, διά τεσσάρων, διὰ πέντε, διὰ πασῶν. 20

φωνή (p. 51, 4). cf. Marquard p. 237. C. Lang Ueberblick über die altgriech. Harmonik p. 27 1 ἐντατῶν Α] ἐν τούτοις Z 2 συνηχῆ Porph. 3 ταὐτὸ ΑZ] τὸ αὐτὸ Porph. ἡδεῖα Z] ἡδία A^1 , ἡδεῖα A^2 , λεία Porph. 6 τέτταρες A^2 συμφωνία ἡ διὰ $\overline{\delta}$ ἐν ἑπιτρίτφ, ἡ διὰ $\overline{\epsilon}$ συμφωνία ἐν ἡμιολίφ, ἡ διὰ πασῶν συμφωνία A^2 vel recentior manus in mg. sup., adiectis lineis inutilibus 8 πέμπτοι Z] $\overline{\epsilon}$ A 10 δ' Z] om. A 11 ὅτι τὸ πρῶτον μέχρις ὁπταχορδων (tum καὶ del.) ἡ μουσικὴ ὑπῆρχεν, ὁ α ὑπάτη βαρύτατος, ὁ ἔσχατος νήτη ὀξύτατος: ἐπεὶ ὁ (μὲν add. A^2) ὀξύτατος φθόγγος ὁ $\overline{\delta}$ (ὁ $\overline{\delta}$ corr. in ὁ δὲ βαρύτατος A^2)· ούτοι δὲ ἀντίφωνοι mg. A 12 βαρύτατος ὁ $\overline{\alpha}$ φθόγγος ὑπάτη, $\overline{\eta}$ ὀξύτατος νήτη A^2 vel rec. m. in mg. inf., adiectis lineis 14 εὐρέθη] εὐρεθήσεται AZ

προσανηύρηνται δε ταύταις ετεραι πλείους. τη γάρ διὰ πασών πάσης ἄλλης προστιθεμένης, καὶ ἐλάττονος και μείζονος και ίσης, έξ άμφοῖν έτέρα γίνεται συμφωνία, οίον η τε διά πασών και διά τεσσάρων, και 5 διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε, καὶ δὶς διὰ πασῶν, έτι δὲ πάλιν τῆ διὰ πασῶν εἰ προστεθείη τούτων τις, οἶον ἡ δίς διὰ πασῶν και διὰ τεσσάρων, και ἐπὶ τῶν ἄλλων όμοίως μέχρι τοῦ δύνασθαι φθέγγεσθαι ἢ κρίνειν άκούοντας. τόπος γάρ τις καλείται τῆς φωνῆς ὃν 10 διεξέρχεται ἀπὸ βαρυτάτου τινὸς ἀρξαμένη φθόγγου και κατά τὸ έξης έπι τὸ όξὺ προϊοῦσα, η ἀνάπαλιν. τούτων δε οί μεν έπι πλείον, οί δε έπ' έλαττον διιστασιν. τὸ μέντοι έξῆς καὶ ἐμμελῶς ἐν τούτο προκόπτειν οὔτε ώς έτυχε γίνεται οΰτε μὴν ἁπλῶς καὶ μοναχώς, ἀλλὰ 15 κατά τινας τρόπους άφωρισμένους, καθ' ους αί τῶν λεγομένων γενών της μελφδίας θεωρούνται διαφοραί. καθάπεο γὰο ἐπὶ τοῦ λόγου καὶ τῆς ἐγγοαμμάτου φωνῆς οὐ πᾶν γράμμα παντὶ συμπλεκόμενον συλλαβὴν ἢ λόγον άποτελεί, οΰτως οὐδε έν τῷ μέλει κατὰ τὴν ἡρμοσμένην 20 φωνὴν οὐδ' ἐν τῷ ταύτης τόπφ πᾶς φθόγγος μετὰ παντός τιθέμενος έμμελες ποιεί διάστημα, άλλ' ώς φαμεν κατά τρόπους τινάς άφωρισμένους.

1 ταῦται \mathbf{A}^1 6 τῆ δὶς διὰ πασῶν \mathbf{A}^2 et Bryenn. p. 394 εἰ primo om., tum add. A, deest in \mathbf{Z} 8 ὁμοίως \mathbf{A}] οὕτως \mathbf{Z} 9 cf. Aristox. p. 18, 27 Marq. Vetter additam. ad. Steph. Thes. p. 24 $\gamma^{\varrho'}$ οῦτως ὅτι ὁ τῆς φωνῆς τόπος ἢ ἀπὸ βαρυτάτον ἀρξάμενος κατὰ τὸ ἐξῆς ἐπὶ τὸ ὁξὸ δἰεισιν ἢ ἔμπαλιν ἀπὸ ὀξυτάτον ἐπὶ τὸ βαρύ mg. A 12 τούτων — διιστῶτοιν fort, del. 13 sq. τὸ — ἐμμελῶς — προικόπτειν \mathbf{Z}] corr. in $\dot{\eta}$ — ἐμμελῆς — προικοπή \mathbf{A} 14 ἀλλὰ \mathbf{A}] ἀλλὰ καὶ \mathbf{Z} 17 cf. Aristox. p. 38 et 52 Marq. 19 κατὰ τὴν \mathbf{Z}] om. \mathbf{A}

τοῦ δὲ λεγομένου τόπου τῆς φωνῆς καὶ παντὸς τοῦ έν τούτω διαστήματος γνωριμώτατον μέρος τε καλ μέτρον έστι τὸ καλούμενον τονιαΐον διάστημα, καθάπεο ὁ πῆχυς τοῦ χυρίως τοπιχοῦ διαστήματος δ φερόμενα τὰ σώματα διέξεισιν. Εστι δε γνωριμώτατον το τονιαΐον διάστημα, 5 έπειδή των πρώτων καλ γνωριμωτάτων συμφωνιών έστι διαφορά τὸ γὰρ διὰ πέντε τοῦ διὰ τεσσάρων ὑπερέγει τόνω. τὸ μέντοι ήμιτόνιον ούχ ώς ημισυ τόνου λέγεται, ώσπερ 'Αριστόξενος ήγετται, καθό καὶ τὸ ήμιπήχιον ημισυ πήχεως, άλλ' ώς έλαττον τοῦ τόνου μελφδητὸν 10 διάστημα καθά και τὸ ήμίφωνον γράμμα οὐχ ὡς ήμισυ φωνης καλούμεν, άλλ' ώς μη αύτοτελη καθ' αύτὸ φωνήν. δείχνυται γὰρ ὁ τόνος μηδ' ὅλως εἰς δύο ἴσα διαιρείσθαι δυνάμενος, έν λόγφ θεωρούμενος έπογδόφ, καθάπερ οὐδ' ἄλλο τι ἐπιμόριον διάστημα. τὰ γὰρ θ΄ 15 ούγ οἶόν τε διαιρεθηναι είς ίσα.

όταν μεν οὖν ή φωνή μελφδοῦσα εν τῷ λεγομένφ τόπφ αὐτῆς ἀπό τινος βαρυτέρου φθόγγου ἐπὶ τὸν ἑξῆς ὀξύτερον μεταβῆ τὸ λεγόμενον ἡμιτονιαῖον διάστημα ποιησαμένη κἄπειτ' ἀπ' αὐτοῦ τόνον διαστήσασα πρῶτον 20

¹ inscr. π ε ρὶ τόνου A, $\bar{\iota}$ in mg. 5 διέξεισιν: ει corr. ex. ι A γνωριμώτατον Bryenn. p. 395] γνωριμώτερον AZ 6 cf. Marquard p. 258 sq. 8 inscr. π ε ρὶ ἡμιτονίου A. cf. Procl. ad Plat. Tim. p. 196 B 9 'Αριστόξενος: Harm. p. 30, 7 Marq. 12 αὐτοτελῆ παθ' αὐτὸ φωνήν Z] τὸ αὐτὸ τελεῖ πατ' αὐτὸ φωνήν A¹, τῷ αὐτοτελεῖ πατὰ ταυτὸ φωνεῖν A² 14 ὅτι ὁ τόνος ἐν ἐπογδόφ λόγω θεωρεῖται mg. A 17 inscr. τί τὸ διάτονον μέλος (γένος Bull.) τῆς μελφ-δίας A, $\bar{\iota}$ α in mg. 18 βαρυτέρου A²] βραχυτέρου A¹Z 19 ἡμιτονιαῖον Z] ἡμιτόνιον A 20 Ιστέον ὡς οὐ πάντως (πάντος A¹) οὖτως ἔχει τὸ διάτονον, ἀλλ' ἐνδέχεται καλ μετὰ τὸ ἡμιτόνιον (τὸ ἡμιτόνιον A² corr. ut vid. ex τῶν) δύο τόνους (τόνων A¹) εἶναι καὶ ἐκατέρωθεν (ἐκατέροθεν A¹)· ἐκ δὲ διαφόρου τάξεως διάφορον γίνεται μέλος mg. A

έπ' ἄλλον παραγένηται φθόγγον, βουλομένη κατὰ τὸ έξῆς προκόπτειν ἐμμελῶς, οὐδὲν ἔτερον εἶναι δύναται διάστημα οὐδὲ προενέγκασθαι φθόγγον ἔτερον ἐμμελῆ καὶ ἡρμοσμένον, ἢ διάστημα μὲν τονιαῖον, φθόγγον δὲ τὸν ἐπὶ τὸ ὀξὺ τοῦτο ὁρίζοντα καὶ συμφωνοῦντα τῷ ἔξ ἀρχῆς τὴν διὰ τεσσάρων συμφωνίαν. καλεῖται δὲ τὸ οῦτω μελφδηθὲν σύστημα τετράχορδον, συνεστηκὸς ἐκ διαστημάτων μὲν τριῶν, ἡμιτονίου καὶ τόνου καὶ τόνου, φθόγγων δὲ τεσσάρων, ὧν οἱ περιέχοντες, τουτέστιν ὅ τε βαρύτατος καὶ ὀξύτατος, συμφωνοῦσιν εὐθὺς ἢν διὰ τεσσάρων ἔφαμεν λέγεσθαι συμφωνίαν δύο τόνων οὐσαν καὶ ἡμιτονίου. καλεῖται δὲ τὸ τοιοῦτον γένος τῆς μελφδίας διάτονον, ἤτοι ὅτι διὰ τῶν τόνων τὸ πλεῖστον διοδεύει ἢ ὅτι σεμνόν τι καὶ ἐρρωμένον καὶ 15 εῦτονον ἦθος ἐπιφαίνει.

έὰν μέντοι ἡ φωνὴ, τὸν έξ ἀρχῆς πρῶτον ὁρίσασα φθόγγον καὶ ἡμιτόνιον ἐπὶ τὸ ὀξὰ μεταβᾶσα, ἐπὶ τὸν αὐτὸν ἔλθη δεὐτερον φθόγγον, εἶτα πάλιν ἀπὸ τοῦδε ἡμιτόνιον διαστήσασα τρίτον ὁρίση φθόγγον ἄλλον, 20 ἀπὸ τούτου κατὰ συνέχειαν πειρωμένη προκόπτειν ἐμμε-λῶς οὕτε διάστημα δύναται ποιήσασθαι ἄλλο πλὴν τὸ λειπόμενον τοῦ πρώτου γενομένου τετραχόρδου, τὸ τριημιτονιαῖον ἀσύνθετον, οὕτε φθόγγον ἕτερον ὁρίσαι

² εἶναι] ποιήσασθαι? cf. p. 53, 20. 54, 21 5 τοῦτον A^2 10 καὶ οm. A^1 τίς ἡ διὰ $\bar{\delta}$ καὶ πῶς γίνεται: τί τὸ διάτονον γένος τῆς μελφδίας καὶ πῶς γίνεται: mg. A οὖν post εὐθὺς add. A^2 ῆν corr. ex ἡ A 11 ἔφαμεν A] φαμὲν Z. cf. p. 51, 7 12 γίνεται post ἡμιτονίου A^2 14 τι Z] τε A 16 inscr. τί τὸ χρωματικόν A, $\iota \bar{\beta}$ in mg. καὶ τοῦτο τῆς διὰ $\bar{\delta}$ mg. A τὸν] τῶν A^1 18 ἔλθη apogr.] ἔλθοι AZ ut vid. 19 ὀρίσει A^1

η τον έπι το όξυ περιέχοντα το πρώτον τετράχορδον, συμφωνούντα τῷ βαρυτάτῷ κατὰ τὸ διὰ τεσσάρων ιῶστε γίνεσθαι τὴν τοιαύτην μελῷδίαν κατὰ ἡμιτόνιον καὶ ἡμιτόνιον ἀσύνθετον. καλείται δὲ πάλιν τὸ γένος τῆς τοιαύτης μελῷδίας χρωματικὸν διὰ 5 τὸ παρατετράφθαι καὶ ἐξηλλάχθαι τοῦ πρόσθεν γοερώτερόν τε καὶ παθητικώτερον ἦθος ἐμφαίνειν.

λέγεται δέ τι καὶ τρίτον γένος μελφδίας ἐναρμόνιον, ἐπειδὰν ἀπὸ τοῦ βαρυτάτου φθόγγου κατὰ δίεσιν καὶ δίεσιν δὲ καλοῦσιν ἐλαχίστην οἱ περὶ ᾿Αριστόξενον τὸ τεταρτημόριον τοῦ τόνου, ῆμισυ δὲ ἡμιτονίου, ὡς ἐλάχιστον μελφδητὸν διάστημα, τῶν Πυθαγορείων διέσιν καλούντων τὸ νῦν λεγόμενον ἡμιτόνιον. καλεῖσθαι δέ φησιν ᾿Αριστόξενος τοῦτο τὸ 15 προειρημένον γένος άρμονίαν διὰ τὸ εἶναι ἄριστον, ἀπενεγκάμενον τοῦ παντὸς ἡρμοσμένου τὴν προσ-

¹ τὸ όξὲν A] τὸν όξὲν Z 2 κατὰ τὸν διὰ δ' Z (κατὰ τὴν διὰ τεσσάρων συμφωνίαν duo codd. et Bryenn. p. 397), κατὰ τῶν διὰ ξ A 4 τὸ τριημιτόνιον (τρημητόνιον A¹) τριῶν ἐστὶν ἡμιτονίων, τόνον $\overline{\alpha_S}$ εἶτα τὰ $\overline{\beta}$ ἡμιτόνια· γίνεται ἡ πᾶσα τόνων $\overline{\beta_S}$ mg. A 6 καὶ ante γοερώτερόν add. A² ut vid. 8 inscr. τί τὸ ἐναρμόνιον A, $\overline{\imath_γ}$ in mg. 9 ἐπεὶ γὰρ τὸ $(\overline{u}_9$ add. A²) διὰ $\overline{\delta}$ δίατονον (scr. δύο τόνων καὶ ἡμιτονίον) ἑστίν, ἀνάγκη τῶν (τῶν A¹, τὸ A²) $\overline{\beta}$ δίαστημάτων διεσιαῖον τῶν (scr. διεσιαίων ὄντων) ἄτινά ἐστιν ἡμιτονίον τὸ $\overline{\gamma}$ Φύο εἶναι τόνων mg. A (in postremis complura ex corr. A²) ἔτι τῆς διὰ $\overline{\delta}$ mg. A καὶ δίεσιν Z] om. A 10 δίτονον Z] διὰ τόνον A μελωδήση A] μελωδήσει Z 11 inscr. τί ἐστι δίεσις A οἱ περὶ Λοιστόξενον: Harm. p. 30, 5 sq. 66, 9 14 πυθαγορίων A¹Z 15 Λοιστ. A] ὁ Λοιστ. Z. cf. Μαληρια instr. de Arist. p. 163 17 ἀπενεγνάμενον Z] ἐπενεγνάμενον Α

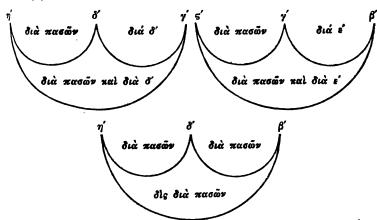
ηγορίαν. ἔστι δὲ δυσμελφδητότατον καί, ὡς ἐκεῖνός φησι, φιλότεχνον καὶ πολλῆς δεόμενον συνηθείας, ὅθεν οὐδ' εἰς χρῆσιν ῥαδίως ἔρχεται, τὸ δὲ διάτονον γένος ἀπλοῦν τι καὶ γενναῖον καὶ μᾶλλον κατὰ φύσιν διὸ 5 μᾶλλον τοῦτο παραλαμβάνει Πλάτων.

ήμιτόνιον ήμιτόνιον		τόνος	τόνος	διάτονον
		ήμιτόνιον	τοιημιτόνιον	χοωματικόν
δίεσις δίεσις		δίτονον		άρμονικόν

τοὺς δὲ συμφωνοῦντας φθόγγους ἐν λόγοις τοῖς πρὸς ἀλλήλους πρῶτος ἀνευρηκέναι δοκεῖ Πυθαγόρας, τοὺς μὲν διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτω, τοὺς δὲ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίω, τοὺς δὲ διὰ πασῶν ἐν διπλασίω, καὶ τοὺς μὲν διὰ πασῶν καὶ διὰ τεσσάρων ἐν λόγω τῶν ἡ΄ πρὸς γ΄ ὅς ἐστι πολλαπλασιεπιμερής, διπλάσιος γὰρ καὶ δισ-15 επίτριτός ἐστι, τοὺς δὲ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε ἐν λόγω τριπλασίω, τοὺς δὲ δὶς διὰ πασῶν ἐν τετραπλασίω, καὶ τῶν ἄλλων ἡρμοσμένων τοὺς μὲν τὸν τόνον περι-έχοντας ἐν ἐπογδόω λόγω, τοὺς δὲ τὸ νῦν λεγόμενον ἡμιτόνιον, τότε δὲ δίεσιν, ἐν ἀριθμοῦ λόγω πρὸς ἀριθ-

¹ ἐπεῖνος: Harm. p. 26, 18. cf. Westphal I p. 420. Marquard p. 267 5 cf. Macrob. in Somn. Scip. II 4, 13. Procl. ad Plat. Tim. p. 191 Ε 6 τόνος διάτονον apogr.] διάτονος διατόνου ΑΖ (utrumque intra figurae lineas scriptum, sicut etiam sequentia) 7 τριημιτόνιον χρῶμα apogr. χρωματικού τριημιτονίου ΑΖ 8 δίτονον ἀρμονικόν] ἀρμονικὸν διατόνιον ΑΖ, δίτονον ἐναρμόνιον apogr. 9 sqq. cf. Chalcid. 45. Zeller I p. 371. Westphal I p. 62 10 ἀνευρικέναι Α¹ 11 κεῖται τὸ ὑπόδειγμα ἐπὶ καταγραφῆς ἐν τῷ τέλει mg. Α 19 ἀριθμοῦ Α] ς΄ Ζ ἀριθμὸν Α] ς΄ Ζ

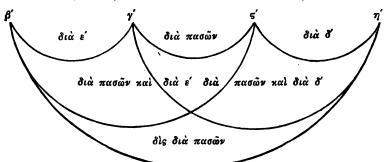
μὸν τῷ τῶν σνς΄ πρὸς σμγ΄, ἐξετάσας τοὺς λόγους διά τε τοῦ μήκους καὶ πάχους τῶν χορδῶν, ἔτι δὲ τῆς τάσεως γινομένης κατὰ τὴν στροφὴν τῶν κολλάβων ἢ γνωριμώτερον κατα τὴν ἐξάρτησιν τῶν βαρῶν, ἐπὶ δὲ τῶν ἐμπνευστῶν καὶ διὰ τῆς εὐρύτητος τῶν κοιλιῶν 5 ἢ διὰ τῆς ἐπιτάσεως καὶ ἀνέσεως τοῦ πνεύματος, ἢ δι᾽ ὄγκων καὶ σταθμῶν οἱον δίσκων ἢ ἀγγείων. ὅ τι γὰρ ἂν ληφθῆ τούτων κατά τινα τῶν εἰρημένων λόγων, τῶν ἄλλων ⟨ἰσων⟩ ὅντων, τὴν κατὰ τὸν λόγον ἀπεργάσεται συμφωνίαν.



ἀρκείτω δ' ήμιν έν τῷ παρόντι διὰ τοῦ μήκους τῶν χορδῶν δηλῶσαι ἐπὶ τοῦ λεγομένου κανόνος. τῆς γὰρ ἐν τούτῳ μιᾶς χορδῆς καταμετρηθείσης εἰς τέσσαρα ἰσα ὁ ἀπὸ τῆς ὅλης φθόγγος τῷ μὲν ἀπὸ τῶν τριῶν

¹ τῷ Z] τῷν ut vid. eras, A γὰρ post ἐξετάσας A² ut vid. ὁ κοιλιῷν: οι corr. ex ω A 9 (ἴσων): cf. p. 59, 12. 60, 19. 65, 13. 12 excidit fort. τοῦτο

μερῶν ἐν λόγφ γενόμενος ἐπιτρίτφ συμφωνήσει διὰ τεσσάρων, τῷ δὲ ἀπὸ τῶν δύο, τουτέστι τῷ ἀπὸ τῆς



ήμισείας, ἐν λόγφ γενόμενος διπλασίφ συμφωνήσει διὰ πασῶν, τῷ δὲ ἀπὸ τοῦ τετάρτου μέρους γενόμενος ἐν 5 λόγφ τετραπλασίφ συμφωνήσει δὶς διὰ πασῶν. ὁ δὲ ἀπὸ τῶν τριῶν μερῶν φθόγγος πρὸς τὸν ἀπὸ τῶν δύο γενόμενος ἐν ἡμιολίφ συμφωνήσει διὰ πέντε, πρὸς δὲ τὸν ἀπὸ τοῦ τετάρτου μέρους γενόμενος ἐν λόγφ τριπλασίφ συμφωνήσει διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε. ἐὰν δὲ 10 εἰς ἐννέα διαμετρηθῆ ἡ χορδή, ὁ ἀπὸ τῆς ὅλης φθόγγος προς τὸν ἀπὸ τῶν ὀκτὰ μερῶν ἐν λόγφ ἐπογδόφ τὸ τονιαϊον περιέξει διάστημα.

πάσας δὲ τὰς συμφωνίας περιέχει ἡ τετρακτύς. συνέστησε μὲν γὰρ αὐτὴν α΄ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄. ἐν 15 δὲ τούτοις τοῖς ἀριθμοῖς ἔστιν ἥ τε διὰ τεσσάρων συμ-

1 μερῶν Bull.] μέτρων A 11 excidit fort. γενόμενος 18 cf. p. 93, 19 14 συνέστησαν Bull. 15 η διὰ δ ώς ἔχει $\dot{0}$ $\ddot{0}$ πρὸς τὰ $\ddot{\gamma}$. η διὰ $\ddot{\epsilon}$ ώς $\dot{0}$ $\ddot{\gamma}$ πρὸς τὸν $\ddot{\beta}$. ἢ διὰ πασῶν ώς $\ddot{\beta}$ πρὸς $\ddot{\alpha}$. διὰ πασῶν καὶ διὰ $\ddot{\epsilon}$ ώς $\ddot{\gamma}$ πρὸς $\ddot{\alpha}$. δὶς δια πασῶν ώς $\ddot{\delta}$ πρὸς $\ddot{\alpha}$. τὴν δὲ διὰ πασῶν καὶ διὰ $\ddot{\delta}$ οὐκ ἔστιν εύρεῖν ἐν

φωνία και ή διὰ πέντε και ή διὰ πασῶν, και ὁ ἐπίτριτος λόγος και ἡμιόλιος και διπλάσιος και τριπλάσιος και τετραπλάσιος.

ταύτας δε τας συμφωνίας οί μεν από βαρῶν ήξίουν λαμβάνειν, οί δε ἀπὸ μεγεθῶν, οί δε ἀπὸ κινήσεων 5 [καὶ ἀριθμῶν], οἱ δὲ ἀπὸ ἀγγείων [καὶ μεγεθῶν]. Λάσος δε δ Έρμιονεύς, ως φασι, και οι περί τον Μεταποντίνον "Ιππασον Πυθαγορικόν ἄνδρα συνέπεσθαι τῶν κινήσεων τὰ τάχη καὶ τὰς βραδυτῆτας, δι' ὧν αί συμφωνίαι έν άριθμοϊς ήγούμενος λόγους τοιούτους έλάμβανεν έπ' άγγείων. Ισων γαρ οντων καλ όμοίων πάντων τῶν άγγείων τὸ μὲν κενὸν ἐάσας, τὸ δὲ ῆμισυ ὑγροῦ (πληρώσας> εψόφει έκατέρφ, καλ αὐτῷ ἡ διὰ πασῶν ἀπεδίδοτο συμφωνία. Θάτερον δε πάλιν των άγγείων κενον 15 έῶν εἰς θάτερον τῶν τεσσάρων μερῶν τὸ ξυ ἐνέχεε, καὶ προύσαντι αὐτῷ ἡ διὰ τεσσάρων συμφωνία ἀπεδίδοτο, ή δὲ διὰ πέντε, ζότε> εν μέρος τῶν τριῶν συνεπλήρου, ούσης της κενώσεως πρός την έτέραν έν μέν τη διά πασῶν ὡς β΄ πρὸς ἕν, ἐν δὲ τῷ διὰ πέντε ὡς γ΄ πρὸς 20 β΄, ἐν δὲ τῷ διὰ τεσσάρων ὡς δ΄ πρὸς γ΄. οἶς ὁμοίως καὶ κατὰ τὰς διαλήψεις τῶν χορδῶν θεωρεῖται, ὡς προείρηται, άλλ' ούκ έπὶ μιᾶς χορδῆς, ώς έπὶ τοῦ κανόνος, άλλ' έπὶ δυείν δύο γὰρ ποιήσας όμοτόνους ὅτε μέν την μίαν αὐτῶν διαλάβοι μέσην πιέσας, τὸ ημισυ 25

τἢ τετραπτύι ἔστι γὰς ὡς ἢ πςὸς $\overline{\gamma}$ mg. A 5 μηκῶν Bull. 7 λάσος A. cf. Schneidewin de Laso p. 16 οἱ πεςὶ τὸν A²] οἱ τῶν A^1 μετὰ ποντίνον A, em. apogr. 8 Ἦπασον: cf. Zeller I p. 457 11 γὰς post ἐλάμβανεν A^2 14 ἐν ante ἑκατέςφ add. A^2 19 κινήσεως A 23 πςοείςηται: p. 57, 11 24 δυεῖν] om. A^1 , δύο A^2

πρὸς τὴν ἐτέραν συμφωνίαν τὴν διὰ πασῶν ἐποίει·

ότε δὲ τὸ τρίτον μέρος ἀπολαμβάνοι, τὰ λοιπὰ μέρη πρὸς τὴν ἐτέραν τὴν διὰ πέντε συμφωνίαν ἐποίει·

ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῆς διὰ τεσσάρων· καὶ γὰρ ἐπὶ ταύτης

μιᾶς τῶν χορδῶν ἀπολαβῶν τὸ τέταρτον μέρος τὰ λοιπὰ μέρη πρὸς τὴν ἐτέραν συνῆπτεν. ὁ δὴ καὶ ἐπὶ τῆς σύριγγος ἐποίει κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον. οἱ δ' ἀπὸ τῶν βαρῶν τὰς συμφωνίας ἐλάμβανον, ἀπὸ δυεῖν χορδῶν ἐξαρτῶντες βάρη κατὰ τοὺς εἰρημένους λόγους, οἱ δ'

τὰς συμφωνίας ἐν ταῖς χορδαῖς ἀποφαινόμενοι.

φθόγγου δὲ εἶναι φωνῆς πτῶσιν ἐπὶ μίαν τάσιν. ὅμοιον γάρ φασιν αὐτὸν αὐτῷ δεῖν εἶναι τὸν φθόγγον καὶ εἶλάχιστον κατὰ διαφοράν, οὐκ ἐκ διαφόρων τάσεων οἶον βαρύτητος καὶ ὀξύτητος. τῶν δὲ φωνῶν αὶ μὲν ὀξεῖαι, αὶ δὲ βαρεῖαι, διὸ καὶ τῶν φθόγγων, ⟨ὧν⟩ ὁ μὲν ὀξὺς ταχύς ἐστιν, ὁ δὲ βαρὸς βραδύς. εἰ γοῦν εἰς δύο ἰσοπαχεῖς καὶ ἰσοκοίλους ⟨αὐλοὺς⟩ τετρημένους εἰς σύριγγος τρόπον, ὧν τοῦ ἐτέρου διπλάσιόν ἐστι τὸ μῆκος τοῦ ἐτέρου, ἐμφυσήσαι τις, ἀνακλᾶται τὸ πνεῦμα τὸ ἐκ τοῦ ἡμίσεος μήκους διπλασίφ τάχει χρώμενον, καὶ ⟨γίνεται⟩ συμφωνία ἡ διὰ πασῶν βαρέος μὲν φθόγγου τοῦ διὰ τοῦ μείζονος, ὀξέος δὲ τοῦ διὰ τοῦ

⁴ τῆς] τοῦ A 9 οἱ δ' ἀπὸ τῶν μηκῶν — ἀποφαινόμενοι fort. del. 10 post χορδῶν excidisse videntur verba διάφορα μέρη ἀπολαβόντες vel similia ἐπήεσαν A, em. Bull. cf. p. 59, 25 11 \ddot{u} post τὰς erasum A τοῖς χορδοίς A^1 13 inser. τί ἐστι φθόγγος A φθόγγον κτλ.: Aristox. p. 20, 22. cf. Marquard p. 225 18 εἶγουν A, εἶγοὖν A^2 19 ⟨αὐλοὺς⟩: cf. p. 61, 2 sqq. 20 ὧν A^2] \ddot{o} ν A^1 21 ἔμφυσῆσαι τίς A^1 , ἔμφυσήσαί τις A^2 22 ῆμισυ A^1 24 ὄντος addendum vid.

έλάττονος. αίτιον δὲ τάχος τε καὶ βραδυτής τῆς φορᾶς. και κατά τὰ ἀποστήματα δὲ τῶν ἐν τοῖς αὐλοῖς τρημάτων τὰς συμφωνίας ἀπεδίδοσαν καὶ ἐπὶ ἐνός. διχῖ, μεν γαρ διηρημένου και τοῦ αὐλοῦ ὅλου ἐμφυσηθέντος έκ τοῦ κατὰ τὸ ῆμισυ τρήματος τὸ διὰ κασῶν σύμφωνον 5 άποτελείται. τριχή δε διαιρεθέντος και των μεν δυείν μερών οντων πρός τη γλωσσίδι, κάτω δε του ενός, καλ τοῦ ὅλου συμφυσηθέντος τοῖς δυσί, τὴν διὰ πέντε γενέσθαι συμφωνίαν. τεσσάρων δε διαιρέσεων γενομένων, τριῶν μὲν ἄνω, κάτω δὲ μιᾶς, καὶ τῷ ὅλῷ συμ- 10 φυσηθέντων των τριών γίνεται ή δια τεσσάρων. οί δε περί Εύδοξον και Αργύταν τον λόγον των συμφωνιών έν αριθμοίς φοντο είναι, όμολογούντες και αύτοι έν κινήσεσιν είναι τοὺς λόγους καὶ τὴν μὲν ταχείαν κίνησιν όξεταν είναι ατε πλήττουσαν συνεχές και ώκύτερον 15 κευτούσαν τὸν ἀέρα, τὴν δὲ βραδεΐαν βαρεΐαν ᾶτε νωθεστέραν οὖσαν.

ταυτί μεν περίτης εύρέσεως των συμφωνιών έπανέλθωμεν δε έπι τὰ ὑπὸ τοῦ ᾿Αδράστου παραδεδομένα.
φησι γὰρ ὅτι τούτοις τοῖς εἰς τὴν ἀνεύρεσιν τῶν συμ- 20
φωνιῶν ὀργάνοις κατὰ μεν τοὺς λόγους προπαρασκευασθείσιν ἡ αἴσθησις ἐπιμαρτυρεῖ, τῆ δε αἰσθήσει προσληφθείση ὁ λόγος ἐφαρμόζει. πῶς δε και οι τὸ λεγόμενον ἡμιτόνιον περιέχοντες φθόγγοι πρὸς ἀλλήλους
εἰσιν ἐν λόγω τῷ τῶν συς΄ πρὸς σμγ΄, μικρὸν ὕστερον 25

έσται φανερόν. δηλον δε ότι και αι συνθέσεις και αί διαιρέσεις τῶν συμφωνιῶν ὁμόλογοι καὶ συνφδοὶ θεωρούνται ταζς τῶν κατὰ ταύτας λόγων συνθέσεσί τε καλ διαιρέσεσιν ας πρόσθεν έμηνύσαμεν. οίον έπει το δια 5 πασῶν ἔκ τε τοῦ διὰ πέντε καὶ διὰ τεσσάρων συντίθεται καί είς ταῦτα διαιρείται, λόγος δὲ τοῦ μὲν διὰ πασῶν διπλάσιος, τοῦ δὲ διὰ τεσσάρων ἐπίτριτος, τοῦ δὲ διὰ πέντε ἡμιόλιος, φαίνεται [ὅτι] καὶ ὁ διπλάσιος λόγος συντίθεσθαί τε έκ τοῦ ἐπιτρίτου τε καὶ ἡμιολίου 10 και είς τούτους διαιρείσθαι των μέν γάρ ς τὰ η ἐπίτριτα, τῶν δὲ η΄ τὰ ιβ΄ ἡμιόλια καὶ γίνεται τὰ ιβ΄ τῶν ς διπλάσια ς η ιβ'. πάλιν δὲ ὁ τῶν ιβ' πρὸς τὸν ς' λόγος διπλάσιος διαιρείται είς τε τὸν ἐπίτριτον λόγον τῶν ιβ΄ πρὸς τὰ θ΄ καὶ εἰς τὸν ἡμιόλιον τῶν θ΄ πρὸς 15 τὰ ς΄. ἐπεὶ δὲ καὶ τὸ διὰ πέντε τοῦ διὰ τεσσάρων ύπερέχει τόνφ, τὸ μὲν γὰρ διὰ πέντε τριῶν τόνων έστὶ καλ ήμιτονίου, ο δε τόνος εν επογδόφ λόγφ, φαίνεται καλ τὸ ἡμιόλιον τοῦ ἐπιτρίτου ὑπερέχειν [ἐν] ἐπογδόφ. άπὸ γὰρ ἡμιολίου λόγου οἶον τοῦ τῶν θ΄ πρὸς τὰ ϛ΄ 20 ἀφαιρεθέντος τοῦ ⟨έπιτρίτου⟩ λόγου τῶν η΄ πρὸς τὰ ϛ΄ λείπεται λόγος ἐπόγδοος ὁ τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄ καὶ πάλιν τούτω τῷ λόγω προστεθέντος ἐπιτρίτου λόγου τοῦ τῶν

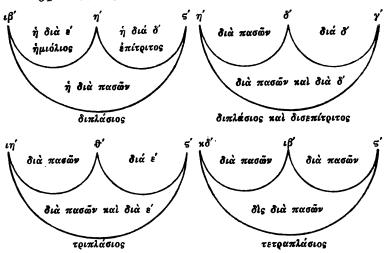
¹ περί τῶν ἐν λόγοις συμφονιῶν συνθέσεων τε καὶ διαιρέσεων mg. Α 3 συνθέσεσί τε καὶ διαιρέσεσιν corr. ex σύνθεσις τε καὶ διαίρεσις Α 4 ἐπεὶ A^2] ἐπὶ A^1 14 τῶν — τῶν] τὸν — τὸν Α 16 τὸ μὲν — ἡμιτονίου del. vid., nisi exciderunt verba τὸ δὲ διὰ τεσσάρων δυεῖν τόνων καὶ ἡμιτονίου

¹⁸ ἡμιόλιον Bull.] ἡμιτόνιον \mathbf{A} ἐὰν μειωθείη ὁ τῶν $\mathbf{\bar{\theta}}$ πρὸς τὰ $\mathbf{\bar{s}}$ ἱόγος τῷ λόγος τῶν $\mathbf{\bar{\eta}}$ πρὸς τὰ $\mathbf{\bar{s}}$ ἔστι δὲ τὸ τρίτον τῶν $\mathbf{\bar{s}}$, τουτέστι τὰ $\mathbf{\bar{\beta}}$ · μειοῦται οὖν αὐξομένου τοῦ ἐλάττονος δρου τῆ δυάδι, καὶ γενήσεται λόγος ἐπόγδοος τῶν $\mathbf{\bar{\theta}}$ πρὸς τὰ $\mathbf{\bar{\eta}}$ mg. \mathbf{A} 22 τοῦτω] οῦτω $\mathbf{\bar{A}}$

ιβ΄ προς τὰ θ΄ συμπληροῦται λόγος ἡμιόλιος τῶν ιβ΄ πρός τὰ η΄. καὶ μὴν ἐπεὶ τὸ μὲν διὰ πασῶν ἐν διπλασίφ λόγω, τὸ δὲ διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτω, τὸ ἐξ ἀμφοῖν έν λόγφ τῶν η΄ πρὸς τὰ γ΄ τῶν μὲν γὰρ γ΄ ἐπίτριτα τὰ δ΄, τούτων δὲ διπλάσια τὰ η΄. τὸ δὲ διὰ πασῶν καὶ 5 διὰ πέντε έν λόγφ τριπλασίονι ό γὰρ ἡμιόλιος καὶ διπλάσιος συντιθέμενοι τοῦτον ποιοῦσιν ήμιόλιος μέν γὰο ὁ τῶν θ΄ ποὸς τὰ ς΄, διπλάσιος δὲ ὁ τῶν ιη΄ ποὸς τὰ θ΄ καὶ γίνεται τριπλάσιος ὁ λόγος τῶν ιη΄ πρὸς τὰ ς΄. όμοίως δὲ τὸ δὶς διὰ πασῶν ἐν λόγῳ τετραπλασίῷ 10 ούτος γαρ σύγκειται έκ δύο διπλασίων των μεν γαρ ς΄ διπλάσια τὰ ιβ΄, τούτων δὲ τὰ κδ΄, ταῦτα δὲ [τὰ] τετραπλάσια τῶν ς΄. ἢ μᾶλλον, ὡς κατ' ἀρχὰς ἐδείξαμεν, έπισυντεθείς ὁ τριπλάσιος έπιτρίτφ ποιεῖ τετραπλάσιον: ἔστι δὲ τοῦ μὲν διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε τριπλάσιος ὁ 15 λόγος, τοῦ δὲ διὰ τεσσάρων ἐπίτριτος ἐξ ἀμφοῖν δὲ τούτοιν τὸ δίς έστι διὰ πασών εἰκότως οὖν τοῦτο έν λόγφ φαίνεται τετραπλασίφ. τῶν μὲν γὰρ ς΄ τριπλάσια τὰ ιη΄, τούτων δὲ ἐπίτριτα τὰ κδ΄, ἄτινά ἐστι τετραπλάσια τῶν ς΄. καὶ πάλιν τῶν μὲν ς΄ ἐπίτριτα τὰ η΄, 20 τούτων δὲ τριπλάσια τὰ κδ΄, ᾶ ἐστι τετραπλάσια τῶν ς΄. και τὰ ἐκ τούτων δὲ συντιθέμενα ἐν τούτοις εύρεθήσεται τοις λόγοις, έφ' δσον αν προαγάγωμεν τὰ συστήματα.

ό δὲ Πλάτων καὶ γένος διάτονον καὶ συστήματος 25 μέγεθος ἐπὶ τὸ τετράκις διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε καὶ

¹ ο έστι τὰ γ̄, οἶς ὑπερέχει ὁ ιβ τοῦ δ· εἰ προστεθείη (προστεθεή A¹) τοῖς δ̄, γίνεται ιβ̄, ὅπερ ἐστὶν ἡμιόλιος mg. A 11 οὐτος corr. ex οὕτως A 25 Πλάτων: Tim. p. 35 sq. cf. Procl. in Tim. p. 192 A 26 ἐπὶ] εἶναι Α τετράπι Α, em. apogr.



τόνον προαγήοχεν. εί δὲ λέγοι τις, φησὶν ὁ "Αδραστος, ώς οὐ δέον ἐπὶ τοσοῦτον ἐπτεῖναι, 'Αριστόξενος μὲν γὰρ ἐπὶ τὸ δὶς διὰ πασῶν καὶ διὰ τεσσάρων τὸ τοῦ καθ' αὐτὸν πολυτρόπου διαγράμματος πεποίηται μέγεθος, οἱ δὲ νεώτεροι τὸ πεντεκαιδεκάχορδον τρόπον μέγιστον ἐπὶ τὰ τρὶς διὰ πασῶν καὶ τόνον διεστηκός, φητέον, φησίν, ὡς ἐκεῖνοι μὲν πρὸς τὴν ἡμετέραν χρῆσιν ὁρῶντες οῦτως ἐποίουν, ἡγούμενοι μὴ πλεῖόν τι τούτων δύνασθαι μήτε τοὺς ἀγωνιζομένους φθέγγεσθαι μήτε

primam fig. levibus differentiis bis repet. A² vel recentior manus 1 cf. Marquard p. 223. 253. Boeckh kl. Schr. III p. 158 sqq. de metris Pind. p. 213 2 ἐπτείνας ut vid. A¹ χορδον 4 πεποίηται: η corr. ex ει Α 5 τὸ ἔ καὶ τ τροπον μέγιστον Α 6 ἐπὶ τὸ δὶς διὰ πασῶν διεστηκός Bull. sed cf. Procl. p. 192 B 8 ἐποίουν: ουν ex corr. A

τούς ακούοντας εύγνώστως κρίνειν, Πλάτων δε πρός την φύσιν δρών, ἐπειδη την ψυχην ἀνάγκη συνισταμένην καθ' άρμονίαν μέχρι των στερεών προάγειν αριθιών και δυσί συναρμόζεσθαι μεσότησιν, όπως δια παντός έλθουσα του τελείου στερεού ποσμικού σώμα- 5 τος πάντων ἀντιληπτική γενήσεται τῶν ὄντων, καὶ τὴν άρμονίαν αὐτῆς, μέχρι τούτου προαγήοχε, τρόπον τινὰ και κατά την αύτης φύσιν έπ' απειρον δυναμένην προϊέναι.

φησὶ δ' ὅτι καὶ τοὺς μείζονας ἀριθμοὺς τοῖς βαρυτέ- 10 οοις φθόγγοις οίκειον αποδιδόναι, καν έπ' ένίων δόξη τάσεων διαφωνείν, οίον έπι της τάσεως της γινομένης διὰ τῆς ἐξαρτήσεως τῶν βαρῶν. δύο γὰρ ἴσων τό τε μῆχος χαὶ πάχος χορδῶν καὶ τάλλα ὁμοίων τὸ πλείον βάρος διὰ τὴν πλείω τάσιν τὸν ὀξύτερον ποιήσει 15 φθόγγον. ἐπεὶ γὰο τὸ πλεῖον βάρος πλείω τάσιν ποιεί, πλείονα την έξωθεν προσδίδωσι δύναμιν τῷ κατ' αὐτὸν όξυτέρω φθόγγω, έλάττονα διὰ τοῦτ' ἔχοντι τὴν ίδίαν ίσχὺν τοῦ ἐξαρτήματος. δηλον ώς ἀντεστραμμένως ὁ βαρύτερος, την οίκείαν αύτοῦ δύναμιν πλείω κεκτημένος 20 τοῦ ἐξαρτήματος, ἐπαρκεῖ πρὸς τὸ σώζειν τὴν οἰκείαν άρμονίαν τε καὶ συμφωνίαν. ὧστε τὸν μείζω ἀριθμὸν τη πλείονι νεμητέον δυνάμει. όμολογεί δε τούτοις καλ τὰ ἄλλα. πάλιν γὰρ τὰ μήκη καὶ τὰ πάγη δυσκινησίαν

⁴ cf. Tim. p. 32 B. Westphal p. 66 5 $\pi \alpha \nu \tau \delta \varsigma$] $\pi \acute{\alpha} \nu \tau \omega \nu$ A: cf. Tim. p. 34 B. 36 D 7 $\pi \varrho \circ \alpha \nu \varepsilon \acute{\varrho} \circ \chi \varepsilon$ A: cf. Tim. p. 34 B. 36 D 7 $\pi \varrho \circ \alpha \nu \varepsilon \acute{\varrho} \circ \chi \varepsilon$ A 13 $\langle \acute{e}n i \rangle$ δύο? 14 $\pi \acute{l} \varepsilon \iota \iota \omega$ A 16 $\pi \iota \varepsilon \iota \iota \omega$ A 2] $\pi \iota \iota \varepsilon \iota \omega$ A 17 $\pi \varrho \circ \sigma \acute{\varrho} \acute{\varrho} \circ \omega \iota \varepsilon$ corr. ex $\pi \varrho \circ \delta \acute{\varrho} \circ \omega \varepsilon$ A $\pi \alpha \tau \acute{\varepsilon} \iota \dot{\omega} \circ \nu$ del. vid. (fort. ad $\acute{\varrho} \acute{\varrho} \circ \omega \circ \omega$ adscriptum fuit) 18 δè post $\acute{\varepsilon} \iota \acute{\varrho} \circ \iota \omega \circ \omega$ del. $\acute{\varrho} \circ \iota \omega \circ \omega \circ \omega$ A 19 $\langle \iota \iota \omega \rangle \circ \iota \omega \circ \omega \circ \omega$ δηλου? αντεστραμμένος Α1

προσάπτοντα ταις χορδαις ἀσθένειαν παρασκευάζει, ὡς μὴ ραδίως κινεισθαι μηδε θᾶττον πλήττειν τε και είδοποιειν πλείονα ὅντα τὸν πέριξ ἀέρα. ὅῆλον οὖν [ὅτι] ὡς οι βαρύτεροι φθόγγοι τὴν αὐτῶν οἰκείαν δύναμιν κατὰ τὸν πλείω κέκτηνται ἀριθμόν. ὅμοια δὲ ἔστιν εὑρείν και ἐπὶ τῶν ἐμπνευστῶν ὀργάνων. και γὰρ τῶν ἐν τούτοις φθόγγων οι βαρύτεροι, διὰ τὸ μῆκος καὶ τὴν εὐρύτητα τῶν τρημάτων πλέον είδοποιοῦντες τὸν ἀέρα ἢ νὴ Δία τὴν ἄνεσιν τοῦ πνεύματος ὡς ἐπὶ σάλπιγγος 10 ἢ τῆς ἀρτηρίας, ἀτονώτεροι καὶ ἀσθενέστεροι γινόμενοι τὴν αὐτῶν οἰκείαν δύναμιν ἔχουσι φύσει πλείονα.

κυριωτάτη δὲ πασῶν, φησίν, ἡ διὰ τεσσάρων συμφωνία ἐκ γὰρ ταύτης καὶ αί λοιπαὶ εὐρίσκονται. ἡ δὲ διὰ πέντε τόνڜ τοῦ διὰ τεσσάρων διενήνοχεν. ἀμέλει τὸ διὰ τόνον οὕτως ὁρίζονται τὸ ἀπὸ τοῦ διὰ πέντε ἐπὶ τὸ διὰ τεσσάρων διάστημα. εὐρίσκεται δὲ ἐκ τοῦ διὰ τεσσάρων καὶ διὰ πέντε τὸ διὰ πασῶν σύγκειται γὰρ ἐκ τοῦ διὰ τεσσάρων καὶ διὰ πέντε.

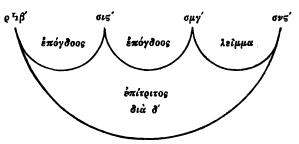
οί δε παλαιοί πρώτον διάστημα τῆς φωνῆς ελαβον τον τόνον, ήμιτόνιον δε καί δίεσιν οὐχ ήγοῦντο. ὁ δε τόνος εὐρίσκετο ἐν ἐπογδόφ λόγφ εν τε δίσκων κατασκευαῖς καὶ ἀγγείων καὶ χορδών καὶ αὐλών καὶ ἐξαρτήσεων καὶ ἄλλων πλειόνων τὰ γὰρ ή πρὸς τὰ δ΄ ἐποίει τονιαίου ἀκούειν διαστήματος. διὰ τοῦτο δὲ

¹ ἀσθένιαν A^1 3 cf. δήλον ώς p. 65, 19 5 κέκτηνται Bull.] κέκτηται A 6 τῶν ἐν A^3] τὸν ἐν A^1 7 φθόνγον A^1 8 τρημάτων corr. ex τρημμάτων A 9 ἢ νὴ δία apogr.] ἢν ἢ διὰ A^1 , ἢ νὴ διὰ A^3 , cf. ad p. 78, 16 10 ἀτονώτερος καὶ ἀσθενέστερος γινόμενος τὴν αὐτοῦ δύναμιν οἰκείαν (cf. p. 65, 20. 66, 4) ἔχει κτλ. A 14 γὰρ post τόνω eras. A inscr. τί ἐστι τόνος A ἀμελὲς A^1

πρώτου διάστημα δ τόνος, δτι μέχρι τούτου καταβαίνουσα ή φωνή τοῦ διαστήματος ἀπλανῆ τὴν ἀκοὴν φυλάσσει. τὸ δὲ μετὰ τοῦτο οὐκέτι οῖα τε ἡ ἀκοὴ πρὸς άκοιβειαν λαβείν τὸ διάστημα. άμέλει περί τοῦ έφεξῆς διαστήματος καλουμένου ήμιτονίου διαφέρονται, των 5 μέν τέλειον ήμιτόνιον αύτὸ λεγόντων, τῶν δὲ λεζμμα. συμπληρούται δε το διά τεσσάρων, ο έστιν επίτριτον, τῷ τόνῳ, τουτέστι τῷ ἐπογδόῳ διαστήματι, οὖτω. συμφωνείται γὰρ παρὰ πᾶσι τὸ διὰ τεσσάρων μείζον μὲν είναι διτόνου, έλαττον δε τριτόνου, άλλ' Αριστόξενος 10 μέν φησιν έκ δύο ήμίσους τόνων αύτὸ συγκεζοθαι τελείων, Πλάτων δε έκ δύο τόνων και τοῦ καλουμένου λείμματος. τὸ δὲ λεϊμμα τοῦτό φησιν ἀχατονόμαστον είναι, έν λόγφ δε είναι άριθμοῦ πρός άριθμον ον έχει τὰ συς΄ πρὸς σμγ΄. τὸ δὲ διάστημα τοῦτό ἐστι, καὶ ἡ 15 ύπεροχὴ ιγ΄. εύρεθήσεται δὲ οῦτως. τὰ μὲν ς΄ οὐκ ἂν είη πρώτος όρος, έπειδη ούκ έχει όγδοον, ίνα ύπ' αὐτοῦ γένηται επόγδοος. οὐδε μην ί η' και γαο ει έχει επόγδοον τὸν θ΄, πάλιν ὁ θ΄ οὐκ ἔχει ἐπόγδοον. δεῖ δὲ έπογδόου έπόγδοον λαβεΐν, έπειδη το δια τεσσάρων 20 έπίτριτου μεζόν έστι διτόνου. λαμβάνομεν οὖν τὸν πυθμένα τὸν ἐπόγδοον τὸν η΄ καὶ δ΄, καὶ τὰ η΄ ἐφ'

⁵ διάφοροι δόξαι περὶ τῆς διὰ $\bar{\delta}$ πόσων ἐστὶ τόνων mg. A 8 cf. Aristox. Harm. p. 82, 32 10 Άριστόξενος: p. 34, 2 11 καὶ post δύο add. A^2 , ἐκ δύο καὶ δύο ἡμίσεων τόνων perverse cj. Bull. 12 Πλάτων] τοῦτον A: cf. p. 68, 11. Plat. Tim. p. 36 B. Plut. de an. procr. p. 1017 F. 1022 E. Macrob. in Somn. Scip. II 1, 23. Procl. p. 195 D 13 τί ἐστι λεῖμμα mg. A 16 πῶς εὐρίσκεται τὸ λείμμα mg. A 18 οῦτως γὰρ ἐν τῆ διὰ $\bar{\delta}$ ἔχει. ὁ γὰρ δεὐτερος φθόγγος ἐπόγδος ἐστι τοῦ $\bar{\alpha}$ καὶ ὁ τρίτος πάλιν τοῦ $\bar{\beta}$ ἐπόγδοος mg. A 22 τὸν η΄] ὁ $\bar{\eta}$ A^1 . an scr. ⟨ὅς ἐστιν⟩ ὁ η΄ καὶ δ΄? ὁ ante τὰ del. $\bar{\Lambda}$

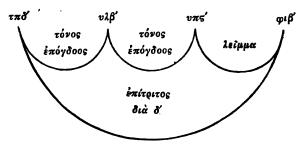
έαυτά, εύρισκομεν ξδ΄, είτα τὰ η΄ ἐπὶ τὰ δ΄, καὶ γίνεται οβ΄, είτα τὰ δ΄ ἐφ΄ ἑαυτά, καὶ γίνεται πα΄ η΄ δ΄ ξδ΄ οβ΄ πα΄ είτα πάλιν τούτων ἔκαστον ληφθήτω τρίς, καὶ ἔσται τὰ μὲν ξδ΄ τρὶς ρ τρ΄, τὰ δὲ οβ΄ τρὶς σις΄, τὰ δὲ ΄ τπά τρὶς σμγ΄ η΄ δ΄ ξδ΄ οβ΄ πα΄ ρ τβ΄ σις΄ σμγ΄ είτα προστίθεμεν τοῖς σμγ΄ ἀπὸ τῶν ρ τβ΄ ἐπίτριτον τὸν σνς΄ ὅστε είναι τὴν ἔκθεσιν τοιαύτην ἐπίγδοος πυθμὴν δ΄ η΄, δεύτεροι ἐπόγδοοι ξδ΄ οβ΄ πα΄, τρίτοι ἐπόγδοοι ἀλλήλων δύο ρ τβ΄ σις΄ σμγ΄, κείσθω καὶ ὁ τοῦ το ρ τβ΄ ἐπίτριτος ὁ σνς΄, ἔσται τοῦτο τὸ ἐπίτριτον συμπεπληρωμένου ὑπὸ δύο τόνων καὶ τοῦ εἰρημένου λείμματος. ἔνιοι δὲ πρῶτον ὅρον λαμβάνουσι τὸν τπδ΄.



ΐνα γὰρ δύο λάβωσιν ἐπογδόους, τὸν πρῶτον ὅρον τὸν ς΄ ὀκταπλασιάσαντες ποιοῦσι μη΄, καὶ ταῦτα πάλιν

6 τουτέστι μετὰ τὸν $\overline{σμγ}$ ἄλλον δὲ προστίθεμεν τὸν $\overline{σν}$ ς ὅς ἐστι τοῦ $\overline{\varrho}$ Τρ ἐπίτριτος mg. A 8 δύο ἐφεξῆς ἐπογδόων ὅντων τοῦ $\overline{\varrho}$ $\overline{\delta}$ \overline{o} $\overline{\rho}$ \overline{m} $\overline{\alpha}$, ἐπεὶ μὴ ἔχει ἐπίτριτον ὁ $\overline{\varrho}$ $\overline{\delta}$ $\overline{\delta}$ $\overline{\delta}$ \overline{e} $\overline{\delta}$ εἶκότως τούτοις (8cr. τούτους) μὲν ὑπερέβημεν, τοῖς (8cr. τούς) δὲ ἑξῆς παφειλήφαμεν τὸν $\overline{\varrho}$ $\overline{\iota}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\iota}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\iota}$ $\overline{\iota$

όκτάκις τπό, οὖ ἐπίτριτος ὁ φιβ΄, μεταξὺ δὲ τούτων δύο ἐπόγδοα, τοῦ μὲν τπό υλβ΄, τούτου δὲ υπς΄, ἀφ' ὧν ἐπὶ τὰ φιβ΄ ὁ λειμματιαίος γίνεται λόγος. τινὲς δέ



φασι μὴ ὀρθῶς εἰλῆφθαι τούτους τοὺς ἀριθμούς τὴν γαρ ὑπεροχὴν τοῦ τετάρτου ὅρου πρὸς τὸν τρίτον μὴ 5 γίνεσθαι ιγ΄, ὅσα Πλάτων εἰρηκε δεῖν ἔχειν τὸ λεῖμμα. οὐδὲν δὲ κωλύει καὶ ἐφ΄ ἐτέρων ἀριθμῶν τὸν αὐτὸν εὑρίσκειν λόγον ὡς ἔχει τὰ συς΄ πρὸς τὰ σμγ΄. οὐ γὰρ ἀριθμὸν ὡρισμένον ἔλαβεν ὁ Πλάτων, ἀλλὰ λόγον ἀριθμοῦ. ὅν δὲ ἔχει λόγον τὰ συς΄ πρὸς σμγ΄, τοῦτον καὶ τὰ φιβ΄ 10 πρὸς τὰ υπς΄ τὰ γὰρ φιβ΄ τῶν συς΄ διπλάσια καὶ τὰ υπς΄ τῶν σμγ΄. ὅτι δὲ τοῦτο τὸ διάστημα τὸ τῶν συς΄ πρὸς σμγ΄, τουτέστι τὰ ἰγ΄, ἔλαττόν ἐστιν ἡμιτονίου, δῆλον. τοῦ γὰρ τόνου ἐπογδόου ὅντος τὸ ἡμιτόνιον δὶς ἐπόγδοον ἔσται, τουτέστιν ἐφεκκαιδέκατον. τὰ δὲ 15 ιγ΄ τῶν σμγ΄ ἐστιν ἐν λόγφ πλείονι ὀκτωκαιδεκάτου, ὅ ἐστι μέρος ἔλαττον ἐκκαιδεκάτου. οὐδὲ γὰρ οἷόν τε τὸ ἐπόγδοον διαίρεσιν ἐπιδέξασθαι, εἰ καὶ οἱ μὴ λόγφ

¹ ov] ov A^1 , where A^2 16 out on post the love del. et η supra vs. add., tum exontonaldenata, π corr. ex φ , supra no ras. A, out on all enata Bull.

άλλὰ τῆ ἀχοῆ ταῦτα χοίνοντες νομίζουσιν. ἀμέλει τοῦ ἐπογδόου πυθμένος τὸ διάστημα τουτέστι τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄ ἡ μονὰς οὐ τέμνεται. τὸ δὲ λεγόμενον λεῖμμα εἴ τις ἐρωτώη τίνος ἐστὶ λεῖμμα, δεῖ εἰδέναι ὅτι ἐστὶ τοῦ διὰ τεσσάρων λείπει πρὸς τὸ γενέσθαι δύο ῆμισυ τόνων τελείων.

εύρέθη δὲ ὁ τόνος οῦτως. ἐπειδὴ τὸ διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτω λόγω ἐφάνη ὄν, τὸ δὲ διὰ πέντε ἐν ἡμιο-λίω, ἐλήφθη ἀριθμὸς ὁ πρῶτος ἔχων ῆμισυ καὶ τρίτον το ἔστι δὲ οὖτος ὁ ϛ΄. τούτου ἐπίτριτος μέν ἐστιν ὁ η΄, ἡμιόλιος δὲ ὁ δ΄. ϛ΄ η΄ δ΄. τὸ δὴ διάστημα τὸ ἀπὸ τοῦ ἡμιολίου ἐπὶ τὸ ἐπίτριτον εὐρέθη ἐν λόγω μὲν ἐπογδόω τὰ γὰρ δ΄ τῶν η΄ ἐπόγδοα ἡ δὲ τάσις ἐλέχθη τόνος. ὅτι δὲ ὁ τόνος δίχα οὐ διαιρεῖται δῆλον οῦτω. πρῶτον το δὲ ὁ τόνος δίχα οὐ διαιρεῖται δῆλον οῦτω. πρῶτον ται τὸ ἐπόγδοος πυθμὴν τὸ διάστημα ἔχει μονάδα, ῆτις ἀδιαίρετος. εἶτα ἐν μὲν ἀριθμῷ οὐκ ἀεὶ εἰς ἴσα τέμνεται τὸ ἐπόγδοον διάστημα. καὶ γὰρ ἐπὶ τῶν σις΄ πρὸς σμγ΄ ἡ ὑπεροχὴ κζ οὐ τέμνεται εἰς ἴσα, ἀλλὰ εἰς ιγ΄ καὶ εἰς ιδ΄ μονὰς γὰρ οὐ διαιρεῖται. ἐπεὶ δὲ ὁ

¹ τοῦ ἐπογδόου πυθμένος τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄ τὸ διάστημα τουτέστιν ἡ μονὰς? 3 inscr. τί ἐστι λεὶμμα Α 4 ἐρωτώη corr. ex ἐρωτῶ ἡ Α 6 δύο καὶ ῆμισυ Bull. cf. Strab. VIII p. 379 τριῶν ῆμισυ σταδίων. Didymus apud Prisc. de fig. num. 17 τοὺς τέσσαρας ῆμισυ πήχεις. Plut. Gat. min. 44 δεκαθύο ῆμισυ μυριάδας 7 πῶς ηὑςέθη (κυρεθῆ Α¹) ὁ τόνος ἐπογδόω λόγω mg. Α 10 οὐτος corr. ex οὕτως Α 14 inscr. ὅτι ὁ τόνος ὁ ἰχα οὐ τέμνεται Α οῦτω eras. Α 15 ὅτι post μὲν $Λ^2$ 16 καλῶς δὲ οὐκ ἀζεί > ποτὲ γὰρ (γὰρ $Λ^2$, μὲν $Λ^1$) τέμνεζται > ὁ γοῦν οβ τοῦ ξδ ἐπόγδοος καὶ ἡ ⟨ὑ⟩περοχή ἐστιν ἡ ῆζτις > διαιρεῖται δίχ⟨α > ἀλλὰ καὶ ὁ πα ἐπόγδοος τοῦ οβ οῦ (corr. ex ὧ) ἡ ὑπεροχὴ δοῦ διαιρεῖται εἰς ἴσα mg. A (quae hic et ad p. 71, 14 uncis inclusi, folio circumciso absumpta sunt)

τόνος ὁ μέν τις νοήσει λαμβάνεται, ὁ δὲ ἐν ἀριθμοῖς, ό δε εν διαστήμασιν, ό δε δι' ακοῆς εν φωναῖς, οὕτε <ό> ἐν ἀριθμοῖς εἰς ἴσα ἀεὶ τέμνεται, ὡς δέδεικται, ούτε ό έν αισθητοῖς καὶ όρατοῖς διαστήμασιν. έπὶ γὰο τοῦ κανόνος αίσθητὸς ὢν ὁ ὑποβολεὺς πάντως 5 έξει τι πλάτος καὶ οἰκ έσται οῦτως ἀπλατής, ὡς μὴ πάντως τι έπιλαβεῖν έν τῆ διαιρέσει τοῦ τόνου καλ τοῦ πέρατος τοῦ πρώτου μέρους καὶ τῆς πρώτης ἀρχῆς τοῦ δευτέρου, καὶ διὰ τοῦτο ἀπαναλωθήσεται τι τοῦ τόνου. Ετι εν ταις διαιρέσεσι τρία έστί, δύο μεν τὰ 10 διαιρούμενα, τρίτον δε τὸ έξαιρούμενον. τῶν δε διαιφουμένων ἀπ' αὐτῆς τῆς διαιρέσεως ὡς ἐπὶ πρίονος ἐν τῆ τομῆ ἀναλοῦταί τι τὸ έξαιρούμενον ὑπ' αὐτῆς τῆς τομης. ώς οὖν ἐπ' ἐνίων αἰσθητῶν ἐξαιρεῖταί τι, ούτω και έπι πάντων καν έκφεύνη την αϊσθησιν πάν- 15 τως ἀναλωθήσεται τι έν τῆ τομῆ. δόρυ γοῦν ἢ κάλαμον ἢ ἄλλο ότιοῦν αἰσθητὸν μῆκος ἂν ποὶν ἢ διελεῖν μετρήσης, ἔπειτα διέλης είς πολλὰ μέρη, εύρήσεις τὸ τῶν διαιρουμένων πάντων κοινὸν μέτρον ἔλαττον ὂν τοῦ όλου ποιν ἢ διηρῆσθαι. ἔτι χορδὴν ἂν διέλης, είτα 20 διακόψης, ή έκτασις μετά την διακοπην άνέδραμε, καν πάλιν τὰ διακοπέντα τείνης, ἀνάγκη ἀφηρῆσθαί τι τοῦ

³ ὁ add. A^2 10 ἐν corr. ut vid. ex ἔτι A 11 τῶν δὲ] τῶν γὰρ? 14 τοῦτο ἐναντζίον τῷ τὴν δοθεῖσαν ⟨εὐ⟩θεῖαν δίχα τέμν
νεσθαι). εἰ γὰρ καταν αλίσκεται τι π⟨άντως⟩ παντός διαιρουμένου, οὐ δίχα τέμνε
⟨ται⟩, άλλ' οὐδὲ τὸ δοθὲν μέρος ἀποτέμ⟨εται⟩. καὶ ἐκ τῆς ἐνεργείας δ⟨ῆλον⟩ τὸ ψεῦδος. εἰ γὰρ δ⟨ὶ ὰρρῆξω τρίχα δηλ⟨αδή⟩, μηθενὸς ἐκ πρη ...(?) γενομένου, οὐδὲν αὐ⟨τῆς⟩ παρανάλωται. καὶ ἐκὶ τῶν παραπλ⟨η⟩σίων ταὐτό mg. A ἐπενίων, ν corr. ex μ A 16 τι corr. ex τῆ A 18 διέλεις corr. ex διελεῖς A 19 διηρημένων? ὄν corr. ex ῶν A 21 ἡ corr. ex ἢ A 22 τι corr. ex τῆ A

μεγέθους είς τὰς έξάψεις τῶν έκατέρωθεν ἁφῶν τοῦ τεινομένου. και δια τουτο ούκ έσται τέλεια δύο ήμιτόνια. οὐ μὴν οὐδ' ἐπὶ τῶν φωνῶν εύρισκεται εἰς ἴσα ή τομή τοῦ τόνου. μελφδήσας γὰο τόνον καὶ τόνον s μελφδώ πάλιν τοῦ ένὸς τόνου τὰ δύο ἡμιτόνια ἐν τρισὶ φθόγγοις, δυσί δε διαστήμασιν αναβαίνων τῆ τάσει. ό δη τρίτος φθόγγος τοῦ δευτέρου όξύτερος έσται, καὶ διέστηκεν ἀπὸ μὲν τοῦ πρῶτου τόνον, ἀπὸ δὲ τοῦ δευτέρου δοκετ μεν ήμιτόνιον, ού μην δμοιον ήμιτόνιον 10 οὐδὲ οἷον ὁ δεύτερος ἀπὸ τοῦ πρώτου οὐ γὰρ δύναται ομοιον είναι τὸ βαρύτερον τῷ ὀξυτέρφ. οὐδε γὰρ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ φθόγγου αν δὶς μελφδησαι θέλωμεν διακόψαντες την φωνήν, τον αὐτον ήχον ἀποδώσομεν, ἀλλ' άνάγκη γενέσθαι τινά διαφοράν, ήτις λήσει την άκοήν. 15 οὐδὲ γὰο κευτῆσαι ταὐτὸν καὶ ὅμοιον δὶς οἶόν τε, οὐδὲ πληξαι την αυτην χορδην δίς δμοίως, άλλὰ η λαγαρώτερον ἢ σφοδρότερον, οὐδὲ βάψαι δὶς είς τὸ αὐτὸ ὑγρὸν όμοιως, ούδε βάψαντα τὸ αὐτὸ ἀνενεγκεῖν διὰ δακτύλου η μέλανος η μέλιτος η πίττης. ὁ δὲ νοήσει ληπτὸς 20 τόνος δύναται νοείσθαι καλ είς ίσα διαιφούμενος.

περί δὲ τῆς ἐν ἀριθμοῖς ἁρμονίας λεπτέον έξῆς, ὅτι [δ] ὅρος ἐστὶν ὁ τὸ καθ΄ ἔκαστον ἀποφαίνων ἰδίωμα τῶν λεγομένων, οἶον ἀριθμός, μέγεθος, δύναμις, ὄγκος, βάρος. λόγος δὲ κατὰ μὲν τοὺς περιπατητικοὺς λέγεται 25 πολλαχῶς, ὅ τε μετὰ φωνῆς προφορικὸς ὑπὸ τῶν νεω-

¹ ἀφῶν: ἀφ corr. ex ἀφκ.. A 5 μελωδῷ A 8 διέστηκεν: η corr. ex ι A · 9 ὅμοιον] τέλειον? 15 οἶόν τε corr. ex
οἴονται A 18 βάψαντα: β corr. ex ψ A 19 ληπτὸς Bull.]
λεπτὸς A 20 cf. descr. post finem libri 21 inscr. τί ἐστιν
ὅψος A 22 ὁ om. apogr. 24 inscr. ποσαχῶς λέγεται
λόγος A 25 cf. Plut. cum princ. philos. diss. p. 777 C

τέρων λεγόμενος καὶ ὁ ἐνδιάθετος καὶ ὁ ἐν διανοία κείμενος ἄνευ φθόγγου καὶ φωνῆς καὶ ὁ τῆς ἀναλογίας, καθ' ὅν λέγεται ἔχειν λόγον τόδε πρὸς τόδε, καὶ ἡ τῶν τοῦ λόγου στοιχείων ἀπόδοσις καὶ ὁ τῶν τιμώντων καὶ τιμωμένων, καθ' ὅν φαμεν λόγον τινὸς ἔχειν ἢ μὴ ἔχειν, 5 καὶ ὁ τραπεζιτικὸς λόγος καὶ ὁ ἐν τῷ βιβλίω Δημοσθενικὸς ἢ Λυσιακὸς καὶ ὁ ὅρος ὁ τὸ τί ἦν είναι καὶ τὴν οὐσίαν σημαίνων, ὁριστικὸς ὧν, καὶ ὁ συλλογισμὸς δὲ καὶ ἡ ἐπαγωγὴ καὶ ὁ Λιβυκὸς καὶ ὁ μῦθος καὶ ὁ αίνος λόγος λέγεται καὶ ἡ παροιμία, ἔτι δὲ καὶ ὁ τοῦ είδους 10 καὶ ὁ σπερματικὸς καὶ ἄλλοι πλείονες. κατὰ δὲ Πλάτωνα τετραχῶς λέγεται λόγος, ἢ τε διάνοια ἄνευ φθόγγου καὶ τὸ μετὰ φωνῆς φεῦμα ἀπὸ διανοίας καὶ ἡ τῶν τοῦ ὅλου στοιχείων ἀπόδοσις καὶ ὁ τῆς ἀναλογίας. νῦν δὲ πρόκειται περὶ τοῦ τῆς ἀναλογίας λόγου ζητεῖν.

λόγος δέ έστιν ὁ κατ' ἀνάλογον δυοΐν ὅρων ὁμογενῶν ἡ πρὸς ἀλλήλους [αὐτῶν] ποιὰ σχέσις, οἶον διπλάσιος, τριπλάσιος. τὰ μὲν γὰρ ἀνομογενῆ πῶς ἔχει πρὸς ἄλληλά φησιν "Αδραστος εἰδέναι ἀδύνατον' οἶον πῆχυς πρὸς μνᾶν ἢ χοίνιξ πρὸς κοτύλην ἢ τὸ λευκὸν πρὸς τὸ 20 γλυκὸ ἢ θερμόν ἀσύγκριτα καὶ ἀσύμβλητα' τὰ δὲ ὁμο-

1 [δ] έν διανοία? 2 αλογίας Α 6 τραπεζητικός Α

7 λυσικός Α 8 σημαίνων: αι corr. ex ε, Α δριστικός

Plat. Soph. p. 263 E. Theaet. p. 206 D 14 o] η A
16 inscr. τί ἐστι λόγος ἀναλογίας Α ἀναλογίαν Ast
ad Nicom. arithm. p. 304 17 cf. p. 81, 8. 18 20 χοῖνιξ Bull. cf. Herod. dichr. p. 285. Lebeck paralip. gramm. Gr.
p. 411 κοτύλην: cf. tamen Hultsch griech. u. röm. Metrol.
p. 83 21 ante καί rasura trium fere litt., γὰο add. apogr.

γενῆ δυνατόν, οἶον μήκη ποὸς μήκη (καὶ) ἐπίπεδα ποὸς ἐπίπεδα καὶ στερεὰ ποὸς στερεὰ καὶ βάρη ποὸς βάρη καὶ ὑγρὰ ποὸς ὑγρὰ καὶ χυτὰ ποὸς χυτὰ καὶ ξηρὰ πρὸς ξηρὰ καὶ ἀριθμοὺς πρὸς ἀριθμοὺς καὶ χρόνον πρὸς χρόνον 5 καὶ κίνησιν πρὸς κίνησιν καὶ φωνὴν πρὸς φωνὴν καὶ χυμὸν ποὸς χυμὸν καὶ χρῶμα πρὸς χρῶμα καὶ ὅσα τοῦ αὐτοῦ γένους ἢ εἰδους ὅντα πως ἔχει πρὸς ἄλληλα. ὅρους δὲ λέγομεν τὰ ὁμογενῆ ἢ ὁμοειδῆ λαμβανόμενα εἰς σύγκρισιν, οἶον ὅταν σκεπτώμεθα τίνα λόγον ἔχει ταλαντον πρὸς μνᾶν, ὁμογενεῖς ὅρους φαμὲν τὸ τάλαντον καὶ τὴν μνᾶν, ὅτι ἀμφοῖν γένος τὸ βαρύ. καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων ὁ αὐτὸς λόγος. ἀναλογία δέ ἐστι λόγων ἡ πρὸς ἀλλήλους ποιὰ σχέσις, οἶον ὡς β΄ πρὸς ἕν, οῦτως η΄ πρὸς δ΄.

15 τῶν δὲ λόγων οἱ μέν εἰσι μείζονες, οἱ δὲ ἐλάττονες, οἱ δ' ἴσοι. ὁ μὲν οὖν ἴσος εἶς καὶ ὁ αὐτὸς λόγος καὶ προηγεῖται πάντων τῶν λόγων καὶ ἔστι στοιχειώδης. ἴσοι δέ εἰσιν οἱ κατὰ τὴν αὐτὴν ποσότητα ἐξεταζόμενοι πρὸς ἀλλήλους, οἷον εν πρὸς εν καὶ β΄ πρὸς β΄ καὶ ί' 20 πρὸς ί καὶ ρ΄ πρὸς ρ΄. τῶν δὲ μειζόνων οἱ μὲν πολλαπλάσιοι, οἱ δὲ ἐπιμόριοι, οἱ δὲ οὐδέτεροι. ὁμοίως δὲ καὶ τῶν ἐλαττόνων οἱ μὲν ὑποπολλαπλάσιοι, οἱ δὲ ὑπεπιμόριοι, οἱ δ' οὐδέτεροι. τούτων δὲ οἱ μὲν ἐν συμφωνία εἰσίν, οἱ δ' οὔ. αἱ μὲν οὖν συμφωνίαι τῶν

4 καὶ χρόνον: ον corr. ex ον A 7 π $\tilde{\omega}_S$ A 8 inscr. τί έστιν δρος A, $\iota \bar{t}$ in mg., praeterea quaedam in mg. er. δμοειδή corr. ex δμοιοειδή A 12 inscr. $\pi ε \varrho l$ άναλογίας A, $\iota \bar{\eta}$ in mg. 15 inscr. $\pi ε \varrho l$ ἰσότητος A, $\iota \bar{\theta}$ in mg. έλλάττονες A, em. apogr. 18 πυσότητα] ἰσότητα A 22 ὑπεπιμόριοι corr. ex ὑποέπιμόριοι A 24 αξ συμφ. neglegenter dictum (cf. p. 75, 11): nisi scr. έν μèν οὖν συμφωνία

πολλαπλασίων ο τε διπλάσιος και ό τριπλάσιος και ό τετραπλάσιος, έν δε έπιμορίοις ημιόλιος έπίτριτος, έν ούδετέρω δε ο τε επόνδοος και ο των συς προς σμή. καλ οί τούτοις ύπεναντίοι ο τε ύποδιπλάσιος καλ ο ύποτριπλάσιος και δ ύποτετραπλάσιος και δ ύφημιόλιος και 5 ό ύπεπίτριτος και ό ύπεπόγδοος και ό τῶν σμγ΄ πρὸς συς. και δ μεν διπλάσιος εν τη δια πασών εύρίσκεται συμφωνία, ως έπάνω ἀποδέδεικται, ὁ δὲ τρίπλασιος έν τῆ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε, ὁ δὲ τετραπλάσιος ἐν τῆ δὶς διὰ πασῶν, ὁ δ' ἡμιόλιος ἐν τῷ διὰ πέντε, ὁ δ' 10 έπίτριτος έν τῆ διὰ τεσσάρων, ὁ δ' ἐπόγδοος τόνος ἐστίν, ό δὲ τῶν συς πρὸς σμγ' ἐν λείμματι. ὁμοίως δὲ καὶ οί τούτων ύπεναντίοι. ἐν οὐδετέρφ δέ εἰσι λόγφ ο τε έπόγδοος καὶ ὁ τῶν συς΄ πρὸς σμή, ὅτι οὕτε ἐν συμφωνίαις είσιν οὔτε έξω συμφωνίας ὁ γὰρ τόνος και τὸ 15 λεζμμα άρχαι μέν είσι συμφωνίας και συμπληρωτικαί συμφωνίας, οὖπω δὲ συμφωνίαι. λέγονται δέ τινες έν άριθμητική λόγοι άριθμών οὐ μόνον πολλαπλάσιοι καλ έπιμόριοι, άλλὰ καὶ έπιμερεῖς καὶ πολλαπλασιεπιμερεῖς και έτι πλείους, περί ών έφεξης σαφέστερου παραδώσο- 20 μεν. συνέστηκε δε το μεν διά τεσσάρων έκ δυείν τόνων και λείμματος, τὸ δὲ διὰ πέντε ἐκ τριῶν τόνων και λείμματος, τὸ δὲ διὰ πασῶν ἐκ τοῦ διὰ πέντε καὶ διὰ τεσσάρων. έχ δε τούτων είσιν αι προηγούμεναι τῶν άναλονιῶν. 25

3 οὐδετέροις apogr. 6 ὑποεπίτριτος \mathbf{A} ὑπὸγδοος \mathbf{A}^1 7 ἐκ πόσων τόνων ἢ τε διὰ δ και αί λοιπαι συνεστήκασιν mg. \mathbf{A} 8 ἐπάνω: p. 56, 12. 62, 6 11 τόνος: immo ἐν τόνω 13 ἐν οὐδέτερω κτλ. — 25: haec plane supervacanea sunt, quaedam etiam inepta 15 sqq. cf. p. 49, 4 18 πολαπλάσιοι \mathbf{A} , em. apogr. 20 ἔτι] ἐπὶ \mathbf{A} ἐφεξῆς:

p. 78, 6 sqq. 21 συνέστηκε corr. ex συνέστικε A

πάλιν δὲ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν παράδοσιν λέγονται (λόγοι) τῶν ἀριθμῶν, ὡς καὶ ὁ Ἦροαστος παραδίδωσιν, οι μὲν πολλαπλάσιοι, οι δὲ ἐπιμόριοι, οι δ'
ἐπιμερεῖς, οι δὲ πολλαπλασιεπιμόριοι, οι δὲ πολλαπλαστιμερεῖς, οι δ' οὐδέτεροι, τῶν δὲ ἐλαττόνων οι μὲν
ὑποπολλαπλάσιοι, οι δ' ὑπεπιμόριοι, καὶ οι λοιποὶ ἀντιστρέφοντες τοῖς μείζοσι.

πολλαπλάσιος μὲν οὖν ἐστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων ὅρος πλεονάκις ἔχη τὸν ἐλάττονα, τουτέστιν ὅταν ὁ 10 μείζων ὅρος καταμετρῆται ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος ἀπαρτιζόντως, ὡς μηδὲν ἔτι λείπεσθαι ἀπ' αὐτοῦ, καὶ κατ' εἶδος τοσαυταπλασίων [ἔκαστος πολλαπλάσιος δ'] ὁ μείζων ὅρος λέγεται τοῦ ἐλάττονος, ὁσάκις ἄν καταμετρῆται ὑπ' αὐτοῦ οἶον ᾶν μὲν δίς, διπλάσιος, ᾶν δὲ τρίς, τριπλάσιος, ὰν δὲ τετράκις, τετραπλάσιος, καὶ κατὰ τὸ ἑξῆς οῦτως. ἀνάπαλιν δὲ ὁ ἐλάττων τοῦ μείζονος μέρος ὁμώνυμον τῷ λόγῳ, κατὰ μὲν τὸν διπλάσιον ῆμισυ, κατὰ δὲ τὸν τριπλάσιον τριτημόριον, καὶ λόγος ὁ μὲν ῆμισυς, ὁ δὲ τριτημόριος καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων 20 ὁμοίως.

έπιμόριος δέ έστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων ὅρος ἄπαξ ἔχη τὸν ἐλάττονα καὶ μόριον ἕν τι τοῦ ἐλάττονος, τουτ-

3 sqq. οδδ' ἐπιμερεῖς, οἱ δὲ πολλαπλάσιεπιμερεῖς (corr. ex πολλαπλάσιοι ἐπιμερεῖς), οἱ δὲ πολλαπλάσιεπιμόριοι (corr. ex πολλαπλάσιοι ἐπιμόριοι), significato literis $\bar{\beta}$ et $\bar{\alpha}$ vero ordine, $\bar{\Delta}$ 5 οὐδέτεροι hoc loco inepte dictum, cf. p. 80, 8

⁶ ὑπομόφιοι A, em. apogr. 8 inscr. τι ἐστιν ὁ πολλα-πλάσιος λόγος A, $\overline{\varkappa}$ in mg. 9 ἔχη corr. ex ἔχει A 10 ἀπαφτιζόντως corr. ex ἀπαφτίζοντος A 11 πατ' εἶδος: cf. p. 80, 15 13 μείζον (ον in ras.) A, em. apogr. 17 ὁμώνυμον corr. ex ὁμόνυμον A 21 inscr. τι ἐστιν ἐπιμόφιος λόγος A, $\overline{\varkappa}$ α in mg. μείζον A, em. apogr. 22 ἔχη corr. ex ἔχει A

έστιν όταν ὁ μείζων τοῦ ἐλάττονος ταύτην ἔχη τὴν ύπεροχήν, ήτις τοῦ έλάττονος ἀριθμοῦ μέρος έστίν. ὡς ή τετράς της τριάδος ύπερέχει γαρ αὐτης μονάδι, ήτις έστι της τριάδος τὸ τρίτον και ή έξας της τετράδος ύπερέχει δυείν, ατινα των τεσσάρων ημισύ έστι. διὸ 5 και από της των μερών όνομασίας ξκαστος των έπιμορίων ίδίας έτυχε προσηγορίας. ὁ μὲν γὰρ τῷ ἡμίσει τοῦ ἐλάττονος μέρει ὑπερέχων ἡμιόλιος ἀνόμασται, ὡς ή τριὰς τῆς δυάδος καὶ ἡ έξὰς τῆς τετράδος. αὐτήν τε γὰο ὅλην ἔχει τὴν ἐλάττονα καὶ τὸ ῆμισυ αὐτῆς ἐν 10 μέν γὰρ τῆ τριάδι ἔνεστιν ἡ δυὰς καὶ τὸ ἤμισυ αὐτῆς ή μονάς, εν δε τη εξάδι ή τετράς και το ημισυ αὐτης ή δυάς. πάλιν οι τῷ τρίτῷ μέρει τοῦ ἐλάττονος ὑπερεχοντες επίτριτοι καλούνται, ώς ή τετράς της τριάδος, οί δε τῷ τετάρτφ ὑπερέχοντες ἐπιτέταρτοι, ὡς ὁ ε΄ τῶν 15 δ΄ και δ ι' τῶν η', και δμοίως προκόπτοντες ἐπίπεμπτοί τε και έφεκτοι και έφέβδομοι έκλήθησαν πάντες ούτοι έπιμόριοι όντες. διὸ καὶ οί ἀντικείμενοι τούτοις οί έλάττονες των μειζόνων ύπεπιμόριοι έκλήθησαν ώς γὰρ ἡ τριὰς ⟨τῆς⟩ δυάδος ἐλέγετο ἡμιόλιος, οὕτως καὶ 20 ή δυὰς τῆς τριάδος κατὰ τὸ ἀνάλογον ὑφημιόλιος λεχθήσεται, καὶ ὁμοίως ἡ τριὰς τῆς τετράδος ὑπεπίτριτος.

έστι δὲ τῶν πολλαπλασίων λόγων ποῶτος καὶ ἐλάχιστος ὁ διπλάσιος, μετὰ δὲ τοῦτον ὁ τοιπλάσιος, εἶτα ὁ τετραπλάσιος, καὶ οῦτως οἱ έξῆς ἐπ' ἄπειρον αἰεὶ 25

¹ μείζων corr. ex μείζον A 7 τῶ A^3] τὸ A^1 8 έφ' ante ἡμιόλιος A^1 . cf. Vetter additam, ad Steph. Thes. p. 13 13 οſ A^3] ἡ A^1 16 δέμα corr. ex δεκάς A 19 ὑπεπιμόςιοι corr. ex ὑποέπιμόςιοι A 20 τῆς add. in ed. Bull. 22 ὑποεπίτριτος A 23 ἐν post τῶν, et πολλαπλασίων mut. in πολλαπλασίων A

οί μείζονες. τῶν δ' ἐπιμορίων λόγων πρῶτος καὶ μέγιστος ὁ ἡμιόλιος, ὅτι δὴ καὶ τὸ ῆμισυ μέρος πρῶτον καὶ μέγιστον καὶ ἐγγυτάτω τῷ ὅλω, μετὰ δὲ τοῦτον ὁ ἐπίτριτος, καὶ ὁ ἐπιτέταρτος, καὶ οῦτω πάλιν ἐπ' ἄπει-5 ρον ἡ πρόοδος ἀεὶ ἐπ' ἐλάττονος.

έπιμερής δέ έστι λόγος, όταν ὁ μείζων όρος απαξ έχη τὸν ἐλάττονα καὶ ἔτι πλείω μέρη αὐτοῦ [τοῦ ἐλάττονος], είτε ταὐτὰ καὶ ὅμοια είτε ἕτερα καὶ διάφορα. ταὐτὰ μὲν οίον δύο τρίτα ἢ δύο πέμπτα καὶ εἴ τινα 10 άλλα οῦτως δ μεν γαρ τῶν ε΄ ἀριθμὸς τοῦ τῶν γ΄ δὶς έπίτριτος, ὁ δὲ τῶν ζ τοῦ τῶν ε΄ δὶς ἐπίπεμπτος, ὁ δὲ τῶν η' τοῦ τῶν ε' τρὶς ἐπίπεμπτος, καὶ οί έξῆς ὁμοίως: έτερα δε και διάφορα οξον όταν δ μείζων αὐτόν τε έχη τὸν ἐλάττονα καὶ ἔτι ημισυ αὐτοῦ καὶ τρίτον, οἶον ἔχει 15 λόγον ὁ τῶν ια πρὸς τὸν τῶν ς΄, ἢ πάλιν ῆμισυ καὶ τέταρτον, ος έστι λόγος τῶν ζ πρὸς δ΄, ἢ νὴ ⊿ία τρίτον και τέταρτον, δυ έχει λόγον τὰ ιθ΄ πρὸς τὰ ιβ΄. παραπλησίως δε θεωρείσθωσαν και οι λοιποι έπιμερείς δυσιν ύπερέχοντες μέρεσιν η τρισιν η πλείοσι, και όμοίοις 20 η άνομοίοις. ύπεπιμερής δέ έστιν [δ] άνάπαλιν δ έν τῷ προειρημένφ λόγφ ἐλάσσων πρὸς τὸν μείζονα έξεταζόμενος.

πολλαπλασιεπιμόριος δέ έστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων ὅρος δὶς ἢ πλεονάχις ἔχη τὸν ἐλάττονα καὶ ἔτι μέρος

1 of μείζονες] ἐπὶ μείζονος? cf. v. 5
4 $\overline{\varsigma \varsigma}$ (?) ante ὁ A, ἑξῆς apogr. 6 inscr. περὶ ἐπιμεροῦς λόγον A, $\overline{\iota β}$ in mg. μείζων: ω ex ο A
7 ἔχη ex ἔχει A
μέρει A, em. apogr. cf. vs. 24. p. 79, 17
13 δὲ primo om. tum add. A
ἔχη corr. ex ἔχει A
16 νη δία A²] ἡ διὰ A¹
20 ἀνομίοις Α¹ ὑπομερης Α¹
21 τὸ μείζον A
23 inscr. περὶ πολλαπλασιεπιμορίων A
μείζων corr. ex μείζον A
24 ἔχη corr. ex ἔχει A

αὐτοῦ, ὡς ὁ μὲν τῶν ζ΄ δὶς ἔχει τὸν γ΄ καὶ ἔτι τρίτον αὐτοῦ, καὶ λέγεται αὐτοῦ διπλασιεπίτριτος, ὁ δὲ τῶν δ΄ δὶς ἔχει ⟨τὸν⟩ τῶν δ΄ καὶ ἔτι τὸ τέταρτον αὐτοῦ, λέγεται δὲ διπλασιεπιτέταρτος, ὁ δὲ τῶν ι΄ τρὶς ἔχει τὸν τῶν γ΄ καὶ τὸ τρίτον αὐτοῦ, καὶ λέγεται τριπλασιεπίτριτος. 5 παραπλησίως δὲ θεωρείσθωσαν καὶ οἱ λοιποὶ πολλαπλασιεπιμόριοι. τοῦτο δὲ συμβαίνει, ὅταν δυεῖν προτεθέντων ἀριθμῶν ὁ ἐλάττων καταμετρῶν τὸν μείζονα μὴ ἰσχύση ὅλον καταμετρῆσαι, ἀλλ' ἀπολείπη μέρος τοῦ μείζονος, ὅ ἐστιν αὐτοῦ τοῦ ἐλάσσονος μέρος οἶον ὁ τοῦν κς΄ τοῦ τῶν η΄ πολλαπλασιεπιμόριος λέγεται, ἐπειδήπερ ⟨ὁ⟩ η΄ τρὶς καταμετρήσας τὸν κς΄ οὐχ ὅλον ἀπήρτισεν, ἀλλὰ μέχρι τῶν κδ΄ ἐλθῶν δύο ἐκ τῶν κς΄ ἀπέλιπεν, ὅ ἐστι τῶν η΄ τέταρτον.

πολλαπλασιεπιμερής (δέ) έστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων 15 ὅρος δὶς τη πλεονάκις ἔχη τὸν ἐλάττονα καὶ δύο ἢ πλείω τινὰ μέρη αὐτοῦ εἴτε ὅμοια εἴτε διάφορα οἶον ὁ μὲν τῶν η΄ δὶς ἔχει τὸν τῶν γ΄ καὶ δύο τρίτα αὐτοῦ, λέγεται δὲ διπλάσιος καὶ δὶς ἐπίτριτος, ὁ δὲ τῶν ια΄ τοῦ τῶν γ΄ τριπλάσιος καὶ δὶς ἐπίτριτος, ὁ δὲ τῶν ια΄ τοῦ τῶν ν΄ τριπλάσιος καὶ ἡμιόλιος καὶ ἐπιτέταρτος ἢ διπλάσιός τε καὶ ἡμιόλιος καὶ ἐπιτέταρτος ἢ διπλάσιός τε καὶ τρὶς ἐπιτέταρτος. καὶ τοὺς ἄλλους δὲ πολλαπλασιεπιμερεῖς πολλοὺς καὶ ποικίλους ὅντας προχειρίζεσθαι ῥάδιον. τοῦτο δὲ γίνεται, ὅταν ὁ ἐλάττων ἀρ θμὸς καταμετρήσας τὸν μείζονα μὴ ἰσχύση ἀπαρτί- 25 σαι, ἀλλ' ἀπολείπη ἀριθμόν τινα, ᾶ ἐστι μέρη αὐτοῦ,

^{3 (}τὸν) τῶν] τὸν apogr. 9 καταταμετοῆσαι A, em. apogr. 12 το πς A, em. in ed. Bull. 13 ἀπέλειπεν A, em. apogr. 15 inscr. πεοὶ πολλαπλασιεπιμεοῶν A 16 ἔχη apogr.] ἔχει Α 18 ἔχων Α 24 ἐλάττων: ων corr. ex ον Α 26 ᾶ] ο Α

ώς ὁ τῶν ιδ΄ τοῦ τῶν γ΄ ἡ γὰρ τριὰς καταμετρήσασα τὸν τῶν ιδ΄ οὐκ ἴσχυσεν ἀπαρτίσαι, ἀλλὰ προκόψασα τετράκις μέχρι τῶν ιβ΄ τὴν λοιπὴν ἀπὸ τῶν ιδ΄ ἀπέλιπε δυάδα, ῆτις ἐστὶ τῶν γ΄ δίμοιρον, ἃ δὴ λέγεται δύο 5 τρίτα. ἀντίκειται δὲ καὶ τῷ πολλαπλασιεπιμερεῖ ὁ ὑποπολλαπλασιεπιμερής.

ἀριθμοῦ δὲ πρὸς ἀριθμὸν λόγος ἐστίν, ὅταν ὁ μείξων πρὸς τὸν ἐλάττονα ἐν μηδενὶ ἡ τῶν προειρημένων λόγων, κάθὰ δειχθήσεται καὶ ὁ τὸ λεῖμμα περιέχων 10 [φθόγγος] λόγος ἀριθμοῦ πρὸς ἀριθμὸν ἔχων τοὺς ὅρους ἐν ἐλαχίστοις ὡς ὁ σνς΄ πρὸς σμγ΄. φανεροὶ δὲ καὶ οἱ τῶν ἐλαττόνων ὅρων πρὸς τοὺς μείζονας λόγοι ἀντεστραμμένως ὑπ' ἐκείνων προσαγορευόμενοι, καθὰ ἐδείχθη.

15 πάντων δὲ τῶν κατ' εἶδος εἰρημένων λόγων οἱ ἐν ἐλαχίστοις καὶ πρώτοις πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοῖς ὅντες καθ' ἕκαστον πρῶτοι λέγονται τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων καὶ πυθμένες τῶν ὁμοειδῶν. οἶον διπλασίων μὲν λόγων πρῶτος καὶ πυθμὴν ὁ τῶν β΄ πρὸς ἕν· μετὰ τὰ γὰρο τοῦτον ἐν μείζοσι καὶ συνθέτοις ἀριθμοῖς λόγοι εἰσὶ διπλάσιοι ὁ τῶν δ΄ πρὸς τὰ β΄ καὶ τῶν ς΄ πρὸς τὰ γ΄ καὶ ὁμοίως ἐπ' ἄπειρον. τριπλασίων δὲ λόγων πρῶτος καὶ πυθμὴν ὁ τῶν γ΄ πρὸς τὸ ἕν· οἱ δὲ αἰεὶ ἐν μείζοσι καὶ συνθέτοις ἀριθμοῖς ἐπ' ἄπειρον προάγουσιν. Σο ώσαύτως δὲ ἐπὶ τῶν ἄλλων πολλαπλασίων. ὁμοίως δὲ

³ ἀπέλειπε A, em. apogr. 7 inscr. τl ἐστι λόγος ἀριθμοῦ πρὸς ἀριθμόν (corr. ex ἀριθμῶν) A, π \overline{d} in mg. μείζων corr. ex μείζον A 8 $\overline{\eta}$] εἴη A 9 δειχθήσεται: p. 86, 15 13 ἀντεστραμμένως] ἀντεστραμμένοι (ἀπεστραμμένοι Α¹) ὡς A 14 ἐδείχθη: p. 74 sq. 15 inscr. περλ πυθμένων λόγων A 18 διπλάσιον A¹

καὶ ἐν τοῖς ἐπιμορίοις. ἡμιολίων μὲν λόγων πρῶτος καὶ πυθιμὴν ὁ τῶν γ΄ πρὸς τὰ β΄, ἐπιτρίτων δὲ ὁ τῶν δ΄ πρὸς γ΄, καὶ ἐπιτετάρτων ὁ τῶν ε΄ πρὸς δ΄ · οί δὲ ἐν μείζοσιν ὅροις καὶ συνθέτοις πάλιν ἄπειροι τὸ πλῆθος. τὸ δ' αὐτὸ θεωρεῖται καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων.

διαφέρει δὲ διάστημα καὶ λόγος, ἐπειδὴ διάστημα μέν ἐστι τὸ μεταξὺ τῶν ὁμογενῶν τε καὶ ἀνίσων ὅρων, λόγος δὲ ἀπλῶς ἡ τῶν ὁμογενῶν ὅρων πρὸς ἀλλήλους σχέσις. διὸ καὶ τῶν ἴσων ὅρων διάστημα μὲν οὐδέν ἐστι μεταξύ, λόγος δὲ πρὸς ἀλλήλους εἶς καὶ ὁ αὐτὸς 10 ὁ τῆς ἰσότητος τῶν δὲ ἀνίσων διάστημα μὲν εν καὶ τὸ αὐτὸ ἀφ' ἐκατέρου ⟨πρὸς⟩ ἐκάτερον, λόγος δὲ ετερος καὶ ἐναντίος ἐκατέρου πρὸς ἐκάτερον οἶον ἀπὸ τῶν β΄ πρὸς τὸ εν καὶ ἀπὸ τοῦ ἐνὸς πρὸς τὰ β΄ διάστημα εν καὶ τὸ αὐτό, λόγος δὲ ετερος, τῶν μὲν δύο πρὸς τὸ εν 15 διπλάσιος, τοῦ δὲ ενὸς πρὸς τὰ β΄ ῆμισυς.

Έρατοσθένης δε έν τῷ Πλατωνικῷ φησι, μὴ ταὐτὸν είναι διάστημα καὶ λόγον, ἐπειδὴ λόγος μέν ἐστι
δύο μεγεθῶν ἡ πρὸς ἄλληλα ποιὰ σχέσις γίνεται δ'
αὕτη καὶ ἐν διαφόροις (καὶ ἐν ἀδιαφόροις). οἰον ἐν νο
ῷ λόγῳ ἐστὶ τὸ αἰσθητὸν πρὸς τὸ νοητόν, ἐν τούτῳ
δόξα πρὸς ἐπιστήμην, καὶ διαφέρει καὶ τὸ νοητὸν τοῦ
ἐπιστητοῦ ῷ καὶ ἡ δόξα τοῦ αἰσθητοῦ. διάστημα δὲ

⁶ inscr. τίνι διαφέρει διάστημα καὶ λόγος Α.
12 ἀφ' apogr.] ἐφ' Α πρὸς add. apogr. 17 cf. Philol.

XXX p. 60 sqq. Bernhardy Eratosth. p. 168 19 μεγέθων Α¹
προσάλληλα Α 20 αὐτὴ Α: cf. Philol. XXX p. 72

Porph. ad Ptol. Harm. p. 268 ὅτι μὲν τοίνυν ὁ λόγος ἐν διαφόροις γίνεται ὅροις, ὁμογενέσι δὲ πάντως, καὶ ἐν ἀδιαφόροις, ὡς Εὐκλείδει δοκεί, δειχθήσεται ὁ ιάστημα δ' ⟨ὅτι⟩ ἐν τοὶς διαφέρουσι μόνον, φανερών 21 τὰ αίσθητὸν πρὸς τὸ νοητόν apogr.] τὸ νοητὸν πρὸς τὸ αίσθητόν Α

έν διαφέρουσι μόνον, ἢ κατὰ τὸ μέγεθος ἢ κατὰ ποιότητα ἢ κατὰ θέσιν ἢ ἄλλως ὁπωσοῦν. ὅῆλον δὲ καὶ ἐντεῦθεν, ὅτι λόγος διαστήματος ἔτερον τὸ γὰρ ῆμισυ πρὸς τὸ διπλάσιον ⟨καὶ τὸ διπλάσιον πρὸς τὸ ῆμισυ⟩ 5 λόγον μὲν οὐ τὸν αὐτὸν ἔχει, διάστημα δὲ τὸ αὐτό.

άναλογία δ' έστὶ πλειόνων λόγων δμοιότης η ταυτότης, τουτέστιν έν πλείοσιν δροις λόγων δμοιότης, δταν δυ έχει λόγου ό πρώτος πρός του δεύτερου, τοῦτου ό δεύτερος πρός του τρίτου η αλλος τις πρός αλλου. 10 λέγεται δε ή μεν συνεχής άναλογία, ή δε διηφημένη, συνεχής μέν ή έν έλαχίστοις τρισίν δροις, διηρημένη δε ή εν ελαχίστοις τέσσαρσιν. οίον μετά την εν ίσοις δροις άναλογίαν συνεχής έν έλαχίστοις δροις κατά μέν τὸ διαπλάσιον δ΄ β΄ α΄ ἔστι γὰρ ώς δ΄ πρὸς β΄, οῦτως 15 β΄ πρὸς εν. διηρημένη δὲ ς΄ γ΄ δ΄ β΄ Εστι γὰρ ώς ς΄ πρὸς τὰ γ΄, οὖτως δ΄ πρὸς τὰ β΄. τὸ δὲ αὐτὸ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων πολλαπλασίων. ἔστι δὲ τρόπον τινὰ καὶ ἡ συνεχής έν τέτταρσιν δροις, δίς λαμβανόμενου τοῦ μέσου. και έπι τῶν ἐπιμορίων δὲ ὁ αὐτὸς λόγος συν-20 εχής μεν αναλογία έν λόγφ ήμιολίφ θ΄ ς΄ δ΄, διηφημένη δὲ θ΄ ς΄ ιε΄ ι΄. ὁ δὲ αὐτὸς καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων λόγος.

ό δὲ Ἐρατοσθένης φησίν, ὅτι τῆς ἀναλογίας[φύσις] ἀρχὴ λόγος ἐστὶ καὶπρώτη

¹ ἐν corr. ex ἕν Α 6 inscr. περὶ ἀναλογίας καὶ ἰσότητος Α, κς in mg. δ' ἔστι corr. ex δὲ ἐστὶ Α 15 οὐ συνάπτονται γὰρ ἕνὶ μέσφ ὅρφ κοινῷ οὐ (scr. of) δύο λόγοι, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ δ $\bar{\beta}$ α δ $\bar{\beta}$ μέσος ὅρος ἐστὶ καὶ κοινός· ὡς γὰρ δ πρὸς $\bar{\beta}$ οῦτω $\bar{\beta}$ πρὸς $\bar{\alpha}$ mg. Α 18 οἶον ὡς $\bar{\delta}$ πρὸς $\bar{\beta}$, οῦτω $\bar{\beta}$ πρὸς $\bar{\alpha}$ ὁ γὰρ μέσος ὁ $\bar{\beta}$ δὶς εἶληπται, μετὰ τοῦ δ ὡς ὑποδιπλάσιος, μετὰ δὲ τοῦ $\bar{\alpha}$ ὡς διπλάσιος mg. Α 22 τρατοσθένης A^1 , 28 καὶ ante ἀρχὴ add. A^2 · in iis quae ex-

καὶ τῆς γενέσεως αἰτία πᾶσι τοῖς μὴ ἀτάκτως γινομένοις. ἀναλογία μεν γαρ πασα έκ λόγων, λόγου δε ἀρχή τὸ ἴσον. δῆλον δὲ οῦτως. ἐν ἐκάστω τῶν γενῶν ἴδιόν έστί τι στοιχείου [καὶ ἀρχή], είς δ τὰ ἄλλα ἀναλύεται, αὐτὸ δὲ εἰς μηδὲν ἐκείνων. ἀνάγκη δὴ τοῦτο ἀδιαίρε- 5 τον είναι και άτομον το γαο διαίρεσιν και τομήν έπιδεχόμενον συλλαβή λέγεται καλ ού στοιχείον. τὰ μέν οὖν τῆς οὐσίας στοιχεῖα κατὰ οὐσίαν ἀδιαίρετά ἐστι, τὰ δὲ τοῦ ποιοῦ κατὰ τὸ ποιόν, τὰ δὲ τοῦ ποσοῦ κατὰ τὸ ποσόν. ὅλως δ' ἔκαστον κατὰ τοῦτο ἄτομον καὶ ἔν, 10 καθὸ στοιχεῖόν έστι συνθέτου τινὸς ἢ μικτοῦ. τοῦ μὲν οὖν ποσοῦ στοιχείον ἡ μονάς, τοῦ δὲ πηλίκου στιγμή, λόνου δε και αναλογίας ισότης. ούτε γαο μονάδα έτι διελείν έστιν είς τὸ ποσόν, ούτε στιγμήν είς τὸ πηλίπου, ούτε ισότητα είς πλείους λόγους. γίνεται δε άριθ- 15 μὸς μὲν ἐκ μονάδος, γραμμή δὲ ἐκ στιγμῆς, λόγος δὲ καλ άναλογία έξ ισότητος, τρόπον δε ού τον αύτον εκαστον τούτων άλλὰ μονὰς μὲν πολλαπλασιαζομένη ὑφ' έαυτης οὐδεν γεννα ώς οι άλλοι ἀριθμοί, τὸ γὰρ ᾶπαξ εν εν κατά σύνθεσιν δε αύξεται μέγρις είς απειρον 20 στιγμή δε ούτε κατά πολλαπλασιασμόν ούτε κατά σύνθεσιν άλλα κατα συνέχειαν φυείσα τε καλ ένεχθείσα γραμμην αποτελεί, γραμμη δε έπιφανειαν, έπιφανεια δε σωμα. και μην ο των ζσων λόγος ούκ αύξεται συντιθέμενος πλειόνων γὰο ἴσων έξῆς τιθεμένων ὁ τῆς 25

ciderunt aequalitatis commemoratio fuisse videtur: cf. p. 107, 10 sqq. 111, 12 1 ἀρχή post πρώτη add. A², πρώτη τῆς γενέσεως αἰτία Bull. καὶ απίε πᾶσι add. A² 4 post καὶ una lit. er. A 11 μικτοῦ corr. ex μικτὸν Α τί ἐκάστου γένους στοιχεὲον καὶ ἀρχὴ καὶ πῶς ἐκ τούτων τοῖς ἐξ αὐτῶν ἡ γένεσις mg. A 20 ὁ ἐστιν ἕν ante κατὰ del. A

περιοχής λόγος έν Ισότητι διαμένει. διὸ καί συμβαίνει. την στιγμην μη είναι μέρος γραμμης μηδε την ισότητα λόγου, την μέντοι μονάδα άριθμοῦ μόνη γὰρ αῦτη συντιθεμένη λαμβάνει τινὰ αύξησιν. αίτιον δὲ τοῦ 5 λεχθέντος, ὅτι διαστήματος ἄμοιρος ἰσότης, καθάπερ καὶ ή στιγμή μεγέθους.

ξοικε δε δ Πλάτων μίαν οξεσθαι συνοχήν είναι μαθημάτων την έκ της άναλογίας. Εν τε γαο τω Έπινομίφ φησίν. απαν διάγραμμα άριθμοῦ τε σύστημα καί 10 άρμονίας σύστασιν απασαν της τε τῶν ἄστρων περιφορᾶς τὴν ἀναλογίαν οὖσαν μίαν ἁπάντων ἀναφανῆναι δεῖ τῷ κατὰ τρόπου μανθάνοντι φανήσεται δέ, αν α λέγομεν ὀρθώς τις ἐμβλέπων μανθάνη δεσμὸς γὰρ πεφυκώς απάντων είς αναφανήσεται.

διαφέρει δε άναλογίας μεσότης, έπειδη εί μέν τι 15 άναλογία, τοῦτο καὶ μεσότης, εἰ δέ τι μεσότης, οὐκ εὐθυς αναλογία. έγχωρει γάρ τι κατά τάξιν μέσον ον μή έχειν ἀναλόγως πρὸς τὰ ἄκρα ώς τὰ δύο μέσα έστὶ τῆ τάξει (τοῦ ένὸς καί) τῶν γ΄, και τοῦ ένὸς και (τῶν ι') 20 τὰ γ΄ καὶ τὰ δ΄ καὶ τὰ ε΄ ἀπὸ γὰρ τοῦ ένὸς οὐχ οἶόν

3 αὖτη corr. ex αὐτὴ ut vid. A 8 ἔν τε γὰς τῷ] ἐν τετάςτῷ Α, ἐν τῷ γὰς Bull., cf. p. 2, 15 9 Pseudo-Plat. Epin. p. 991 Ε ἄπαν praeter Theonem Nicom. introd. arithm. I 3, 5] πᾶν Plato, τα post ᾶπαν del. A 11 ἀναλογίαν etiam Nicomachi codices meliores et Iamblichus in Villois. anecd. Gr. II p. 193] ὁμολογίαν Plato et Nicom. codices deteriores

12 φανήσεται etiam Nicom. Iambl. Platonis codex Vaticanus Ω pr. m. (sec. Bekk.)] ἀναφανήσεται ceteri ut videtur codices Platonis α δ Plato 13 έμβλέπων etiam Iambl.] είς εν βλέπων Plato 14 ἀπάντων etiam Nicom.] πάντων Plato τούτων ante είς Plato, sed om. pr. Ω ἀναφανήσεται] διανοουμένοις add. Plato, om. etiam Nicom. 15 incr. δια φέςει δὲ ἀναλογία και μεσότης A. cf. Nesselmann p. 210 sq. 19 τῶν ι' add. in ed. Bull.

τε έλθειν έπὶ τὰ ι΄ μὴ πρότερον έλθόντα έπὶ τὰ β΄ καὶ τὰ γ΄ καὶ τὰ δ΄. ἀλλ' οὐδὲν τούτων ἀναλόγως ἔχει πρὸς τὰ ἄκρα. τὸ γὰρ ἔν οὐκ ἐν τούτω ἐστὶ τῷ λόγῳ πρὸς τὰ β΄, ἐν ῷ τὰ β΄ πρὸς τὰ γ΄· ὁμοίως καὶ ἐπὶ τῶν β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄. τὰ δὲ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὅντα καὶ μέσα 5 ἄν εἰη, οἰον ἕν β΄ δ΄ ἀναλογία τε γάρ ἐστιν ἡ τοῦ διπλασίου, καὶ τά β΄ μέσα τοῦ ἐνὸς καὶ τῶν δ΄.

τούτων δ' εκαστον εν ἀριθμοις καὶ ἄλλως οῦτως ὁρᾶται τῶν ς' διπλάσιος ὁ ιβ΄, τριπλάσιος δε ὁ ιη΄, τετραπλάσιος δε ὁ κδ΄, ἡμιόλιος δε ὁ δ΄, ἐπίτριτος δε ὁ η΄ τὰ δε δ' τῶν η΄ ἐπόγδοα τὰ δε ιβ΄ πρὸς μεν δ' ἐπίτριτα, πρὸς δε η΄ ἡμιόλια, πρὸς δε ς' διπλάσια τὰ 20 δε ιη΄ τῶν δ' διπλάσια τούτων δε τὰ κζ΄ ἡμιόλια. καὶ γίνεται μεν η΄ ἐν τῷ διὰ τεσσάρων πρὸς ς΄, τὰ δε δ' ἐν τῷ διὰ πασῶν, τὰ δε ιη΄ ἐν τῷ διὰ πασῶν, τὰ δε ιη΄ ἐν τῷ διὰ πασῶν, τὰ δε ιη΄ ε΄ τῷ δὶ κασῶν κοὶ διὰ πέντε τῶν μεν γὰρ ς΄ διπλάσια τὰ ιβ΄ ἐστιν ἐν τῷ διὰ πασῶν, τῶν δε ιβ΄ τὰ ιη΄ 25

⁴ nal ênl two β' nal γ' nal δ'] nal δ' nal ênl two β' nal γ' A 7 μ ésa apogr.] μ età A 8 inscr. π eq l à π aloy l wo A, \overline{n} 0 in mg. Squavillog A, em. apogr. 11 olov α' γ' e δ' γ e μ emetal λ 1 14 λ 2 nal λ 3 taut λ 4 nal λ 5 nal λ 6 nal λ 7 nal λ 8 nal λ 8 nal λ 8 nal λ 8 nal λ 9 nal λ 9

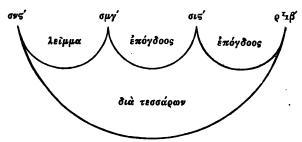
ήμιολιά έστιν έν τῷ διὰ πέντε, ς΄ ιβ΄ ιη΄ τὰ δὲ κδ΄ πρὸς ς΄ ἐν τῷ δὶς διὰ πασῶν. τὰ δὲ θ΄ τῶν η΄ ἐν τόνῳ. τὰ δὲ ιβ΄ τῶν θ΄ διὰ τεσσάρων. τὰ δὲ ιβ΄ τῶν η΄ ἐν τῷ διὰ πέντε. τὰ δὲ ιη΄ τῶν θ΄ διὰ πασῶν. τὰ δὲ κζ΄ τῶν 5 ιη΄ διὰ πέντε. συνέστηκε δὲ τὸ διὰ πασῶν ιβ΄ πρὸς ς΄ καὶ πάλιν ἡμιολίου θ΄ πρὸς ς΄ καὶ ἐπιτρίτου ιβ΄ πρὸς θ΄ καὶ τὰ ιη΄ πρὸς θ΄ ἐκ τοῦ ιη΄ πρὸς ιβ΄ ἡμιολίου καὶ ιβ΄ πρὸς θ΄ ἐπιτρίτου, καὶ τὰ κδ΄ πρὸς ιβ΄ διὰ πασῶν συν-10 ἐστηκεν ἐκ τοῦ κδ΄ πρὸς ιη΄ ἐπιτρίτου καὶ τοῦ ιη΄ πρὸς η΄ ἐπογδόου καὶ τοῦ η΄ πρὸς ς΄ ἐπιτρίτου, καὶ τὰ ιβ΄ πρὸς η΄ ἡμιολίου ἐκ τοῦ κ΄ πρὸς ς΄ ἐπιτρίτου, καὶ τὰ ιβ΄ πρὸς η΄ ἡμιολίου ἐκ τοῦ θ΄ πρὸς ς΄ ἐπιτρίτου καὶ τὸ ιβ΄ πρὸς η΄ ἡμιολίου ἐκ τοῦ κ΄ πρὸς θ΄ ἐπιτρίτου καὶ θ΄ πρὸς η΄ ἐπογδόου.

15 τὸ δὲ λετμμα γίνεται ἐν λίγφ ον ἔχει τὰ συς΄ ποὸς σμγ΄. εὐρίσκεται δ' οῦτω δυετν ἐπογδόων ληφθέντων καὶ τούτων τρὶς πολλαπλασιασθέντων καὶ τῷ δὶς ἐπογδόφ προστεθέντος ἐπιτρίτου. οἰον εἰς μὲν ἐπόγδοος λόγος ὁ τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄. ἐκ δὲ τούτων γίνονται δύο ἐπόγδοοι οῦτω τὰ θ΄ ἐφ' ἐαυτὰ γίνεται πα΄, εἰτα τὰ θ΄ ἐπὶ τὰ η΄ γίνεται οβ΄, ἔπειτα τὰ η΄ ἐφ' ἑαυτὰ γίνεται ξδ', καὶ ἔστι τὰ μὲν πα΄ τῶν οβ΄ ἐπόγδοα, τὰ δὲ οβ΄ τῶν ξδ' ἐπόγδοα. ἂν δὴ τρὶς ταῦτα λάβωμεν, τὰ μὲν πα΄ γίνεται σις΄, τὰ δὲ ξδ΄

⁵ συνέστικε A^1 7 (ἐκ τοῦ) ἡμιολίου? 8 τὰ ιη΄ πρὸς δ΄ (διὰ πασῶν)? 9 διὰ πασῶν συνέστηκεν] διπλασίου ἡμίσεος καὶ A, διπλασίου ῆμισυ καὶ Bull. 13 ἡμιόλιον] διὰ πέντε?

¹⁵ insor. $\pi \epsilon \varrho l$ $l \epsilon / \mu \mu \alpha \tau \circ \varsigma$ $\tilde{\sigma}$ $\tilde{\epsilon} \sigma \tau \iota \nu$ $\tilde{\epsilon} \nu$ $l \circ \gamma \varphi$ $\tau \tilde{\omega} \nu$ $\overline{\sigma \nu \varsigma}$ $\pi \varrho \circ \varsigma$ $\overline{\sigma \mu \gamma}$ A, \overline{l} in mg. cf. p. 67 sq. $\tau \circ \tilde{\epsilon} l \iota \mu \mu \alpha$ A^1 16 o $\tilde{\nu} \tau \omega$ fort. del. 19 $\gamma / \nu \omega \nu \tau \alpha \iota$ A, em. apogr. 21 $\tilde{\epsilon} \pi \epsilon \iota \tau \alpha$: ι suprae ι del. A 24 $\tau \alpha \circ \delta \delta \circ \rho \circ \langle \tau \varrho \vert \varsigma \rangle$?

τρὶς γίνεται ρ $^{\rm L}$ β΄. τούτων ἐπίτριτα τὰ συς΄, ᾶτινα πρὸς σμγ΄ ἔχει τὸν τοῖ λείμματος λόγον, \tilde{c}_S ἐστι πλείων ἢ ἐποκτωκαιδέκατος.



ή δὲ τοῦ κανόνος κατατομὴ γίνεται δια τῆς ἐν τῆ δεκάδι τετρακτύος, ἣ σύγκειται ἐκ μονάδος δυάδος 5 τριάδος τετράδος, α΄ β΄ γ΄ δ΄ ἔχει γὰρ ἐπίτριτον, ἡμιό-λιον, διπλάσιον, τριπλάσιον, τετραπλάσιον λόγον. διαι-ρεῖ δὲ αὐτὸν ὁ Θράσυλλος οῦτως.

δίχα μὲν διελοῦσι τὸ μέγεθος μέσην ποιεῖ τὸ διὰ πασῶν ἐν τῷ διπλασίῳ λόγῳ, ἀντιπεπονθότως ἐν ταῖς 10 κινήσεσι διπλασίαν ἔχουσαν τάσιν ἐπὶ τὸ ὀξύ. τὸ δὲ ἀντιπεπονθότως ἐστὶ τοιοῦτον ὅσον ἂν τοῦ μεγέθους ἀφέλης τῆς ὅλης ἐν τῷ κανόνι χορδῆς, τοσοῦτον τῷ τόνῳ προστίθεται, καὶ ὅσον ἂν τῷ μεγέθει τῆς χορδῆς προσθῆς, τοσοῦτον τοῦ τόνου ὑφαιρεῖται. τὸ μὲν γὰρ 15 ῆμισυ [προσλαμβανομένη μέση πρὸς τὰ δύο μέρη] μέγεθος διπλασίαν τάσιν ἔχει ἐπὶ τὸ ὀξύ τὸ δὲ διπλάσιον μέγεθος ἡμίσειαν τάσιν ἔχει ⟨ἐπὶ⟩ τὸ βαρύ.

² ἐλίμματος A¹, ι corr. in ει A² πλείω A¹ 3 iuxta figuram ομ A 5 cf. p. 58, 14 8 θοασυλλός A¹, θοασύλλος A² 9 διελών Bull., cf. p. 92, 17 sqq. 10 ἀντιπεπονθότος A¹ 12 τάσιν] μίνησιν Α 16 ποροδαμβανομένης Bull. 18 ἐπὶ add. Bull.

τρίχα δὲ τῆς διαιρέσεως γενομένης ἢ τε ὑπάτη τῶν μέσων και ή νήτη διεζευγμένων γίνεται. έστι δε ή μεν νήτη διεζευγμένων πρός μεν την μέσην έν τῷ διὰ πέντε. δύο γάρ έστι διαστήματα πρός τρία πρός δε τὴν ὑπά-5 την έν τῷ διὰ πασῶν. Εν γάρ έστι διάστημα πρὸς τὰ δύο πρός δε του προσλαμβανόμενον ζέν τῷ διὰ πασών και διὰ πέντε τοῦ γὰρ <προσλαμβανομένου έν τῷ⟩ διὰ πασῶν ὅντος πρὸς τὴν μέσην προσείληπται τὸ μέχοι της νήτης διάστημα, δ έστι δια πέντε πρός την 10 μέσην. ή <δε > μέση πρός την ύπατην έν τῷ διὰ τεσσάρων, πρός δὲ τὸν προσλαμβανόμενον ἐν τῷ διὰ πασῶν. ή δε υπάτη προς του προσλαμβανόμενου ευ τῷ διὰ πέντε. γίνεται δε ίσον τὸ μέγεθος τὸ ἀπὸ τῆς ὑπάτης έως μέσης τοῦ διὰ τεσσάρων πρὸς τὸ ἀπὸ μέσης έως 15 νήτης τοῦ διὰ πέντε. καὶ ὁμοίως ἀντιπεπόνθασιν οί άριθμοί τῶν κινήσεων τῆ διαιρέσει τῶν μεγεθῶν.

τετραγή δε της διαιρέσεως γενομένης συνίσταται ή τε ύπερυπάτη καλουμένη, ή και διάτονος ύπατῶν, και ή νήτη τῶν ὑπερβολαίων. <ἔστι δὲ ἡ μὲν νήτη τῶν 20 ύπερβολαίων> πρὸς μὲν τὴν νήτην τῶν διεζευγμένων έν τῷ διὰ τεσσάρων, πρὸς δὲ τὴν μέσην ἐν τῷ διὰ πασών, πρός δε την υπάτην έν τω δια πασών και διά τεσσάρων, πρός δε την ύπερυπάτην έν τῷ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε, πρὸς δὲ τὸν προσλαμβανόμενον ἐν τῷ 25 δὶς διὰ πασῶν ἐπὶ τὸ βαρύ. τῆ δὲ ὑπερυπάτη λόγος

ύπερυπατη A1, παρυπάτη A2

⁶ τον προσλαμβανόμενον corr. ex των προσλαμβανομένων 6 τον προσλαμβανομένον corr. ex των προσλαμβανομένων Α πρὸς] κατά Α 16 πρὸς ante τῶν del. Α 18 ὁπὲςο-υπατή Α¹, παρυπάτη Α² ἡ corr. ex ἢ Α 19 τὸ ὑπερβόλεον Α¹ καὶ ἔστιν ἡ μὲν νητη τῶν ὑπερβολαίων add. apogr. 20 προσλαμβανόμένος ὑπατή μέσων νητή διεξευγμένη mg. Α 23 ὑπερῦπατήν Α¹, παρυπάτην Α² 25 τὸ corr. ex τῶ Α

έστὶ πρὸς μὲν <τὸν> προσλαμβανόμενον ἐν τῷ διὰ τεσσάρων ἐπὶ τὸ βαρύ, πρὸς δὲ τὴν μέσην ἐν τῷ διὰ πέντε
ἐπὶ τὸ ὀξύ, τῆς δ' ὑπάτης τόνφ ὑπερέχει κατὰ τὸ βαρύ.
καὶ ἔστιν ἴσον τὸ τονιαῖον μέγεθος τῆς ὑπερυπάτης
πρὸς τὴν ὑπάτην καὶ τὸ διὰ τεσσάρων τῆς νήτης δι- 5
εξευγμένων πρὸς τὴν νήτην ὑπερβολαίων. καὶ ὁμοίως
ἀντιπεπόνθασιν οἱ ἀριθμοὶ τῶν κινήσεων τοῖς μεγέθεσι
[τῆς διαιρέσεως] τῶν διαστημάτων.

δηλον δ' αν γένοιτο τὸ λεγόμενον έπὶ τῶν ἀριθμῶν. εί γὰρ τὸ τοῦ κανόνος μέγεθος ιβ΄ μέτρων ὁποιωνοῦν, 10 έσται μέν μέση δίχα διαιφεθείσης (της ολης χορδης, καὶ ἀφέξει > ς΄ έκατέρωθεν [διαιρουμένη] ή δε ὑπάτη τῶν μέσων ἀπὸ τῆς ἀρχῆς δ΄ ή δὲ νήτη διεζευγμένων ἀπὸ τῆς τελευτῆς δ΄ καὶ τὸ μεταξὺ αὐτῶν δ΄. ἡ δὲ ύπερυπάτη ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τρία ἀφέξει μεγέθη, ἀπὸ δὲ 15 της ύπάτης εν ή δε ύπερβολαία ἀπὸ μεν της τελευτης γ', ἀπὸ δὲ τῆς διεζευγμένης εν. μεταξύ δὲ αὐτῶν ς΄, ώστε ἀπὸ τῆς μέσης έκατέρα γ΄, καὶ γίνεται ἡ ὅλη διαίρεσις ἀπὸ μὲν τῆς ἀρχῆς ἐπὶ ὑπερυπάτην γ΄, ἐντεῦθεν δὲ ἐπὶ ὑπάτην ἕν, ἐντεῦθεν δὲ ἐπὶ μέσην δύο, εἶτ' ἀπὸ 20 μέσης έπλ την διεζευγμένην β΄, έντεῦθεν δὲ είς την ύπερβολαίαν εν, από δε ταύτης είς την τελευτην γ΄. γίνεται πάντα ιβ΄. Εσται οὖν πρὸς μὲν τὴν ὑπερβολαίαν (ὁ λόγος) τῆς μὲν νήτης διεζευγμένων δ΄ πρὸς γ΄ ἐπί-

¹ τὸν add. A^2 2 τὸ A^2] τῶ A^1 8 τόν ∞ Bull.] τόνον A 4 ὑπερυπατῆς A^1 , παρυπάτης A^2 6 ὑπερβολεῶν A^1 10 εἶ] ἐν A τὸ A^1] τῶ A^2 μεγέθει A^2 11 post μέση duae litt. er. A τῆς ὅλης χορθῆς: cf. p. 87, 13 12 ε΄] ἔξ΄ A, em. apogr. 15 ὑπερυπατή A^1 , παρυπάτη A^2 , atque ita semper ἀφέξει] ἔξει A 16 ὑπερθολαία etiam in mg. A 17 ἔν A 18 ἐπάτερα A, em. apogr. 23 πρὸς: π ante initium vs. om. A^1 , add. A^2 24 διεξευγμένου A^1

τριτος ὁ τοῦ διὰ τεσσάρων, τῆς δὲ μέσης ς΄ πρὸς γ΄ διπλάσιος ὁ τοῦ διὰ πασῶν, ζτῆς δὲ ὑπάτης η΄ πρὸς γ' διπλασιεπιδίτριτος ό τοῦ διὰ πασῶν> καὶ διὰ τεσσάρων, της δε ύπερυπάτης θ΄ πρός γ΄ τριπλάσιος δ τοῦ ε διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς γ΄ τετραπλάσιος ὁ τοῦ δὶς διὰ πασῶν: πρός δε την νήτην διεζευγμένων ό λόγος έστι της μεν μέσης 5' πρὸς δ' ἡμιόλιος ὁ τοῦ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὑπάτης η' πρὸς δ' διπλάσιος ὁ τοῦ διὰ πασῶν, τῆς δὲ 10 ύπερυπάτης δ΄ πρός δ΄ ζδιπλασιεπιτέταρτος> ὁ τοῦ δὶς διὰ πέντε, της δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς δ' (τριπλάσιος) ό τοῦ διὰ πασών καὶ διὰ πέντε πρός δε την μέσην της μεν υπάτης η' προς ς' επίτριτος ό τοῦ διὰ τεσσάρων, τῆς δὲ ὑπερυπάτης δ΄ πρὸς ϛ΄ ἡμι-15 όλιος ὁ τοῦ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς ς΄ διπλάσιος ὁ τοῦ [δὶς] διὰ πασῶν: πρὸς δὲ τὴν ὑπάτην ἐστὶν ἡ μὲν ὑπερυπάτη Θ΄ πρὸς η΄ έν έπογδόφ λόγφ τῷ τοῦ τόνου, ἡ δὲ ὅλη τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς η΄ ἐν ἡμιολίφ ζτῷ τοῦ διὰ πέντε>. 20 πρός (δὲ) τὴν ὑπερυπάτην ἡ ὅλη τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς δ΄ ἐν ἐπιτρίτφ ⟨τῷ⟩ τοῦ διὰ τεσσάρων.

άντιπεπόνθασι δ' αί λοιπαὶ τῶν κινήσεων κατὰ πυκνοῦ τοῦ ἐπογδόου τόνου καὶ ἐπιτρίτου διὰ τεσσά-

² lacunam suppl. apogr. 5 προσλαμβάνου A¹ 6 ιβ (ς atr.) Α γ΄ Bull.] ς (δ atr.) Α 10 θ΄ apogr.] ε Α 16 δlς del. Bull. 18 τῷ] ὁ Α 20 δὲ add. apogr. ὑπάτην Α 22 inscr. πεῷ ὶ καταπυννος Α. cf. Boeckh kl. Schr. III p. 151. de metris Pind. p. 208 αί λοιπαὶ] οί ἀριθμοί? cf. p. 88, 16. 89, 7 23 τοῦ Α²] τὸ Α¹, scr. vid. καταπυννουμένων νel καταπυννουμένου ἐπογδόου utl.

ρων καὶ ἡμιολίου διὰ πέντε τοῦ κανόνος. ἐπεὶ τὸ ἡμιόλιον μεν διά πέντε τοῦ έπιτρίτου διά τεσσάρων έπογδόφ τόνφ ύπερέχει — οἶον ληφθέντος ἀριθμοῦ ος ἔχει και ημισυ και τρίτον τοῦ ς΄, τούτου ἐπίτριτος μὲν ὁ η΄, ημιόλιος δε ό θ΄ τὰ δε θ΄ τῶν η΄ ἐπόγδοα ς΄ η΄ θ΄ 5 γίνεται ή ύπεροχή τοῦ [η'] ήμιολίου πρός τὸ ἐπίτριτον έν λόγω έπογδόω -, τὸ δ' ἐπίτριτον διὰ τεσσάρων ἐκ δυείν έπογδόων και τοῦ διεσιαίου λείμματος καταπυχυωτέον αὐτὰ τοῖς ἐπογδόοις τόνοις καὶ τοῖς διεσιαίοις λείμμασι. καταπυκνωθείη δ' αν άρχομένων ήμῶν ζάπὸ 10 της νήτης ύπερβολαίων. τὸ γὰρ ὄγδοον τοῦ μέχρι της τελευτής διαστήματος ύπερβιβάσαντες έξομεν την διάτονον τῶν ὑπερβολαίων τόνω βαρυτέραν αὐτῆς. τοῦ δὲ άπὸ ταύτης εως τῆς τελευτῆς τὸ ὄγδοον ὑπερβιβάσαντες έξομεν την τρίτην τῶν ὑπερβολαίων τόνω τῆς δια- 15 τόνου βαρυτέραν. καὶ τὸ λοιπὸν εἰς τὴν νήτην τῶν διεζευγμένων έσται τὸ διεσιαίον λείμμα πρὸς συμπλήοωσιν τοῦ διὰ τεσσάρων πρὸς τὴν νήτην ὑπερβολαίων. πάλιν δε τοῦ ἀπὸ τῆς νήτης διεζευγμένων εως τῆς τελευτης διαστήματος τὸ μὲν ἔνατον λαβόντες καὶ ὑπο- 20 βιβάσαντες έξομεν τόνφ όξυτέραν τῆς νήτης διεζευγμένων την χοωματικήν ύπερβολαίων. τὸ δὲ ὄγδοον ύπερβιβάσαυτες έξομεν την παρανήτην διεζευγμένων ή αὐτή δέ καλ διάτονος καλ νήτη συνημμένων, τόνφ βαρυτέρα τῆς νήτης διεζευγμένων. τοῦ δ' ἀπὸ τῆς νήτης ξως 25 τῆς τελευτῆς τὸ ὄγδοον λαβόντες καὶ ὑπερβιβάσαντες

¹ ἐπεὶ apogr.] ἐπὶ A 3 δς ἔχει A²] ὡς ἔχοι A¹ 6 η΄ om. apogr. 10 ἀπὸ add. apogr. 11 ὑπερβολαίας A, em. Bull. 15 διατόνων A¹ 18 ὑπερβολαίαν A 19 διεζευγμένης A 20 διαστήματος Bull.] διάστημα A ἀποβιβάσαντες A 21 διεζευγμένου A 25 τοῦ] τὸ A

έξομεν την τρίτην των διεζευγμένων τόνω βαρυτέραν. ή δε αύτη και διάτονος συνημμένων έστίν. όμοίως δε τοῦ ἀπὸ ταύτης ἔως τῆς τελευτῆς διαστήματος τὸ ὄγδοον ύπερβιβάσαντες έξομεν την τρίτην συνημμένων τόνφ 5 βαρυτέραν. τὸ δὲ λοιπὸν είς τὴν μέσην ἔσται τὸ διεσιαΐον λεζιμα είς την τοῦ διὰ πασῶν συντέλειαν. ἀπὸ δὲ τῆς μέσης τὸν αὐτὸν τρόπον (τὸ ἔνατον) ὑποβιβάσαυτες έξομεν την παραμέσην η την χρωματικήν συνημμένων, τόνφ όξυτέραν τῆς μέσης. ταύτης δὲ τὸ ἔνατον 10 ύποβιβάσαντες έξομεν την χρωματικήν διεζευγμένων. τὸ ὄγδοον δὲ τῆς μέσης ὑπερβιβάσαντες έξομεν τὴν τῶν μέσων διάτονον τόνφ βαρυτέραν τῆς μέσης, εἶτα τὸ ἀπὸ ταύτης ὄγδοον ὑπερβιβάσαντες τὴν παρυπάτην (τῶν μέσων) ταύτης τόνφ βαρυτέραν. καὶ ἔστι τὸ λοι-15 που είς την υπάτην των μέσων το διεσιαΐον λεΐμμα πρός συμπλήρωσιν τοῦ διὰ τεσσάρων πρός τὴν μέσην. άπὸ δὲ τῆς ὑπάτης τὸ μὲν ἔνατον ὑποβιβάσασιν-ή χρωματική τῶν μέσων ἔσται τόνφ ὀξυτέρα. τὸ ὅγδοον δὲ ύπερβιβάσασιν έχειν την ύπερυπάτην συμβήσεται. ταύ-20 της δὲ τὸ ὄγδοον ὑπερβιβάσασι παρυπάτη ὑπατῶν γενήσεται. έξ αναστροφής δε από τοῦ προσλαμβανομένου τέμνουσι τὸ όλον διάστημα είς δ΄ καὶ εν ὑπολείπουσι κατὰ τὸ εναυτίου (τῶν) νητῶν, ὑπατῶν ὑπάτη γενήσεται τόνφ τῆς όλης όξυτέρα, συγκλείουσα τὸ τῶν ὑπα-25 τῶν τετράχορδον τῷ πρὸς τὴν παρυπάτην λείμματι. και ουτως συμπληρωθήσεται το παν αμετάβολον σύστημα κατά τὸ διάτονον καὶ χρωματικὸν γένος. τὸ δὲ

⁸ συνημμένων] συνημμένου τόνου Α 9 έννατον Α²
19 ὑπερβιβασαμενον Α συμβεβημέναι Α 22 καὶ ἐνυπολείπουσι Α, em. apogr. 23 κατὰ τὸ ἐν αὐτῷ νητῶν Α, em. Bull.

έναρμόνιον έξαιρουμένων τῶν διατόνων καθ' Εκαστον τετράχορδον διπλφδουμένων γίνεται. εξροιμεν δ' ἄν ταῦτα καὶ ἐν ἀριθμοῖς ἀπὸ τῆς νήτης τῶν ὑπερβολαίων ἀρχόμενοι, ὑποτεθείσης αὐτῆς μυρίων τξή' οἱ ἐφεξῆς ἐπόγδοοί τε καὶ οἱ λοιποὶ κατὰ τοὺς προειρημένους λό- 5 τους λαμβάνονται, οὓς περίεργον ἐκτιθέναι · ῥάδιον δὲ τῷ παρηκολουθηκότι τοῖς προειρημένοις.

καὶ ἡ μὲν ὑπὸ Θρασύλλου παραδεδομένη κατατομὴ τοῦ κανόνος ὧδε ἔχει. ὅν δὲ τρόπον καὶ ἐπὶ τῆς τῶν ὅλων ἐφαρμόζεται σφαίρας, ἐπειδὰν καὶ τοὺς ἀστρονο- 10 μίας ἐκθώμεθα λόγους, παραδείξομεν. νυνὶ δ' ἐπανέλ-θωμεν ἐπὶ τὸν τῶν λοιπῶν ἀναλογιῶν καὶ μεσοτήτων λόγον, ἐπειδὴ ὡς ἔφαμεν ἡ ἀναλογία καὶ μεσότης, οὐ μέντοι ἡ μεσότης καὶ ἀναλογία. καθὸ δὴ ⟨ἡ⟩ ἀναλογία καὶ μεσότης ἐστίν, ἀκόλουθος ᾶν εἰη ὁ περὶ τῶν 15 ἀναλογιῶν καὶ περὶ τῶν μεσοτήτων λόγος.

ἐπειδὴ πάντες οι τῶν συμφωνιῶν εὐρέθησαν λόγοι, καθὰ δέδεικται, ἐν τῇ τῆς δεκάδος τετρακτύι, καὶ περὶ τούτων πρότερον λεκτέον. τὴν μὲν γὰρ τετρακτὺν συνέστησεν ἡ δεκάς. ἐν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ ί΄ 20 α΄ β΄ γ΄ δ΄. ἐν δὲ τούτοις τοῖς ἀριθμοῖς ἔστιν ἢ τε διὰ τεσσάρων συμφωνία ἐν ἐπιτρίτφ λόγφ καὶ ἡ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίφ καὶ ἡ διὰ πασῶν ἐν διπλασίφ καὶ ⟨ἡ⟩ δὶς διὰ πασῶν ἐν τετραπλασίφ. ἐξ ὧν συμπληροῦται τὸ ἀμετάβολον διάγραμμα. τοιαύτη μὲν ⟨ἡ⟩ ἐν μουσικῆ 25

¹ nal post $t\tilde{\omega}v$ del. A 4 $\mu v \varrho(\omega v)$ $\bar{\mu}$ A, $\mu \dot{v}\varrho(a$ ap. 9 $\bar{\rho}$ mg. A 10 êniđùv A, em. ap. 12 $t\tilde{\sigma}v$ corr. ex $t\tilde{\omega}v$ A 13 $\dot{\omega}_S$ equiv: p. 84, 15 15 $t\tilde{\eta}$ $\dot{\delta}$ A²] $t\tilde{\eta}$ A¹ $\pi t \varrho \dot{\tau}$ $\tau \tilde{\omega}v$ at ℓ 17 inscr. $\pi t \varrho \dot{\tau}$ $t\tilde{\tau}$ $t\tilde{\eta}$ A¹ $t\tilde{\omega}v$ at ℓ 17 inscr. $t\tilde{\omega}v$ at ℓ 2 $t\tilde{\eta}$ A¹ $t\tilde{\omega}v$ at ℓ 3 $t\tilde{\omega}v$ A cf. Roeckh kl. Schr. III p. 142 $t\tilde{\omega}v$ 2 $t\tilde{\eta}v$ 4 $t\tilde{v}v$ 2 18 dédeintai: p. 58, 18. 87, 4 $t\tilde{\omega}v$ 2 25 inscr. $t\tilde{\omega}v$ at $t\tilde{\omega}v$ 2 2 $t\tilde{\omega}v$

τετρακτύς κατὰ σύνθεσιν οὖσα, ἐπειδὴ ἐντὸς αὐτῆς πᾶσαι αι συμφωνίαι εὑρισκονται. οὐ διὰ τοῦτο δὲ μόνον πᾶσι τοῖς Πυθαγορικοῖς προτετίμηται, ἀλλ' ἐπεὶ καὶ δοκεῖ τὴν τῶν ὅλων φύσιν συνέχειν διὸ καὶ ὅρκος ἡν αὐτοῖς

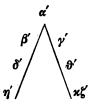
οὐ μὰ τὸν ἁμετέρα ψυχᾶ παραδόντα τετρακτύν, παγὰν ἀενάου φύσεως δίζωμά τ' ἔχουσαν. τὸν παραδόντα Πυθαγόραν λέγουσιν, ἐπεὶ δοκεῖ τούτου εῦρημα ὁ περὶ αὐτῆς λόγος.

10 ή μεν οὖν προειρημένη τετρακτὺς ⟨αὕτη⟩, κατ' ἐπισύνθεσιν τῶν πρώτων ἀποτελουμένη ἀριθμῶν. δευτέρα δ' ἐστὶ τετρακτὺς ἡ τῶν κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἐπηυξημένων ἀπὸ μονάδος κατά τε τὸ ἄρτιον καὶ περιττόν. ὧν πρῶτος μεν [κατὰ τὸ ἄρτιον] λαμβάνεται τῶν καὶ ἀρτιοπερίττων, ὡς προείρηται, καὶ ἀπλοῦς ὁ ταύτης λόγος οἱ δ' ἐφεξῆς τρεῖς ἀριθμοὶ κατὰ τὸ ἄρτιον καὶ περιττόν. τὴν δὲ σύνθεσιν λαμβάνουσιν, ἐπειδὴ

5 cf. Pyth. carm. aur. vs. 47 sq. Sext. emp. adv. math. IV 2. 3. 9. VII 94. 100. Macr. comm. in Somn. Scip. I 6, 41. Theol. arithm. p. 18. Porph. vita Pyth. 20. Iambl. de Pyth. vita 150. 162. Stob. ecl. I 10, 12. Pseudo-Plut. de plac. phil. I 3. Procl. in Plat. Tim. p. 155 D. Zeller die Philos. der Gr. I p. 368 6 κεφαλά post ψυχᾶ del. A (κεφαλά Sext. VII 97

et Stob.; in eo libro unde A descriptus est ψύχᾶ fuisse videtur)
7 πηγὴν Α¹ (sicut Sextus) ἀεννάου Α ceterorumque quos
commemoravi scriptorum codices ut videtur longe plurimi
apud eosdem partim φύσεως partim φύσιος legitur ξίζωμα
τ' Α, διζώματ alii: cf. Bekker ad Sext. p. 722, 5 10 αΰτη]
cf. p. 96, 9. 97, 1 κατ' ἐπισύνθεσιν] καὶ ἐπὶ σύνθεσιν Α: cf.

p. 96, 9. 98, 15 11 ἀποτελουμ, i. e. ἀποτελουμένων Α 15 αΰτη corr. ex αὐτη Α 16 προείρηται: cf. p. 19, 20 17 τοις Α¹ καὶ ὁ πᾶς ἀριθμὸς οὖτε μόνον ᾶρτιος οὖτε μόνον περιττός. διὸ δύο λαμβάνονται αί κατὰ πολλαπλασιασμὸν
τετρακτύες, ἀρτία καὶ περιττή, ἡ μὲν ἀρτία ἐν λόγφ
διπλασίφ, πρῶτος γὰρ τῶν ἀρτίων ἱ β΄ καὶ αὐτὸς ἐκ
μονάδος κατὰ τὸ διπλάσιον ηὐξημένος, ἡ δὲ περιττὴ 5
ἐν λόγφ ηὐξημένη τριπλασίφ, ἐπειδὴ πρῶτος τῶν περιττῶν ὁ γ΄ καὶ αὐτὸς ἀπὸ μόναδος κατὰ τὸ τριπλάσιον
ηὐξημένος. ῶστε κοινὴ μὲν ἀμφοτέρων ἡ μονάς, καὶ
ἀρτία οὖσα καὶ περιττή δεύτερος δὲ ἀριθμὸς ἐν μὲν
τοις ἀρτίοις καὶ διπλασίοις ὁ β΄, ἐν δὲ τοις περιττοις 10
καὶ τριπλασίοις ὁ γ΄ τρίτος δὲ ἐν μὲν τοις ἀρτίοις ὁ
δ, ἐν δὲ τοις περιττοις ὰ δ΄ τέταρτος ἐν μὲν τοις ἀρτίοις ή, ἐν δὲ τοις περιττοις κζ΄.



έν τούτοις τοις άφιθμοις (οί) τελειότεροι τῶν συμφωνιῶν εὐρίσκονται λόγοι συμπεριείληπται δὲ αὐτοις καὶ 15 ὁ τόνος. δύναται δὲ ἡ μὲν μονὰς τὸν τῆς ἀρχῆς καὶ σημείου καὶ στιγμῆς λόγον οί δὲ δεύτεροι πλευρὰν δύνανται ὅ τε β΄ καὶ ὁ γ΄, ὅντες ἀσύνθετοι καὶ πρῶτοι καὶ μονάδι μετρούμενοι καὶ φύσει εὐθυμετρικοί οί δὲ τρίτοι ὅροι ὁ δ΄ καὶ ὁ θ΄ δύνανται ἐπίπεδον τετράγω- 20 νον, ἰσάκις ἴσοι ὄντες οί δὲ τέταρτοι ὅροι ὅ τε η΄ καὶ ὁ κί΄ δύνανται ἰσάκις ἴσοι ὄντες) κύβον. ὥστε

² κατα Α 9 άρτία Α²] τία Α¹

έκ τούτων τῶν ἀριθμῶν καὶ ταύτης τῆς τετρακτύος ἀπὸ σημείου καὶ στιγμῆς εἰς στερεὸν ἡ αὕξεσις γίνεται μετὰ γὰρ σημείον καὶ στιγμὴν πλευρά, μετὰ πλευρὰν ἐπίπεδον, μετὰ ἐπίπεδον στερεόν. ἐν οἶς ἀριθμοῖς καὶ τὴν ψυχὴν συνίστησιν ὁ Πλάτων ἐν τῷ Τιμαίφ. ὁ δὲ ἔσχατος τούτων τῶν ἐπτὰ ἀριθμῶν ἴσος ἐστὶ τοῖς πρὸ αὐτοῦ πᾶσιν. ἔν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ καὶ η΄ καὶ θ΄ γίνονται κζ΄.

δύο μεν ούν αύται τετρακτύες, η τε κατ' έπισύν-10 θεσιν καὶ ἡ κατὰ πολλαπλασιασμόν, τούς τε μουσικούς καί γεωμετρικούς καί άριθμητικούς λόγους περιέχουσαι, έξ ών και ή τοῦ παντὸς άρμονία συνέστη. τρίτη δέ έστι τετρακτύς ή κατά την αύτην άναλογίαν παντός μεγέθους φύσιν περιέχουσα ὅπερ γὰρ ἐν τῆ προτέρα 15 τετρακτύι μονάς, τοῦτο ἐν ταύτη στιγμή. ὅπερ δὲ ἐν έκείνη οι πλευράν δυνάμενοι άριθμοι τὰ β΄ και γ΄, τοῦτο έν ταύτη τὸ διττὸν είδος τῆς γραμμῆς ἥ τε περιφερὴς και ή εύθεζα, κατά μεν άρτιον ή εύθεζα, έπειδή δυσί σημείοις περατούται, κατά δε τό περιττόν ή περιφερής, 20 έπειδη ύπο μιᾶς γραμμῆς πέρας οὐκ έχούσης περιέχεται όπες δε έν έκείνη οί τετράγωνον δυνάμενοι ό δ΄ και ὁ θ΄, τοῦτο ἐν ταύτη τὸ διττὸν είδος ἐπιπέδων, εὐθύγραμμον και περιφερόγραμμον. όπερ δε έν έκείνη οί κύβον δυνάμενοι δ η΄ καλ δ κζ δύο ὄντες δ μεν έκ 25 περιττοῦ, ὁ δὲ έξ άρτίου, τοῦτο ἐν ταύτη στερεόν, διττον ου, (το μεν) έκ κοίλης έπιφανείας ώς σφαϊρα καί

⁵ ἐν τῷ Τιμαίφ: p. 35 B 6 ἔσχατος ex αἴσχατος A 8 γίνωνται A, em. apogr. 12 $\overline{\gamma}$ mg. A 14 aqq. cf. Zeller I p. 375, 5 15 τετραπτύη A^1 17 διττὸν] διάτονον A 18^a εὐθία A^1 19 περιττοῦται A 20 ἐπειδὴ (ὁ πίπλος)? 28 περιφορόγραμμον A, em. apogr.

20

κύλινδρος, τὸ δὲ έξ ἐπιπέδων ὡς κύβος πυραμίς. αὖτη δέ ἐστιν ἡ τρίτη τετρακτὺς παντὸς μεγέθους συμπληρωτικὴ ἐκ σημείου γραμμῆς ἐπιπέδου στερεοῦ.

τετάρτη δὲ τετρακτύς ἐστι τῶν ἁπλῶν (σωμάτων), πυρὸς ἀέρος ὕδατος γῆς, ἀναλογίαν ἔχουσα τὴν κατὰ 5 τοὺς ἀριθμούς. ὅπερ γὰρ ἐν ἐκείνη μονάς, ἐν ταύτη πῦς ὁ δὲ δυάς, ἀής ὁ δὲ τριάς, ὕδως ὁ δὲ τετράς, γῆ. τοιαύτη γὰρ ἡ φύσις τῶν στοιχείων κατὰ λεπτομέρειαν καὶ παχυμέρειαν, ὥστε τοῦτον ἔχειν τὸν λόγον πῦς πρὸς ἀέρα, ὃν ἕν πρὸς β΄, πρὸς δὲ ὕδωρ, ὃν ἕν 10 πρὸς γ΄, πρὸς δὲ γῆν, ὃν ἕν πρὸς δ΄ καὶ τάλλα ἀνάλογον πρὸς ἄλληλα.

πέμπτη δ' έστὶ τετρακτὺς ἡ τῶν σχημάτων τῶν ἀπλῶν σωμάτων. ἡ μὲν γὰρ πυραμὶς σχῆμα πυρός, τὸ δὲ ὀκτάεδρον ἀέρος, τὸ δὲ εἰκοσάεδρον ὕδατος, κύβος 16 δὲ γῆς.

εχτη δε τῶν φυομένων. τὸ μεν σπέρμα ἀνάλογον μονάδι και σημείφ, ἡ δε είς μῆκος αύξη δυάδι και γραμμῆ, ἡ δε είς πλάτος τριάδι και ἐπιφανεία, ἡ δε είς πάχος τετφάδι και στερεφ.

έβδόμη δὲ τετρακτὺς ἡ τῶν κοινωνιῶν. ἀρχὴ μὲν καὶ οἶον μονὰς ἄνθρωπος, δυὰς δὲ οἶκος, τριὰς δὲ κώμη, τετρὰς δὲ πόλις. τὸ γὰρ ἔθνος ἐκ τούτων σύγκειται.

καὶ αὖται μὲν ὑλικαί τε καὶ αἰσθηταὶ τετρακτύες. ὀγδόη δὲ τετρακτὺς ῆδε, τούτων κριτική καὶ νοητή τις 25

Theo Smyrn.

^{4 (}σωμάτων): cf. vs. 14. p. 98, 17 8 λεπτομερίαν A^1 9 παχυμερίαν A^1 13 $\bar{\epsilon}$ mg. A 17 $\bar{\epsilon}$ mg. A 18. 19 $\dot{\eta}$] $\dot{\epsilon}$ λ 19 ἐπιφανία A^1 21 $\bar{\epsilon}$ mg. A 22 δυὰς A^3] δευτέρα A^1 τριὰς A^2] τρίτη A^1 23 τετρὰς A^2] τετάρτη A^1 σύγμειται: post ει una lit. er. A 25 $\bar{\eta}$ mg. A $\bar{\eta}$ δε] αί δὲ A^1 , αίδε αί A^2 πριτικαὶ καὶ νοηταί τινες οὐσαι A: cf. p. 98, 19

ἐνάτη δὲ τετρακτύς, ἐξ ἦς συνέστηκε τὸ ζῷον, ψυχή τε καὶ σῷμα. ψυχῆς μὲν γὰρ μέρη λογιστικὸν θυμικὸν 10 ἐπιθυμητικόν, καὶ τέταρτον σῷμα, ἐν ῷ ἐστιν ἡ ψυχή.

δεκάτη δὲ τετρακτὺς ὡρῶν δι' ας γίνεται πάντα, ἔαρ θέρος μετόπωρον χειμών.

ένδεκάτη δε ήλικιῶν, νηπίου μειρακίου ἀνδρὸς γέροντος.

15 ὅστε τετρακτύες Ενδεκα΄ πρώτη ἡ κατὰ σύνθεσιν ἀριθμῶν, δευτέρα δὲ ἡ κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἀριθμῶν, τρίτη κατὰ μέγεθος, τετάρτη τῶν ἀπλῶν σωμάτων, πέμπτη τῶν σχημάτων, ἔκτη τῶν φυομένων, ἑβδόμη τῶν κοινωνιῶν, ὀγδόη κριτική, ἐνάτη τῶν μερῶν τοῦ ζώου, ἐνακότη τῶν ὡρῶν, ἐνδεκάτη ἡλικιῶν. ἔχουσι δὲ πᾶσαι ἀναλογίαν' ὁ γὰρ ἐν τῆ πρώτη καὶ δευτέρα μονάς, τοῦτο ἐν τῆ τρίτη στιγμή, ἐν δὲ τῆ τετάρτη πῦρ, ἐν δὲ τῆ πέμπτη πυραμίς, ἐν δὲ τῆ ἔκτη σπέρμα, 〈καὶ〉 ἐν τῆ ἐβδόμη ἄνθρωπος, καὶ ἐν τῆ ὀγδόη νοῦς, καὶ τὰ λοιπὰ 25 ἀνάλογον' οἶον πρώτη μονὰς δυὰς τριὰς τετράς, δευ-

4 ἐπιστήμην ut vid. A^1 ἐστὶ om. apogr. 5 κοινὴ A^1 , cf. Theol. arithm. p. 20 καὶ ἐν τοῖς ζώοις δὲ αἰσθήσεις τέσσαρες ώρισμέναι καταλαμβάνονται τῆς ἀφῆς ὑποβεβλημένης ἀπάσαμς 8 $\overline{\Phi}$ mg. A ἐξ ῆς apogr.] ἔξῆς A 11 $\overline{\iota}$ mg. A 13 $\overline{\iota}\overline{\alpha}$ mg. A 16 in. ἀριθμοί A^1 δύο ante δεντέρα del. A ποιλαπλασιασμῶν A^1 21 μονάς Bull.] ἀριθμὸς A 23 $\langle \kappa \alpha i \rangle$ ἐν τῆ] ἐν δὲ τῆ apogr.

τέρα μουάς πλευρά τετράγωνου κύβος, τρίτη στιγμή γραμμή ἐπιφάνεια στερεόν, τετάρτη πῦρ ἀἡρ ὕδωρ γῆ, πέμπτη πυραμίς ζατάεδρον είκοσάεδρον κύβος, ξατη σπέρμα μηκος πλάτος βάθος, έβδόμη ἄνθρωπος οίκος κώμη πόλις, όγδόη νους επιστήμη δόξα αίσθησις, ενάτη 5 λογιστικόν θυμικόν επιθυμητικόν σωμα, δεκάτη ξαρ θέρος μετόπωρον χειμών, ενδεκάτη παιδίον μειράκιον άνηρ γέρων. ὁ δὲ [καί] ἐκ τῶν τετρακτύων τούτων συστάς πόσμος έσται [τέλειος] ήρμοσμένος πατά γεωμετρίαν καὶ άρμονίαν καὶ άριθμόν, δυνάμει περιειληφώς 10 πᾶσαν ἀριθμοῦ φύσιν πᾶν τε μέγεθος καὶ πᾶν σῶμα άπλοῦν τε καὶ σύνθετον, τέλειός τε, ἐπειδὴ τὰ πάντα μεν τούτου μέρη, αὐτὸς δε οὐδενός. διὸ πρώτω τῷ είρημένο δοκο οί Πυθαγορικοί έλέγοντο καλ 15

ἀριθμῷ δέ τε πάντ' ἐπέοικε.

καὶ τοῦτο εἶναι τὸ σοφώτατον πάντα μὲν γὰρ τὸν ἀριθμὸν εἰς δεκάδα ἤγαγον, ἐπειδὴ ὑπερ δεκάδα οὐδείς ἐστιν ἀριθμός, ἐν τῷ αὐξήσει πάλιν ἡμῶν ὑποστρεφόντων ἐπὶ μονάδα καὶ δυάδα καὶ τοὺς έξῆς τὴν δὲ δε- να κάδα ἐπὶ τετράδα συνίστασθαι εν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ ἐστι ί, ὅστε τοὺς δυνατωτάτους ἀριθμοὺς ἐντὸς τῆς τετράδος θεωρεϊσθαι.

ή μεν γάρ μονας άρχη πάντων και κυριωτάτη πα-

¹ τετραγωνον corr. ex τετραγώνων A 6 δυμηκόν A¹
7 μετ' ὅπορον A¹ 8 ante ἐκ una lit. er. A 10 δύναμιν A 13 τῶ supra vs. add. A 14 χρῆσδαι post ἐλέγοντο
probabiliter add. A³, sed exciderunt plura: cf. Chalcid. 35. Sext.
Emp. adv. math. IV 3. VII 94. Zeller I p. 317, 2 17 inscr.
περὶ δεκάδος A 18 δεκάδα corr. ex δεκάδος A 24 inscr.
περὶ μονάδος A, ᾶ in mg.

σῶν καὶ ἐξ ἦς πάντα, αὐτὴ δὲ έξ οὐδενός, ἀδιαίρετος καὶ δυνάμει πάντα, ἀμετάβλητος, μηδεπώποτε τῆς αὐτῆς ἐξισταμένη φύσεως κατὰ τὸν πολλαπλασιασμόν καθ' ἢν πᾶν τὸ νοητὸν καὶ ἀγέννητον καὶ ἡ τῶν ἰδεῶν φύσις καὶ ὁ θεὸς καὶ ὁ νοῦς καὶ τὸ καλὸν καὶ τὸ ἀγαθὸν καὶ ἐκάστη τῶν νοητῶν οὐσιῶν, οἶον αὐτὸ καλόν, αὐτὸ δίκαιον, αὐτὸ [τὸ] ἴσον ἕκαστον γὰρ τούπον ὡς ἕν καὶ καθ' ἑαυτὸ νοεῖται.

πρώτη δε αύξη και μεταβολή έκ μονάδος είς δυάδα 10 κατὰ διπλασιασμόν τῆς μονάδος, καθ' ἢν ὕλη και πᾶν τὸ αίσθητὸν και ἡ γένεσις και ἡ κίνησις και ἡ αὕξησις και ἡ σύνθεσις και κοινωνία και τὸ πρός τι.

ή δὲ δυὰς συνελθοῦσα τῆ μονάδι γίνεται τριάς, ῆτις πρώτη ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ τελευτὴν ἔχει. διὸ καὶ τορώτη λέγεται πάντα εἶναι ἐπὶ γὰρ ἐλαττόνων αὐτῆς οὐ λέγεται πάντα εἶναι, ἀλλὰ ἔν καὶ ἀμφότερα, ἐπὶ δὲ τῶν τριῶν πάντα. καὶ τρεῖς σπονδὰς ποιούμεθα δηλοῦντες ὅτι πάντα ἀγαθὰ αἰτούμεθα, καὶ τοὺς κατὰ πάντα ἀθλίους τρισαθλίους καλοῦμεν καὶ τοὺς κατὰ πάντα μακαρίους τρισμακαρίους. πρώτη δὲ καὶ ἡ τοῦ ἐπιπέδου φύσις ἐκ τούτου. ἡ γὰρ τριὰς οἶον εἰκῶν ἐπιπέδου, καὶ πρώτη αὐτοῦ ὑπόστασις ἐν τριγώνω, καὶ διὰ τοῦτο τρία αὐτῶν γένη, ἰσόπλευρον ἰσοσκελὲς σκα-

³ της supra vs. add. A 5 ίδεων: ε ante ί er. A
7 τὸ οm. apogr. 8 inscr. περί δυάδος Α, β in mg.
13 περί τριάδος Α, γ in mg. cf. Chalcid. 38 14 μέσον?
μεσότητα Roether ad Io. Lyd. de mens. p. 52 15 έπι corr.
ex έπει Α 16 άμφότερα corr. ex δι' άμφοτέρας Α έπι corr. ex έπει Α 17 τρεῖς] τὰς Α 21 είπὰν έπνπέδου] ἡ κατεπιπέδου, ο post τ er. et supra ε ras. A: cf. p. 101, 11
22 πρώτη apogr.] πρώτου Α [(signum quadrati) supra Vω (i. e. τριγώνω) er. Α

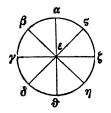
ληνόν [γ'] τρείς δὲ καὶ γωνίαι ὁμοιούμεναι ἡ μὲν ὀρθὴ τῆ τοῦ ἐνὸς φύσει, ὡρισμένη καὶ ἐξ ἴσου καὶ ὁμοίου συνεστῶσα διὸ καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ ἀλλήλαις εἰσὶν ἴσαι, μέσαι οὐσαι ὀξείας καὶ ἀμβλείας καὶ ὑπερέχοντος καὶ ὑπερεχομένου αἱ δὲ λοιπαὶ ἄπειροι καὶ ἀόριστοι ἐκ 5 γὰρ ὑπεροχῆς καὶ ἐλλείψεως συνεστᾶσιν. ἡ δὲ τριὰς ἐκ τῆς μονάδος καὶ δυάδος ς΄ ποιεί κατὰ σύνθεσιν, ὅς ἐστι πρῶτος τέλειος ἀριθμὸς τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος τῆ τετράδι ποιεί τὴν δεκάδα.

ή δε τετράς στερεού έστιν είκων πρωτός τε άριθμός [mai] τετράγωνός έστιν έν άρτίοις και αι συμφωνίαι δε πάσαι κατ' αφτόν συμπληρούνται, ως έδείχθη.

ή δὲ πεντὰς μέση ἐστι τῆς δεκάδος. ἐὰν γὰρ καθ' ὁποιανοῦν σύνθεσιν ἐκ δύο ἀριθμῶν τὸν ι΄ συνθῆς, 15 μέσος εὐρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν οἰον θ΄ καὶ α΄, καὶ η΄ καὶ β΄, καὶ ζ΄ καὶ γ΄, καὶ ς΄ καὶ δ΄ αἰεί τε ι΄ ποιήσεις καὶ μέσος εὐρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν, ὡς δηλοῖ τὸ διάγραμμα, κατὰ πᾶσαν σύνθεσιν τῶν συμπληρούντων τὰ 20 ι΄ δυείν ἀριθμῶν [μέσος εὐρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν] τῷ ἴσφ ἀριθμῷ τῶν ἄκρων ὑπερέχων τε καὶ ὑπερεχόμενος.

¹ y' om, apogr. $\tau \varrho l \varepsilon$ A¹ 6 $\ell l l \dot{\eta} \psi \varepsilon \omega \varepsilon$ A¹ 9 $o \tilde{v} \tau \omega$ A 10 post $\tau \tilde{\eta}$ una lit. er. A $\tau \varepsilon \tau \varrho \dot{\alpha} \delta \iota \varepsilon$ ι in ras. A 11 inscr. $\pi \varepsilon \varrho l \ \tau \varepsilon \tau \varrho \dot{\alpha} \delta \sigma \varepsilon$ A, $\bar{\delta}$ in mg. 13 $\pi \alpha \tau \alpha \sigma \tau \dot{\alpha}$ A $\ell \delta \varepsilon \ell \chi \partial \eta \varepsilon$ cf. p. 58, 13. 87, 4 14 inscr. $\pi \varepsilon \varrho l \ \pi \varepsilon \nu \tau \dot{\alpha} \delta \sigma \varepsilon$ A, $\bar{\varepsilon}$ in mg. 15 $\tau \dot{\sigma} \nu$ Bull.] $\tau \dot{\omega} \varepsilon$ A 19 $\dot{\omega} \varepsilon$ A²] $\dot{\omega}$ A¹

α	δ	ζ
β	ε	η
Y	5	ð



πρώτον δε και περιέλαβε το τοῦ παντός ἀριθμοῦ είδος ὁ ε΄, τὸν ἄρτιόν τε και περιττόν, λέγω τὴν δυάδα τε και τριάδα ἡ γὰρ μονὰς οὐκ ἦν ἀριθμός.

ό δὲ ζ΄ τέλειος, ἐπειδὴ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσίν ἐστιν 5 ἴσος, ὡς δέδεικται ' διὸ καὶ γάμον αὐτὸν ἐκάλουν, ἐπεὶ γάμου ἔργον ὅμοια ποιεῖ τὰ ἔκγονα τοῖς γονεῦσι. καὶ κατὰ τοῦτον δὲ πρῶτον συνέστη ἡ ἁρμονικὴ μεσόκης ληφθέντος [μὲν] τοῦ ϛ΄ ἐπιτρίτου ⟨μὲν⟩ λόγου τῶν η΄, διπλασίου δὲ τῶν ιβ΄ ς΄ η΄ ιβ΄ τῷ γὰρ αὐτῷ μέρει ὁ 10 η΄ τῶν ἄκρων ὑπερέχει καὶ ὑπερέχεται, ϛ΄ η΄ ιβ΄, τουτέστι τῷ τρίτῳ καὶ ἀριθμητικὴ δὲ μεσότης ληφθέντος τοῦ ϛ΄ ἡμιολίου μὲν λόγου τῶν θ΄, διπλασίου δὲ τῶν ιβ΄ τῷ γὰρ αὐτῷ ἀριθμῷ τὰ θ΄ ὑπερέχει τῶν ἄκρων καὶ ὑπερέχεται ποιεῖ δὲ τὴν γεωμετρικὴ ἀναλογίαν μέσος λη-15 φθείς ἄν γὰρ ῆμισυ αὐτοῦ λάβωμεν τὸν γ΄ καὶ διπλάσιον τὸν ιβ΄, ἔσται ἡμἴν ἡ γεωμετρικὴ ἀναλογία γ΄ ς΄ ιβ΄ τὸν ἔκρέχεται, γ΄ ς΄ ιβ΄, τουτέστι τῷ διπλασίῳ.

2 ἄφτιόν τε A^3] ἄφτιον δὲ A^1 4 inser. πεφl ἐξάδος A, $\bar{\varsigma}$ in mg. cf. Zeller I p. 369, 2 ς $\bar{\varsigma}$ $\bar{\varsigma}$ επτος A 5 δέδεικται: p. 101, 8 6 ἔκγονα corr. ex ἔγγονα A 7 τούτων A^1 δὲ] τε A $\dot{\eta}$ ἀφμονικ $\dot{\eta}$ corr. ex καφμονικ $\dot{\eta}$ A 8 λόγον hic et vs. 12 neglegenter additum 9 των $\bar{\iota}$ τον $\bar{\iota}$ A 14 ὑπεφέχεται $\bar{\iota}$ $\bar{\iota}$ $\bar{\iota}$ τον $\bar{\iota}$ \bar

καὶ ἡ έβδομὰς δὲ τῆς δεκάδος οὖσα θαυμαστὴν έγει δύναμιν. μόνος γαρ των έντος της δεκάδος ούτε γεννα ετερον ούτε γενναται ύφ' ετέρου διό και 'Αθηνα ύπὸ τῶν Πυθαγορικῶν ἐκαλεῖτο, οὔτε μητρός τινος ούσα ούτε μήτης. ούτε γας γίνεται έκ συνδυασμού 5 ούτε συνδυάζεται τινι. τῶν γὰρ ἀριθμῶν τῶν ἐν τῆ δεκάδι οί μεν γεννωσί τε και γεννωνται, ώς ό δ' γεννα μεν μετά δυάδος τον η', γενναται δε ύπο δυάδος· οί δε . γεννώνται μέν, οὐ γεννώσι δέ, ώς ὁ ζ΄ γεννάται μέν ύπὸ β΄ και γ΄, οἰ γεννᾶ δὲ οὐδένα τῶν ἐν τῷ δεκάδι 10 οί δε γεννῶσι μέν, οὐ γεννῶνται δέ, ώς ὁ γ΄ καὶ ὁ ε΄ γεννῶνται μὲν έξ οὐδενὸς [ἀριθμοῦ] συνδυασμοῦ, γεννῶσι δὲ ὁ μὲν γ΄ τὸν θ΄ καὶ τὸν ϛ΄ μετὰ δυάδος, ὁ δὲ ε΄ γεννα μετά δυάδος αὐτὸν τὸν ί. μόνος δὲ ὁ ζ΄ οὕτε συνδυασθείς τινι γεννα τινα των έν τη δεκάδι ούτε έκ 15 συνδυασμοῦ γεννᾶται. επόμενος δε τῆ φύσει καὶ ό Πλάτων έξ έπτὰ ἀριθμῶν συνίστησι τὴν ψυχὴν ἐν τῶ Τιμαίφ. ήμέρα μεν γαρ και νύξ, ως φησι Ποσειδώνιος, άρτίου καὶ περιττοῦ φύσιν έχουσι μὴν δὲ καθ' έβδομάδας τέσσαρας συμπληροῦται, τῆ μὲν πρώτη έβδομάδι 20 διχοτόμου της σελήνης όρωμένης, τη δε δευτέρα πλησισελήνου, τῆ δὲ τρίτη διχοτόμου, πάλιν δὲ τῆ τετάρτη σύνοδον ποιουμένης πρός ήλιον καλ άρχην ετέρου μη-

¹ inscr. περὶ ἐβδομάδος A, ξ in mg. cf. Chalcid. 36 ⟨κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν μεσότητα μέση τῆς τετράδος καὶ⟩ τῆς δεκάδος? cf. Theol. arithm. p. 44, 10. an verba τῆς δεκάδος οὖσα pro dittographia eorum quae sequuntur τῆς δεκάδος οὖτε habenda sunt? 2 μόνος γὰς ⟨δ ζ΄⟩? 7 γεννῶσι: post ω una vel duae litt. cr. A 10. 15 δεκάδι apogr.] ī A 12 cf. νε. δ. 15 17 ἐν τῷ Τιμαίφ: p. 35 Β 18 καὶ add. Α³ πωσιδόνιος Α¹, ποσιδώνιος Α², em. apogr. cf. Bake Posid. reliq. p. 240 23 ποιουμένη Α

νός. αι τε αὐξήσεις καθ' έβδομάδα. τὸ γοῦν βρέφος δοκεί τελειούσθαι εν έπτα εβδομάσιν, ώς Έμπεδοκλης αίνίττεται έν τοῖς Καθαρμοῖς. ἔνιοι δέ φασι τὰ ἄρρενα έν πέντε έβδομάσι τελειούσθαι, γόνιμα δε γίνεσθαι έν 5 έπτὰ μησί, γενόμενα δὲ ἐν ἐπτὰ μησίν ὀδοντοφυείν, έκβάλλειν τε τους όδόντας έν έπτα έτεσι. σπέρμα δε και ήβη εν δευτέρα εβδομάδι γένεια δε ώς έπίπαν έν τρίτη και την είς μηκος αύξην απολαμβάνει, την δ' είς πλάτος έν τετάρτη έβδομάδι. αι τε κρίσεις των νόσων 10 έφ' ήμέρας έπτά, καὶ ή βαρυτέρα κατὰ πάντας τοὺς περιοδικούς πυρετούς είς την έβδόμην άπαντα, και έν τριταίφ δε και έν τεταρταίφ. ἀπό τροπῶν δε ἐπὶ τροπὰς μῆνες έπτά τό τε πλῆθος τῶν πλανωμένων έπτά. και ἀπὸ ισημερίας έπι ισημερίαν μῆνες έπτά και πόροι 15 δε κεφαλής έπτά και σπλάγχνα έπτά, γλώσσα, καρδία, τῶν ἀνθρώπων ἔντερον πηχῶν είναί φησι κή, ὅ ἐστι τέσσαφες έβδομάδες. οί τε εύφιποι τὸ πλείστον έπτάκις της ημέρας μεταβάλλουσιν.

η δὲ ὀγδοάς, ἥτις ἐστὶ πρῶτος κύβος, συντίθεται ἔκ τε μονάδος ⟨καὶ ἐπτάδος⟩. ἔνιοι δέ φασιν ὀκτὼ τοὺς

1 sqq. cf. Chalcid. 37
2 Ἐμπεδοκλῆς: cf. Karsten Emped. reliq. p. 475
3 αἰνίττεται: αἰ in ras. A²
4 γίνεται
Α 5 γεννάμενα Α²
6 cf. Bergk Poetae lyr. Gr. p. 431
7 ἐν τοίτη] τὶ τοίτη Α¹, τῆ τοίτη Α²
8 ἐν ἡ ante καὶ excidisse videtur, cf. Macr. in Somn. Scip. I 6, 72 post ter septenos annos genas flore vestit iuventa, idemque annus finem in longum crescendi facit
9 εὐδομάδι Α, em. apogr.
11 ἐβδόμην] ἐπτὰ Α, ξ supra scr. Α²
ἀπαντᾶ Α², ἄπαντα Α¹
13 πλανομένων Α¹
14 ἡσημερίαν Α¹
15 γλώσσα del. Α, cf. Chalc. et Macrob.
16 ἡροφιλος: η in ras. A. cf. Haeser Lehrbuch der Gesch. der Medicin I p. 236
18 ἐπτά κ. Δ²
21 καὶ ἐπτάδος add. Bull.

15

πάντων κρατούντας είναι θεούς, ώς καὶ έν τοῖς 'Ορφικοῖς ὅρκοις ἔστιν εύρειν'

ναλ μην άθανάτων γεννήτορας αλέν έόντων πῦρ καλ ὅδωρ γαζάν τε καλ οὐρανὸν ήδὲ σελήνην ήέλιον τε Φανῆ τε μέγαν καλ νύκτα μέλαιναν.

έν δὲ Αἰγυπτιακή στήλη φησὶν Εὕανδρος εὐρίσκεσθαι γραφὴν βασιλέως Κρόνου καὶ βασιλίσσης 'Ρέας' ,,πρεσβύτατος βασιλεὺς πάντων 'Όσιρις θεοις ἀθανάτοις πνεύματι καὶ οὐρανῷ καὶ γῆ καὶ νυκτὶ καὶ ἡμέρα καὶ πατρὶ τῶν ὄντων καὶ ἐσομένων Έρωτι μνημεία τῆς αὐτοῦ 10 ἀρετῆς (καὶ) βίου συντάξεως. '΄ Τιμόθεός φησι καὶ παροιμίαν εἶναι τὴν ,,πάντα ἀκτὰ '΄ διὰ τὸ τοῦ κόσμου τὰς πάσας ὀκτὰ σφαίρας περὶ γῆν κυκλεισθαι, καθά φησι καὶ 'Ερατοσθένης.

όπτω δη τάδε πάντα συν άρμονίησιν άρήρει,

3 Lobeck Agl. p. 742 sqq. αἰἐννεόντων Α¹ 4 γαῖαν Α², γέαν Α¹ ἡδὲ Bull.] ἡ δὲ Α 5 φανῆ τε Α¹] φάνητα Α² recte (cf. Zeller p. 87, 4); sed is quem Theo exscripsit aut pravam lectionem Φανῆ τε vel Φάνη τε secutus est aut Φάνητα μέγαν a sole diversum esse falso putavit: nam octo deos his versibus enumerari aperte indicat. Cf. Zenob. V 78 Εὐανδρος ἔφη ὀκικὰ τοὺς πάντων εἶναι κρατοῦντας θεους, πῦς, ῦδως, γῆν, οὐρανόν, σελήνην, ῆλιον, Μίθραν, νύπτα. (Porph. de antro nymph. 24 δημιουργὸς ῶν ὁ Μίθρας. Proclus in Plat. Tim. p. 93 Ε ὁ μάλιστα παρ' αὐτῷ δημιουργὸς ὁ Φάνης ἐστίν). Schoemann opusc. II p. 15. Schuster de veteris Orph. Theog. indole atque origine p. 29 6 cf. de hoc mendaciorum genere Freudenthal Alex. Polyh. p. 151. Plew, Jahrb. f. Philol. 1868 p. 839 sq. Εδανδρος: cf. Zenob. l. c. (Jambl. de Pyth. vita 267?) 7 βασιλίσης Α, em. Bull. 9 ἡλίφ καὶ σελήνη post οὐρανῷ add. Bull. an (καὶ πυρὶ καὶ ἔδατι)? cf. Lobeck p. 524 fr. VIII vs. 10 sq. 10 ἐρᾶτί Α¹, ι mut. in ὲ Α², em. Reinesius μνημία Α¹ 11 Τιμόθεος (δὲ) φησι? 14 Ἐρατοσθένης: cf. Erat. carm. rel. p. 50 sqq. Bernhardy Eratosth. p. 165 15 συναρμονίησιν Α, em. apogr.

όκτω δ' εν σφαίρησι κυλίνδετο κύκλω ίόντα ενάτην περί γαΐαν.

ό δὲ τῶν ἐννέα πρῶτός ἐστι τετράγωνος ἐν περιττοῖς. πρῶτοι γάρ εἰσιν ἀριθμοὶ δυὰς καὶ τριάς, ἡ μὲν τὰρτίων, ἡ δὲ περιττῶν' διὸ καὶ πρώτους τετραγώνους ποιοῦσιν, ὁ μὲν δ΄, ὁ δὲ δ΄.

ή μέντοι δεκάς πάντα περαίνει τον άριθμόν, έμπεριέχουσα πάσαν φύσιν έντος αύτης, άρτίου τε καὶ περιττοῦ κινουμένου τε καὶ ἀκινήτου ἀγαθοῦ τε καὶ 10 κακοῦ περὶ ης καὶ Αρχύτας ἐν τῷ περὶ τῆς δεκάδος καὶ Φιλόλαος ἐν τῷ περὶ φύσιος πολλὰ διεξίασιν.

ἐπανιτέον δὲ ἐπὶ τὸν τῶν ἀναλογιῶν καὶ μεσοτήτων λόγον. μεσότητές εἰσι πλείονες, γεωμετρικὴ ἀριθμητικὴ ἁρμονικὴ ὑπεναντία πέμπτη ἔκτη. λέγονται δὲ
15 καὶ ἄλλαι πάλιν δὲ ταύταις ὑπεναντίαι. τούτων δέ φησιν ὁ Ἄδραστος μίαν τὴν γεωμετρικὴν κυρίως λέγεσθαι
καὶ ἀναλογίαν καὶ πρώτην ταύτης μὲν γὰρ αἱ ἄλλαι
προσδέονται, αὐτὴ δ' ἐκείνων οὐχί, ὡς ὑποδείκνυσιν ἐν
τοῖς ἐφεξῆς. κοινότερον δέ φησι καὶ τὰς ἄλλας μεσότη20 τας ὑπ' ἐνίων καλεῖσθαι ἀναλογίας. τῶν δὲ κυρίως
λεγομένων ἀναλογιῶν, τουτέστι τῶν γεωμετρικῶν, αἱ
μέν εἰσιν ἐν ῷητοῖς ὅροις τε καὶ λόγοις, ὡς ιβ΄ ϛ΄ γ΄,

¹ σφαίρεσι A¹, σφαίραισι A², em. apogr. ἰόντα: ν supra vs. A 2 ἐννέα τῶν περί γαῖαν A quae verba del. A², ταντ' ἐνάτην περί γαῖαν Bergk, Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 177. cf. Theol. arithm. p. 56 συν οκτὰ δὴ σφαίρησι κυλίνδεται ὁ κυκλόων ἐνάτην περιγαίην, Ἐρατοσθένης φησίν 3 Φ mg. A 7 π mg. A ἐνπεριέχουσα A, em. apogr. 11 Φιλόλασς: fr. 13 Mullach. cf. Boeckh Philolaos Lebren p. 27. 146. Schaarschmidt die angebliche Schriftstellerei des Philolaos p. 68. Zeller I p. 368, 1 φύσεως Α² 17 ἀνάλογον ut vid. Α¹. cf. Procl. in Tim. p. 145 C

είσι γὰφ ἐν λόγοις διπλασίοις, και ὅσαι τοιαῦται [αῖτινές εἰσιν ἐν ἀφιθμοῖς], αι δὲ ἐν ἀφφήτοις τε καὶ ἀλόγοις [ἤτοι μεγέθεσιν ἢ βάφεσιν ἢ χφόνοις ἢ τισιν ἄλλοις
διπλασίοις ἢ τφιπλασίοις ἢ τισι τοιούτοις πολλαπλασίοις ἢ ἐπιμοφίοις]. γεωμετφικὴ μὲν γάφ, ὡς ἔφαμεν, 5
μεσότης ἡ τῷ αὐτῷ λόγῷ τῶν ἄκφων ὑπεφέχουσα καὶ
ὑπεφεχομένη ἀφιθμητικὴ δὲ ἡ τῷ αὐτῷ ἀφιθμῷ τῶν
ἄκφων ὑπεφέχουσα καὶ ὑπεφεχομένη, άφμονικὴ δὲ ἡ τῷ
αὐτῷ μέφει τῶν ἄκφων ὑπεφέχουσα καὶ ὑπεφεχομένη.
δείκνυσι δὲ ὅτι ὁ τῆς ἰσότητος λόγος ἀφχηγὸς καὶ πρῶ- 10
τός ἐστι καὶ στοιχεῖον πάντων τῶν εἰφημένων λόγων
καὶ τῶν κατ' αὐτοὺς ἀναλογιῶν ἐκ πρώτου γὰφ τούτου
πάντα συνίσταται καὶ εἰς τοῦτον ἀναλύεται τά τε τῶν
λόγων καὶ τὰ τῶν ἀναλογιῶν.

δ δὲ Ἐρατοσθένης φησὶν ὅτι πᾶς μὲν λόγος ἢ κατὰ 15 διάστημα ἢ κατὰ τοὺς ὅρους αὕξεται τῆ δὲ ἰσότητι συμβέβηκε διαστήματος μὴ μετέχειν εὕδηλον δὲ ὅτι κατὰ τοὺς ὅρους μόνους αὐξηθήσεται. λαβόντες δὴ τρία μεγέθη καὶ τὴν ἐν τούτοις ἀναλογίαν κινήσομεν τοὺς ὅρους. καὶ δείξομεν ὅτι πάντα τὰ ἐν τοῖς μαθήμασιν νο ἐξ ἀναλογίας ποσῶν τινων σύγκειται καὶ ἔστιν αὐτῶν ἀρχὴ καὶ στοιχεῖον ἡ τῆς ἀναλογίας φύσις.

τὰς δὲ ἀποδείξεις ὁ μὲν Ἐρατοσθένης φησὶ παραλείψειν. ὁ δὲ Ἅδραστος γνωριμώτερον δείκνυσιν, ὅτι τριῶν έκτεθέντων ὄρων ἐν ἦ δήποτε ἀναλογία, ἐὰν 25

² pr. ἐν supra vs. A, fort. A² ἀρήτοις A¹ 4 διπλασίοις — ἐπιμορίοις del. Bull. 5 ἔφαμεν: p. 85, 11
10 inscr. περὶ ἰσότητος ὅτι ἀρχὴ ἀναλογιῶν καὶ πῶς γίνεται πολλαπλασία Α ΧΧΧ p. 66. Bernhardy p. 170
25 ἡδήποτε A¹, οἰαδήποτε A² ἀρκλογίας ἰσότητος?

τρείς έτεροι ληφθώσιν έχιτούτων πεπλασμένοι ά μέν τῷ πρώτῷ ἴσος, ὁ δὲ σύνθετος ἐκ πρώτου καὶ δευτέρου, ο δ' έξ ένὸς πρώτου και δύο δευτέρων και τρίτου, οί ληφθέντες ούτως πάλιν έσονται ἀνάλογον. και έκ τῆς s en long song analogias pennasan h en dimlacting anaλογία, έχ δὲ τῆς ἐυ διπλασίοις ἡ ἐυ τριπλασίοις, ἐω δὲ raving h ev respandations, nal exhs ovious at ev ross aklois noklanlaciois ofor enneicho er rowly ogois ίσοις έλαχίστοις άναλογία ή τῆς ἰσότητος, τουτέστιν ἐυ 10 μονάσι τρισίν. άλλὰ παὶ είλήφθωσαν ἄλλοι τρεῖς ὅροι τον είρημένον τρόπον, ο μεν έκ πρώτου, ο δε έκ πρώτου και δευτέρου, ζό δε έκ πρώτου και δύο δευπέρων). και τρίτου γενήσεται α΄ β΄ δ΄, α έστιν έν λόγα διπλασίφ. πάλιν έχ τούτων συνεστάτωσαν έτεροι κατά τὸν 15 αὐτὸν τρόπον, ὁ μὸν ἐκ πρώτου, ὁ δὲ ἐκ πρώτου καὶ δευτέρου, ό δὲ ἐκ πρώτου καὶ δύο δευτέρων καὶ τρίτου. έσται α΄ γ΄ θ΄, α έστιν έν λόγφ τριπλασίφ. έχ δε τούτων όμοίως συστήσονται α΄ δ΄ ις΄ έν λόγφ τετραπλασίφ, και έκ τούτων α΄ ε΄ κε΄ έν λόγω πευταπλασίω, και έξῆς 20 οῦτως ἐπ' ἄπειρον ἐν τοις ἐχομένοις πολλαπλασίοις.

3 ἐκ ante δύο supra vs. A δὶς δευτέρου cj. Bull.
4 τῆς] τῶν A, sed ῶν in ras. 7 ἡ ap.] ἢ A αί] ἡ A
12 ὁ δὲ ἐκ πρώτου καὶ δὶς δευτέρου add. Bull.
14 συνέστωσαν A, em. apogr.
16 δὶς δευτέρου cj. Bull.
17 Φ
corr. ex δ A

έκ δὲ τῶν πολλαπλασίων ἀνάπαλιν τεθέντων [α΄ α΄ α΄ α΄] καὶ ὁμοίως πλαττομένων οἱ ἐπιμόριοι λόγοι ⟨καὶ αἰ⟩ ἐν τούτοις συστήσονται ἀναλογίαι, ἐκ μὲν τῶν διπλασίων ἡμιόλιοι, ἐκ δὲ τῶν τριπλασίων οἱ ἐπίτριτοι, ἐκ δὲ τῶν τετραπλασίων ἐπιτέταρτοι, καὶ ἀεὶ ἐξῆς οῦτως. οἱον 5 ἔστω ἀναλογία κατὰ τὸν διπλάσιον λόγον ἐν τρισὶν ὅροις, τοῦ μείζονος κειμένου πρώτου, καὶ πεπλάσθωσαν ἔτεροι τρείς ἐκ τούτων τὸν εἰρημένον τρόπον δ΄ β΄ α΄· οἱ δὲ ἐξ αὐτῶν γενήσονται δ΄ ς΄ δ΄· γίνεται ἀνάλογον ἐν ἡμιολίοις. πάλιν ἔστωσαν τρείς ὅροι ἀνάλογον ἐν τριπλασίοις δ΄ γ΄ α΄· συστήσονται τὸν αὐτὸν τρόπον ἐκ τούτων ὅροι τρείς ἀνάλογον ἐν ἐπιτετάρτοις ις΄ κ΄ κέ, καὶ οῦτως ἀεὶ ἐκ τῶν ἐχομένων οἱ ἔξῆς ὁμώνυμοι.

ð	β S	α 3
	γ	α
Ī	ίβ ×	15
15		×ε
Xe	λ	λς
λς	μß νς	μ9
μĐ	25	ξδ
ξδ	oß E	πα
πα	4	ρ

έκ δὲ τῶν ἐπιμορίων οῖ τ' ἐπιμερεῖς καὶ οἱ πολλα- 15
πλασιεπυρόριοι, πάλιν δ' ἐκ τῶν ἐπιμερῶν ἔτεροί τε
ἐπιμερεῖς καὶ πολλαπλωσιεπιμερεῖς. ὧν τὰ μὲν πλείστα
παραλειπτέον οὐκ ἀναγκαῖα ὅντα, μικρὰ δὲ θεωρητέον.
ἐκ μὲν γὰρ τῆς ἐν ἡμιολίοις ἀναλογίας τὸν εἰρημένον
τρόπον ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος ἀρχομένων ὅρου συνίστα- 20
ται ἀναλογία ἐν ἐπιμερέσι λόγοις δισεπιτρίτοις. οἶον

⁶ λόγον] ἀνάλογον A 13 τετραπλασίων: fort. add. 15 α΄ 15 ἐπιμερεῖς A^2] ἐπιμόριοι A^1 16 ἐπιμερῶν corr. in ἐπιμορίων A 18 παραληπτέον A^1

θ΄ ς΄ δ΄ έκ δε τούτων κατά την είρημένην μέθοδον συνίσταται θ΄ ιε΄ κε΄. ἀπὸ δὲ τοῦ ἐλάττονος ὅρου ἀρχομένων έσται πολλαπλασιεπιμόριος άναλογία, τουτέστιν ή διπλασιημιόλιος. οίον έχχείσθω δ΄ ς΄ θ΄ έχ τούτων 5 κατὰ τὴν αὐτὴν μέθοδον δ΄ ί κε΄. ἐκ δὲ τῆς ἐν ἐπιτρίτοις ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος ἀρχομένων ὅρου ἔσται έπιμερης ἀναλογία ή τρισεπιτέταρτος. οἶον έκ τῆς τῶν ις΄ ιβ΄ θ΄ έσται ις΄ κη΄ μθ΄. ἀπὸ δὲ τοῦ έλάττονος ἀρτοιιένων όρου έσται πολλαπλασιεπιμόριος άναλογία (ή) 10 διπλασιεπίτριτος έν τοις δ΄ κα΄ μδ΄. έκ δὲ τῆς έν έπιτετάρτοις ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος ὅρου ⟨ἀρχομένων⟩ ἐπιμερής έσται άναλογία ή τετράκις έπίπεμπτος οίον [6] έκ τῆς κε΄ κ΄ ις΄ ἔσται κε΄ με΄ πα΄. ἀπὸ δὲ τοῦ έλάττονος άρχομένων έσται πολλαπλασιεπιμόριος ή διπλασιεπι-15 τέταρτος: <οίον> ἀπὸ τῶν ις κ κε ἔσται ἡ ἐν τοῖς ις λς πα. καὶ ἡ τάξις οῦτω πρόεισιν ἐπ' ἄπειρον. καὶ άπὸ τούτων δὲ ἄλλοι πλάσσονται κατὰ τὸν αὐτὸν λόνον. περί ών ούκ άναγκατον μηκύνειν τὸν λόγον.

πασαι δ' αί τοιαῦται ἀναλογίαι καὶ οί ἐν αὐταῖς 20 λόγοι πάντες, καθάπερ συνεστασιν ἐκ πρώτου τοῦ τῆς ἰσότητος λόγου, οῦτως καὶ ἀναλύονται εἰς ἔσχατον τοῦτον. αν γὰρ ἐξ ὁποιασοῦν ἀναλογίας ἐν τρισίν ὅροις ἀνίσοις οῦτως ἀφελόντες ἀπὸ μὲν τοῦ μέσου τὸν ἐλάχιστον, ἀπὸ δὲ τοῦ μεγίστου τόν τε ἐλάχιστον καὶ δύο 25 τοιούτους ὁποῖος ἐλείφθη τοῦ μέσου ἀφαιρεθέντος ἀπ'

⁹ πολλαπλασιεπιμόςιος ἀναλογία ἡ διπλασιεπίτριτος] ἐπιμεςὴς ἀναλογία διπλάσιος δὲ ἐπίτριτος A, fort. add. < οἰον ἐκ τῶν δ΄ ιβ΄ ις΄ ἔσται ἡ⟩ 12 ὁ om. apogr. 14 πολυπλασιεπιμόςιος A^1 ἡ] ὁ A 19 inscr. ὅτι ἀναλύονται αί ἀναλογίαι εἰς ἰστητα A, \overline{s} in mg. 23 οὕτως del. vid. 25 ἑλήφθη A

αὐτοῦ τοῦ ἐλαχίστου τοὺς γενομένους τάξωμεν ἐφεξῆς, πρῶτον μὲν-αὐτὸν τὸν ἐλάττονα, ἔπειτα τὸν ἀπὶ τοῦ μέσου λειφθέντα καὶ τελευταΐον τὸν ἀπολειφθέντα τοῦ ἐσχάτου, ἡ διαλυθείσα οὕτως ἀναλογία ἀναλυθήσεται εἰς τὴν πρὸ αὐτῆς ἐξ ἦς συνέστη. τούτου δ' ἀεὶ γινο- 5 μένου ἐλεύσεται ἡ ἀνάλυσις ἐπ' ἐσχάτην τὴν τῆς ἰσότητος ἀναλογίαν, ἐξ ἦς πρώτης ᾶπασαι συνέστησαν αὐτὴ δὲ οὐκέτι εἰς ἄλλην, ἀλλὰ μόνον εἰς τὸν τῆς ἰσότητος λόγον.

Ἐρατοσθένης δὲ ἀποδείκυυσιν, ὅτι καὶ τὰ σχήματα 10 πάντα ἔκ τινων ἀναλογιῶν συνέστηκεν ἀρχομένων τῆς συστάσεως ἀπὸ ἰσότητος καὶ ἀναλυομένων εἰς ἰσότητα περὶ ὧν τὰ νῦν λέγειν οὐκ ἀναγκαῖον.

τὰ δὲ αὐτὰ εύρεθήσεται καὶ ἐπὶ σχημάτων. ὧν πρῶτόν ἐστιν ἡ στιγμή, ὅ ἐστι σημεῖον ἀμέγεθες καὶ 15 ἀδιάστατον, γραμμῆς πέρας, οἶον μονὰς θέσιν ἔχουσα. τοῦ δὲ μεγέθους τὸ μὲν ἐφ' εν διάστατόν τε καὶ διαίρετον γραμμή, μῆκος οὖσα ἀπλατές τὸ δ' ἐπὶ δύο ἐπίπεδον, μῆκος ἔχον καὶ πλάτος τὸ δ' ἐπὶ τρία στερεόν, μῆκός τε καὶ πλάτος καὶ βάθος ἔχον. περιέχεται δὲ καὶ νο περαίνεται τὸ μὲν στερεὸν ὑπὸ ἐπιπέδων, τὸ δ' ἐπίπεδον ὑπὸ γραμμῶν, ἡ δὲ γραμμὴ ὑπὸ στιγμῶν. τῶν δὲ γραμμῶν εὐθεῖα μέν ἐστιν ὀρθὴ καὶ οἶον τεταμένη, ῆτις δύο δοθέντων σημείων μεταξὺ ἐλαχίστη ἐστὶ τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχουσῶν καὶ ἐξ ἴσον τοῖς ἑαυτῆς ση-25

¹ τάξωμεν corr. ex τάξομεν A 3 ληφθέντα A άπολιφθέντα A^1 6 ἔσχατον A 7 ἐξ ης A^2] ἔξης A^1 10 Έρατοσθένης: cf. Philol. XXX p. 66 14 inscr. π ερὶ σχημάτων et $\bar{\zeta}$ mg. A 18 οὖσα] ἔχονσα? 19 ἔχων A^1

²³ $\langle \dot{\eta} \rangle$ όρθ $\dot{\eta}$? 24 έλαχις A¹ 25 Eucl. El. I def. 4 εὐθεῖα γραμμή έστιν, ἢτις έξ ἴσου τοῖς έ φ ' έαυτῆς σημείοις κεἰται

μείοις κειμένη καμπύλη δε ή μη οῦτως ἔχουσα. διαφέρει δε καὶ ἐπίπεδον ἐπιφανείας παραπλησίως. ἐπιφάνεια μὲν γάρ ἐστι παντὸς στερεοῦ σώματος κατὰ δύο διαστάσεις μήκους καὶ πλάτους ἐπιφαινόμενον πέρας. 5 ἐπίπεδον δέ ἐστιν ὀρθη ἐπιφάνεια ἡς ἐπειδὰν δύο σημείων ἄψηται εὐθεῖα, ὅλη αὐτῷ ἐφαρμόζεται. παράλληλοι δέ εἰσιν εὐθεῖαι, αῖτινες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι ἐπὶ μηδέτερα συμπίπτουσιν, ἀλλὰ τηροῦσιν ἐν παντὶ τὴν διάστασιν.

τῶν δὲ σχημάτων ἐπίπεδα μέν είσι τὰ ἐν τῷ αὐτῷ 10 έπιπέδφ πάσας έχοντα τὰς γραμμάς καὶ εὐθύγραμμα μέν τὰ ὑπὸ εὐθειῶν περιεχόμενα, οὐκ εὐθύγραμμα δὲ τὰ μὴ οῦτως ἔχοντα. τῶν δὲ ἐπιπέδων καὶ εὐθυγράμμων σχημάτων τὰ μέν τρισί περιεχόμενα πλευραίς τρί-15 πλευρα καλείται, τὰ δὲ τέτταρσι τετράπλευρα, τὰ δὲ πλείοσι πολύγωνα. των δε τετραπλεύρων τὰ παραλλήλους έχοντα τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς έκατέρας παραλληλόγοαμμα καλείται. τούτων δε όρθογώνια μεν τά τας γωνίας έχουτα όρθας όρθαι δέ είσι γωνίαι, αστινας 20 εύθεζα έπ' εύθείας έφεστῶσα δύο ζσας παρ' έκάτερα άποτελεί. τῶν δὲ ὀρθογωνίων παραλληλογράμμων ξααστον περιέχεσθαι λέγεται ίδίως ὑπὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσών πλευρών. και τών τοιούτων τά μεν τὰς τέσσαρας πλευράς ίσας έχοντα ίδίως λέγεται 25 τετράγωνα, τὰ δὲ μὴ τοιαῦτα έτερομήκη.

όμοίως δε και των στερεών τα μεν ύπο επιπέδων παραλληλογράμμων πάντων Εξ όντων περιεχόμενα παρ-

⁶ καὶ ante ὅἰη er. Α ἐφαρμόζηται A^1 8 μηδετρα A^1 20 εὐθεία ἐπ΄ εὐθεῖαν (corr. ex εὐθείαν) A 26 inscr. περὶ στερεῶν A

αλληλεπίπεδα καλεϊται, τὰ δὲ καὶ ὑπὸ ὀρθογωνίων τούτων ὀρθογώνια. τούτων δὲ τὰ μὲν πάντη ἰσόπλευρα,
τουτέστιν ἴσον ἔχοντα τὸ μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος,
ὑπὸ τετραγώνων ἴσων πάντων περιεχόμενα, κύβοι τὰ
δὲ τὸ μὲν μῆκος καὶ πλάτος ἴσον ἔχογτα, τουτέστι τὰς 5
βάσεις τετραγώνους, τὸ δὲ ὕψος ἔλαττον, πλινθίδες τὰ
δὲ τὸ μὲν μῆκος καὶ πλάτος ἴσον, τὸ δὲ ὕψος μεῖζον,
δοκίδες τὰ δὲ πάντη ἀνισόπλευρα σκαληνά.

ἀκριβέστερον δὲ περὶ τῶν μεσοτήτων λεκτέον, ἐπειδὴ καὶ ἀναγκαιοτάτη εἰς τὰ Πλατωνικὰ ἡ τούτων 10 θεωρία. ἀπλῶς μὲν οὖν μεσότης ἐστίν, ἐπειδὰν δύο ὅρων ὁμογενῶν ἀνίσων μεταξύ τις ὁμογενὴς ἔτερος ὅρος ληφθῆ, ὥστε εἶναι ὡς τὴν ὑπεροχὴν τοῦ πρώτου καὶ μείζονος ὅρου παρὰ τὸν ληφθέντα πρὸς τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μέσου παρὰ τὸν ἐλάττονα, οῦτως τὸν πρῶτον 15 ὅρον ἤτοι πρὸς ἑαυτὸν ἢ πρός τινα τῶν ἄλλων ἢ ἀνάπαλιν τὸν ἐλάττονα πρός τινα τῶν ἄλλων.

ἐπὶ μέρους δὲ ἀριθμητικὴ μέν ἐστι μεσότης ἡ τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ τῶν ἄκρων τοῦ μὲν ὑπερέχουσα, ὑφ' οὖ δὲ ὑπερεχομένη· οἶον γ΄ β΄ α΄ ὁ γὰρ τῶν β΄ ἀριθμὸς 20 μονάδι ὑπερέχει τοῦ ἐνὸς καὶ μονάδι ὑπερέχεται ὑπὸ τοῦ γ΄. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῆ μεσότητι πρὸς τὴν τῶν ἄκρων σύνθεσιν ὑποδιπλασίᾳ εἶναι ἢ τε γὰρ τριὰς καὶ ἡ μονὰς συντεθεῖσαι τὴν τετράδα ἐποίησαν, ἢτις δι- πλασία ἐστὶ τοῦ μέσου ἀριθμοῦ τῆς δυάδος.

⁵ qν ante ἔχοντα Α 8 ἀνισόπλευρα] ἀνισαίτερα Α
11 η mg. Α 12 ἀνίσων Bull.] ἴσων Α 13 τῶ . . . ω post
ὅρος er. Α 16 ἐαυτὸν] τοῦτον falso cj. Bullialdus 18 inscr.
τίς ἡ ἀριθμητική μεσότης Α 19 ὑφ' corr. ex ἀφ' Α
23 ὑπὸ διπλασίω Α, em. apogr. καὶ post γὰρ er. Α
24 συντιθεῖσαι Α, em. apogr.

γεωμετρική δέ έστι μεσότης ή καὶ ἀναλογία κυρίως λεγομένη ή τῷ αὐτῷ λόγῷ ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, οἶον πολλαπλασίῷ ἢ ἐπιμορίῷ. οἶον α΄ β΄ δ΄. τά τε γὰρ δ΄ τῶν β΄ διπλάσια καὶ τὰ β΄ τοῦ ἐνὸς διπλάσια καὶ τὰ β΄ τοῦ ἐνὸς διπλάσια καὶ τὰ β΄ τοῦ ἐνὸς διπλάσια καὶ δ΄ τὰ β΄), ταῦτα δὲ ὁμοίως ἐξεταζόμενά ἐστιν ἐν διπλασίῷ λόγῷ. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῷ ἀναλογίᾳ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρῶν συντιθέμενον κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου τετραγώνῷ. οἶον οί ἄκροι 10 ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλασιαζόμενοι ποιοῦσι τὸν δ΄. ἄπαξ γὰρ δ΄ δ΄ καὶ πάλιν ὁ β΄ ἐφ' ἐαυτὸν λαμβανόμενος ποιεῖ τὸν δ΄. δὶς γὰρ β΄ δ΄ ὅστε ⟨τὸ⟩ ὑπὸ τῶν ἄκρῶν ἴσον γίνεται τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου. α΄ β΄ δ΄.

άρμονική δέ έστιν ἀναλογία, ἐπειδὰν τριῶν ὅρων 15 προτεθέντων ὅν ἔχει λόγον ὁ πρῶτος πρὸς τὸν τρίτον, τὸν αὐτὸν ἡ τοῦ πρῶτου ὑπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴν ἔχη. οἶον ς΄ γ΄ β΄ ἡ γὰρ έξὰς πρὸς τὴν δυάδα τριπλασία ἐστί καὶ ἡ ὑπεροχὴ δὲ τῆς έξάδος πρὸς τὰ γ΄ τριὰς οὖσα τριπλασία ἐστὶ τῆς μονάδος, πρὸς τὰ γ΄ τριὰς οὖσα τριπλασία ἐστὶ τῆς μονάδος, πρὸς τὰ ρ΄. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῆ ἀναλογία, τὸν μέσον ὅρον τῷ αὐτῷ μέρει κατὰ τοὺς ἄκρους ὑπερέχειν τε καὶ ὑπερέχεσθαι οἶον β΄ γ΄ ς΄. καὶ γὰρ ὁ τῷν ς΄ τῷ ἡμίσει αὐτοῦ ὑπερέχει τῆς τριάδος καὶ ἡ δυὰς τῷ ἑαυτῆς ἡμίσει ὑπὸ τῆς τριάδος. καὶ τοὺς ἄκρους δὲ συντεθέντας ἀλλήλοις καὶ ὑπὸ τοῦ μέσου πολλαπλασιασθέντας διπλασίους ἂν εῦροιμεν τοῦ ἐκ τῶν ἄκρων ἀποτελου-

¹ inscr. γεωμετοική μεσότης Α 3 έπιμερίω Α
14 inscr. τίς ή άρμονική μεσότης Α 17 έχει Α 26
συγκρινομένη Α 23. 24 ήμισυ Α¹ 24 την τριάδα Α

μένου πολλαπλασίου. οἶον ς΄ καὶ β΄ η΄ ταῦτα δὲ ὑπὸ τῆς τριάδος, ὅς ἐστι μέσος, πολλαπλασιασθέντα γίνεται κδ΄ καὶ πάλιν δὶς ς΄ ιβ΄ τούτων δὲ τὰ κδ΄ διπλάσια.

ύπεναντία δε τη άρμονική καλείται μεσότης, όταν 5 ώς ὁ τρίτος ὅρος πρὸς τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τοῦ πρώτου ύπεροχή πρός την τοῦ δευτέρου οίον ς΄ ε΄ ν΄ τὰ μεν οὖν ς΄ τῶν ε΄ μονάδι ὑπερέχει, τὰ δὲ ε΄ τῶν γ΄ δυσί. τὰ δὲ γ΄ τῶν ς΄ ὑποδιπλάσιά ἐστιν· ἀλλὰ καὶ ἡ μονὰς ύπεροχή οὖσα τοῦ [τε] πρώτου ἀριθμοῦ ὑποδιπλασία 10 έστὶ τῆς δυάδος ὑπεροχῆς οὔσης τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ.

ή δε πέμπτη μεσότης έστίν, δταν τριών δρων όντων ου αν έχη λόγον ο τρίτος προς τον δεύτερον, τοῦτον έχη τὸν λόγον ή τοῦ πρώτου ὑπεροχή πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου ὑπεροχήν οἶον ε΄ δ΄ β΄ τὰ μὲν ε΄ τῶν δ΄ 15 μονάδι ὑπερέχει, άλλὰ καὶ τὰ δ΄ τῶν β΄ δυάδι ὑποδιπλάσια δὲ τὰ β΄ τῶν δ΄ καὶ τὸ ξυ δὲ τῶν β΄ ὑποδιπλάσιον, απερ ύπερογαί είσι τοῦ τε πρώτου καὶ τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ.

έκτη λέγεται μεσότης, όταν τριών όρων προτεθέντων 20 ώς ὁ δεύτερος πρὸς τὸν πρῶτον ἔχει, οὕτως ἡ τοῦ πρώτου ύπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου οἶον ς΄ δ΄ α΄ τὰ μέν γὰο ς΄ τῶν δ΄ δυσίν ὑπερέχει, τὰ δὲ δ΄ τοῦ α΄ τρισίν' έστι δε δ' των ς' ύφημιόλια και ή δυας ύπεροχή

² γίνονται Α 5 inscr. τίς ἡ ὑπεναντία τῷ ἀομο-νιηῷ Α. de sequentibus cf. Procl. in Plat. Tim. p. 144 F. Ideler Abh. d. Berl. Akad. 1828 p. 206 6 6 add. A² ut vid.

¹¹ δυάδος β Α 12 inscr. τίς ή πέμπτη μεσότης Α 13 ἔχει A, em. apogr. 14 ἔχει A, em. apogr. 16 [άλλὰ]?
18 ὑπεροχαί: ὑπερ add. A 2 20 inscr. τίς ἡ ἕκτη μεσότης Α ξητη (δέ)?

οὖσα τῶν ૬΄ ὑφημιολία ἐστὶ τῆς τριάδος ῆτις ἐστὶν ὑπεροχὴ τῆς τετράδος.

περί μεν τούτων και τῶν ταύταις ὑπεναντίων ξξ μεσοτήτων ὑπὸ τῶν Πυθαγορικῶν και ἐπὶ πλέον εἴρηται τημῖν δ' ἔξαρκεῖ κατὰ τὸν Πυθαγορικὸν λόγον συνόψεως ἕνεκα τῶν μαθηματικῶν τυπωδῶς αὐτὰ ἡθροικέναι καὶ ἐπιτομικῶς.

εύρισκονται δὲ αί μεσότητες κατὰ μὲν τὴν ἀριθμητικὴν ⟨ἀναλογίαν⟩ οὕτως. τῆς ὑπεροχῆς τοῦ μείζονος το παρὰ τὸν ἐλάττονα τὸ ῆμισυ προστιθέντες τῷ ἐλάττονι εξομεν τὸν μέσον, ἢ ἐκατέρου τῶν δοθέντων ἀριθμῶν τὰ ἡμίσεα συνθέντες τὸν συντεθέντα μέσον εὑρήκαμεν, ἢ τοῦ συνθέτου ἐξ ἀμφοῖν λαμβάνοντες τὸ ῆμισυ [ῶστεκαὶ εἰς τὰ Πλατωνικὰ τὸ χρήσιμον ἀνευρεῖν]. προστεκαὶ εἰς τὰ Πλατωνικὰ τὸ χρήσιμον ἀνευρεῖν]. προστεκαὶ τὴν ἀριθμητικὴν μεσότητα. λαμβάνομεν τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μείζονος παρὰ τὸν ἐλάττονα ξ΄ ὧν ῆμισυ γ΄. ταῦτα προσθῶμεν τῷ ἐλάττονι· γίνεται θ΄, ὅς ἐστι μέσος τῶν ιβ΄ καὶ ξ΄, ἀριθμητικῶς τρισὶν ὑπερέχων καὶ τὸ ὑπερεχόμενος· ιβ΄ θ΄ ξ΄. πάλιν συνθῶμεν τοὺς ἐξ ἀρχῆς ἄκρους τὰ ιβ΄ καὶ τὰ ξ΄· γίνεται ιη΄. ὧν ῆμισυ θ΄, ὅς ἐστι μέσος.

κατὰ δὲ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν ἐπὶ μὲν ἀριθμων τοῦ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχομένου πλευρὰν τετρά25 γωνον λαβόντες ταύτη έξομεν τὸν μέσον ὅρον. οἶον δεδόσθωσαν δύο ἀριθμοὶ ὅ τε κδ΄ καὶ ὁ ϛ΄. προστε-

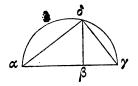
τάχθω τούτων κατὰ τὴν γεωμετοικὴν ἀναλογίαν τὸν μέσον ὅρον ἀνευρεῖν. πεπολλαπλασιάσθωσαν οἱ τε-θέντες ἐπ' ἀλλήλους· γίνεται ρμδ'· τούτων εἰλήφθω πλευρὰ τετράγωνος· ἔσται ὁ ιβ', ος γίνεται μέσος· ἔστι γὰρ ως ὁ κδ' πρὸς ιβ', οῦτως τἔιβ΄ πρὸς ς' ἐν διπλασίω ὁ λόγω. ἀλλ' ἄν μὲν ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενος ἢ τετράγωνος, ὁ ληφθεὶς οῦτως μέσος ὅρος ἡητὸς γίνεται καὶ μήκει σύμμετρος τοῖς ἄκροις ἐξ ὅλων μονάδων εὑρισκόμενος. ἐὰν δὲ μὴ ἢ τετράγωνος ὁ περιεχόμενος ὑπὸ τῶν ἄκρων, ὁ μέσος ὅρος δυνάμει μόνον ἔσται 10 σύμμετρος τοῖς ἄκροις.

λαμβάνεται δὲ κοινότερον ἔν τε ἀριθμοζς [καλ] δητοζς καλ ἐν λόγοις καλ μεγέθεσι [καλ] συμμέτροις γεω-λογον λαβεζν γεωμετρικῶς. εστωσαν δύο ὅροι ὧν δεζ μέσον ἀνά-λογον λαβεζν γεωμετρικῶς. οἶον αβ βγ καλ ἐκκείσθωσαν 15 ἐπ' εὐθείας καλ περὶ ὅλην τὴν αγ γεγράφθω ἡμικύκλιον καλ ἀπὸ τοῦ β ἀνήχθω τῆ αγ πρὸς ὀρθὰς μέχρι τῆς περιφερείας ἡ βδ. αῦτη δὴ γίνεται μέση τῶν αβ βγ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν. ἐπιζευχθεισῶν γὰρ τῶν αδ δγ ὀρθὴ γίνεται ἡ δ γωνία, ἐπεί ἐστιν ἐν ἡμι-20 κυκλίφ καλ ⟨ἐν⟩ ὀρθογωνίφ τῷ αδγ κάθετος ἡ δβ. καλ τὰ περὶ ταύτην τρίγωνα τῷ τε ὅλφ καλ ἀλλήλοις ὅμοιά ἐστιν τοῖς τὰς ἴσας αὐτῶν γωνίας πλευραλ

1 A2 vel manus posterior haec adscripsit:

4 τετραγώνου A^2 6 post μὲν decem fere litt. er. A 9 ή corr. ex ε \tilde{l} A 14 ών δε \tilde{t} A^2] δν δή A^1 17 ἀνήχθω apogr.] . . . χ θω A

ἀνάλογόν εἰσιν $\dot{\omega}_S$ ἄρα $\dot{\eta}$ $\dot{\alpha}\dot{\beta}$ πρὸς τὴν $\dot{\beta}\dot{\delta}$, $\dot{\eta}$ $\dot{\delta}\dot{\beta}$ πρὸς $\dot{\beta}\dot{\gamma}$, τῶν ἄρα $\dot{\alpha}\dot{\beta}$ $\dot{\beta}\dot{\gamma}$ μέση ἀνάλογόν ἐστιν $\dot{\eta}$ $\dot{\beta}\dot{\delta}$. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.



λείπεται δείξαι, πῶς κατὰ τὴν ἁομονικὴν ἀναλογίαν 5 ευθοιμεν αν τζν μέσον δρον. έαν μεν οὐν έν διπλασίφ λόγφ πρὸς άλλήλους δοθώσιν οί ἄκροι, οἶον ὁ ιβ΄ καὶ ό 5', την ύπεροχην τοῦ μείζονος παρά τὸν έλάττονα οίον τὰ ς΄ ποιήσαντες έπὶ τὸν ς΄ καὶ τὸν γενόμενον λς΄ παραβαλόντες παρά τὸν σύνθετον ἐκ τῶν ἄκρων οἶον 10 παρὰ τὰ ιη΄ καὶ τὸ πλάτος τῶν λς΄ οἶον τὰ β΄ προσθέντες τῷ ἐλάττονι, τουτέστι τῷ τῶν ς΄, ἔξομεν τὸ ζητούμενον. ἔσται γὰρ ὁ τῶν η΄ τῷ αὐτῷ μέρει τῶν ἄκρων ύπερέχων και ύπερεχόμενος, τουτέστι τῷ τῶν ἄκρων τρίτφ ιβ΄ η΄ ς΄. ἐὰν δ' ἐν τριπλασίφ λόγφ πρὸς ἀλλή-15 λους δοθώσιν οί ἄκροι, οίον ὁ ιη΄ καὶ ὁ ϛ΄, τὴν ὑπεροχην τοῦ μείζονος παρά τὸν ἐλάττονα ποιήσομεν ἐφ' έαυτήν γίνεται ιβ΄ έπὶ ιβ΄, α έστιν ομδ΄ ών ημισυ ό οβ΄, ⟨ου⟩ παραβαλόντες παρὰ τὸν σύνθετον ἐκ τῶν ακρων οίον τὰ κδ΄ τὸ πλάτος τῆς παραβολῆς οίον τὰ γ΄

^{1. 2} ἄρα] γὰρ A 3 ter praeterea haec figura apposita est in A, adscriptis numeris νδ ιη ς, κδ ιβ ς, δ β 6 δοθῶσσιν: ο corr. ex ω A 9 παραλαβόντες A, παραβάλλοντες οj. Bull. 11 τὸ] τὸν? 16 ἐπι post μείζονος A (tum παρὰ compend. scr.) 18 παραβαλλόντες A, em. apogr. τὸν σύν-θετων A²] τῶν συνθέτων Α

προσθέντες τῷ ἐλάττονι έξομεν τὸν ζητούμενον ὅρον μέσον τῶν ἐξ ἀρχῆς τὸν θ΄, δς ὑπερέχων ἔσται καὶ ύπερεχόμενος ήμίσει των ἄκρων' ιη' θ' ζ'. κοινότερον δ' έπλ πάντων τῶν δοθέντων ἀνίσων δύο δρων τὸν μέσον άρμονικώς ληπτέον ούτω. την ύπεροχην ποιητέον 5 έπι του έλάττουα και του γευόμευου παραβλητέου παρά τὸν σύνθετον ἐκ τῶν ἄκρων. ἔπειτα τὸ πλάτος τῆς παραβολης προσθετέου τῷ ἐλάττουι. οἶου εἰλήφθωσαν δύο δροι ὁ ιβ΄ καὶ ὁ δ΄ καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῶν ιβ΄, τουτέστιν η', ληφθήτω έπὶ τὸν ἐλάττονα, τουτέστι τὸν δ' γίνεται 10 λβ΄ καὶ τὰ λβ΄ παραβλητέον παρὰ τὸν σύνθετον ἐκ των άκρων τον ις΄ (και προσθετέον το πλάτος της παραβολης,> τουτέστι τὰ β΄, τῷ ἐλάττονι, τουτέστι τῷ δ΄ καὶ ἔσται ς΄ μεσότης άρμονική τῶν ιβ΄ καὶ δ΄, τῷ αὐτῷ μέρει τῷν ἄκρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, 15 τουτέστι τῷ ἡμίσει τῷν ἄκρων ιβ΄ ϛ΄ δ΄.

ταῦτα μὲν τὰ ἀναγκαιότατα χρησιμωτάτων ἐν τοῖς προειρημένοις μαθήμασιν ὡς ἐν κεφαλαιώδει καραδόσει πρὸς τὴν τῶν Πλατωνικῶν ἀνάγνωσιν. λεί-κεται δὲ μνημονεῦσαι στοιχειωδῶς καὶ τῶν κατ' ἀστρο- 20 νομίαν.

² τῶν A^2] τὸν A^1 τὸν A^2] τῶν A^1 10 ληφθέντων ut vid. A^1 12 τὸν A^2] τῶν A^1 καὶ — παραβολῆς] pro his verbis exstat in A γίνεται $\overline{\mu\eta}$ 13 β΄ er. Å (in apogr. hic locus ita conformatus est: τὸν ις΄ τουτέστι τὸ πλάτος τῆς παραβολῆς τὰ β΄ ταῦτα προσθῶμεν τῷ ἐλάττονι κτλ.) 14 μεσότης ἀρμονική μέσος τῆς ἀρμονικῆς A 17 ταῦτα: α corr. ex η Å ἀναγιαιότετα: ο corr. ex ω Α τῶν ante χρησιμωτάτων add. Δ^2 , scrib. vid. aut [χρησιμωτάτων] aut καὶ χρησιμώτατα: cf. p. 204, 22 21 ι post ἀστρονομίων del. Å δόξα τῷ ἀγί ω θε ω : — θέωνος σμυρναίου τῶν (τὸ supra vs. add. Δ^2) κατα μαθηματικὸν χρησίμων εἰς τὴν πλάτωνος ἀνάγνωσιν: — τέλος σὺν θε ω τοῦ παρόντος βιβλίου Δ

δτι πᾶς ὁ κόσμος σφαιρικός, μέση δ' αὐτοῦ ἡ γῆ, σφαιροειδὴς οὖσα καὶ αὐτή, κέντρου μὲν κατὰ τὴν θέσιν, σημείου δὲ κατὰ τὸ μέγεθος λόγον ἔχουσα πρὸς τὸ πᾶν, ἀνάγκη προκαταστήσασθαι πρὸ τῶν ἄλλων. ἡ μὲν γὰρ ἀκριβεστέρα τούτων ἀφήγησις μακροτέρας σκέψεως δεῖται, ὡς λόγων πλειόνων' ἔξαρκέσει δὲ πρὸς τὴν τῶν μελλόντων παραδοθήσεσθαι σύνοψιν μόνον μνημονεῦσαι τῶν ὑπὸ τοῦ 'Αδράστου κεφαλαιωδῶς παραδοθέντων.

δτι γὰρ σφαιρικός ὁ κόσμος καὶ ἡ γῆ σφαιρική, 10 κέντρου μεν κατά την θέσιν, σημείου δε κατά το μέγεθος πρός τὸ πᾶν λόγον ἔχουσα, δηλον ἐκ τοῦ πάσας τὰς τῶν οὐρανίων ἀνατολάς (καί) δύσεις καὶ περιπολήσεις και πάλιν άνατολάς κατά τους αύτους γίνεσθαι 15 τόπους τοις έπι τῶν αὐτῶν οἰκήσεων. δηλοι δε ταῦτα καὶ τὸ ἀπὸ παντὸς μέρους τῆς γῆς ῆμισυ μέν, ὡς πρὸς αἴσθησιν, τοῦ οὐρανοῦ μετέωρον ὑπὲρ ἡμᾶς ὁρᾶσθαι, τὸ δὲ λοιπὸν ἀφανὲς ὑπὸ γῆν, ἐπιπροσθούσης ἡμῖν τῆς γῆς, καὶ τὸ <ἐξ> ἀπάσης ὄψεως πάσας τὰς πρὸς τὸν 20 έσχατον ούρανὸν προσπιπτούσας εὐθείας ίσας δοκείν. τῶν τε κατὰ διάμετρον ἄστρων ἐπὶ τῶν μεγίστων κύκλων κατὰ συζυγίας ἀεὶ θάτερον μὲν ἐπὶ ἀνατολῆς, θάτερον δε έπι δύσεως. κωνικόν γαρ η κυλινδρικόν η πυραμοειδές ή τι έτερου στερεόν σχήμα παρά τό σφαι-25 φικὸν τοῦ παντὸς ἔχοντος, κατὰ τῆς γῆς οὐκ ἂν ταῦτα άπήντα, άλλ' άλλοτε μέν πλείον άλλοτε δε ελαττον το ύπέργειον εύρίσκετο τοῦ οὐρανοῦ καὶ τῶν πρὸς τοῦτον

¹ inser. Θέωνος Σμυςναίου τῶν εἰς τὸ μαθηματικὸν χοησίμων Β ὅτι — ποὸ τῶν ἄλλων: transponenda haec videntur post vs. 9 6 ως] καὶ? 10 cf. Chalcid. 59 sqq. 17 μετέωςου Β* 18 ὑπὸ γῆν ⟨εἰναι⟩? 19 ex omni visu Chalc. 27 τούτων Β*

άπὸ γῆς εὐθειῶν ἄνισον τὸ μέγεθος. τό τε τῆς γῆς σφαιροειδές έμφανίζουσιν ἀπὸ μὲν τῆς ἕω ἐφ' ἑσπέραν αί τῶν αὐτῶν ἄστρων ἐπιτολαὶ καὶ δύσεις θᾶττον μὲν τοῖς έφοις κλίμασι, βράδιον δὲ τοῖς πρὸς έσπέραν γινόμεναι καὶ ἡ αὐτὴ καὶ μία σελήνης ἔκλειψις, ὑφ' ἕνα 5 βραχύν και τὸν αὐτὸν καιρὸν ἐπιτελουμένη και πᾶσιν οξς δυνατόν όμου βλεπομένη, διαφόρως κατά τὰς ώρας καὶ ἀεὶ τοῖς ἀνατολικωτέροις ἐν παραυξήσει φαίνεται, διὰ τὴν περιφέρειαν τῆς γῆς μὴ πᾶσιν ὁμοῦ τοῖς κλίμασιν έπιλάμποντος ήλίου καὶ κατὰ λόγον άντιπεριιστα- 10 μένης της ἀπὸ της γης σκιᾶς, νυκτὸς τούτου συμβαίνοντος. φαίνεται δε καλ άπο τῶν ἀρκτικῶν καλ βορείων έπὶ τὰ νότια καὶ μεσημβρινά περιφερές. καὶ γὰρ τοῖς ταύτη προϊοῦσι πολλὰ μὲν τῶν ἀεὶ φανερῶν ἄστρων περὶ τὸν μετέωρον ἡμῖν πόλον ἐν τῷ προελθεῖν ἐπὶ τὰ μεσημ- 15 βρινὰ ἀνατολὰς ὁρᾶται ποιούμενα καὶ δύσεις, τῶν δὲ άει άφανῶν περί τὸν άποκεκρυμμένον ἡμῖν τόπον όμοίως άνατέλλοντά τινα καλ δυόμενα φαίνεται καθάπερ καὶ ὁ Κάνωβος λεγόμενος ἀστήρ, τοῖς βορειοτέροις τῆς Κυίδου μέρεσιν ἀφανὴς ἄν, τοῖς νοτιωτέροις ταύ- 20 της ήδη φανερός γίνεται καὶ έπιπλέον άεὶ τοῖς μᾶλλον. άνάπαλιν δε τοις άπὸ τῶν νοτίων ἐπὶ τὰ βόρεια παραγινομένοις πολλά μεν των ὅπισθεν, πρότερον ἀνατολάς χαλ δύσεις ποιούμενα, παντάπασιν άφανη γίνεται, τινά δὲ τῶν περὶ τὰς ἄρατους παραπλησίως ἀνατέλλοντα καὶ 25 δύνοντα προϊοῦσιν ἀεὶ φανερὰ καθίσταται, καὶ ἀεὶ πλεῖον τοις πλέου προκόπτουσι. πάντη δή περιφερής δρωμένη

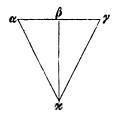
¹ inser. \tilde{o} ti $\dot{\eta}$ ($\dot{\eta}$ $\gamma \ddot{\eta}$ Martin) squid set $\delta \dot{\eta}$ s B 4 kh/pasi B^* 10 artinequistable ov B^* , terrenis umbris etiamnunc obstantibus Chalc. 60 17 rónor] nólor? 20 voteistégois B^* 22 voteiw B^* 23 őnider B^* 25 naqanhysíwr B^*

καὶ ή γη σφαιρική ἂν είη. ἔτι τῶν βάρος ἐχόντων φύσει έπλ τοῦ μέσου τοῦ παντὸς φερομένων, ελ νοήσαιμέν τινα διὰ μέγεθος μέρη γῆς πλέον ἀφεστάναι τοῦ μέσου, ὑπὸ τούτων ἀνάγκη τὰ ἐλάττονα περιεχόμενα ε θλίβεσθαι καὶ βαρούμενα κατισχύεσθαι καὶ ἀπωθεῖσθαι τοῦ μέσου, μέχρις ἂν ἴσον ἀποσχόντα καὶ ἰσοκρατῆ γενόμενα καὶ Ισορροπήσαντα πάντα είς ήρεμίαν καταστη, καθάπες οί τε άμείβοντες και οί τη ίση δυνάμει τῶν ἀσκητῶν διυποβεβλημένοι ἁπανταχόθεν δὲ τῶν 10 μερῶν τῆς γῆς τοῦ μέσου ἴσον ἀπεχόντων τὸ σχῆμα ἂν είη σφαιρικόν. έτι τ' έπεὶ τῶν βαρῶν πανταχόθεν ἐπὶ τὸ μέσον έστιν ή φοπή, πάντων έφ' εν σημείον συννευόντων, φέρεται δ' αὐτῶν ἕκαστον κατὰ κάθετον, τουτέστιν ίσας ποιοῦν γωνίας τὰς πρὸς τὴν τῆς γῆς ἐπι-15 φάνειαν παρ' έκάτερα ής φέρεται γραμμής, σφαιρικήν καὶ τοῦτο μηνύει τὴν τῆς γῆς ἐπιφάνειαν.

ἀλλὰ μὴν καὶ τῆς θαλάσσης καὶ παντὸς ὕδατος ἐν γαλήνη ὄντος σφαιρικὸν κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν γίνεται τὸ σχῆμα. καὶ γὰρ τοῦτο τῆ μὲν αἰσθήσει δῆλον ἐν-20 τεῦθεν ἐὰν γὰρ ἐστὼς ἐπί τινος αἰγιαλοῦ θεωρῆς τι μετὰ τὴν θάλασσαν, οἶον ὄρος ἢ δένδρον ἢ πύργον ἢ πλοῖον ἢ αὐτὴν τὴν γῆν, κύψας καὶ πρὸς τὴν τῆς θαλάττης ἐπιφάνειαν καταστήσας τὴν ὄψιν ἢ οὐδὲν ὅλως ἔτι ἢ ἔλαττον ὄψει τὸ πρὸ τοῦ μεῖζον βλεπόμενον, τῆς κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν τῆς θαλάττης κυρτώσεως ἐπιπροσθούσης τὴν ὅψιν. κἀν τῷ πλοῖζεσθαι δὲ πολλάκις, ἀπὸ

⁹ δι' ὑποβεβλημένοι Β* 14 γονίας Β* 15 ἐκατέφας Β* 17 inscr. ὅτι ἡ δάλασσα σφαῖφα καὶ ἡ γῆ ὁμοίως Β 26 τῷ] τὸ Β*

τῆς νεῶς μήπω βλεπομένης γῆς ἢ πλοίου προϊόντος, τὸ αὐτὸ τοῦτο ἀναβάντες τινὲς ἐπὶ τὸν ίστὸν εἶδον, ἐφ' ὑψηλοῦ γενόμενοι καὶ οἶον ὑπερκύψαντες τὴν ἐπιπροσΦοῦσαν ταῖς ὄψεσι κυρτότητα τῆς θαλάττης. καὶ φυσικῶς δὲ καὶ μαθηματικῶς ἡ παντὸς ὕδατος ἐπιφάνεια, 5 ἡρεμοῦντος μέν, σφαιρικὴ δείκνυται οῦτως.



πέφυκε γὰρ ἀπὸ τῶν ὑψηλοτέρων ἀεὶ εἰσρεῖν τὸ ὕδωρ ἐπὶ τὰ κοιλότερα ἔστι δὲ ὑψηλότερα μὲν τὰ πλέον ἀπέχοντα τοῦ κέντρου τῆς γῆς, κοιλότερα δὲ τὰ ἔλαττον ὅστε ἄν ὑποθωμεθα τὴν τοῦ ὕδατος ἐπιφάνειαν ὀρθὴν 10 καὶ ἐπίπεδον, οἶον τὴν αβγ, ἔπειτα ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς, οἶον ἀπὸ τοῦ κ, ἐπὶ μὲν τὰ μέσον κάθετον ἀγάγωμεν τὴν κβ, ἐπὶ δὲ τὰ ἄκρα τῆς ἐπιφανείας ἐπιξεύξωμεν εὐθείας τὰς κα κγ, δῆλον ὡς ἐκατέρα τῶν κα κρ μείζων ἐστὶ τῆς κβ καὶ ἐκάτερον τῶν α γ σημείων 15 πλέον ἀπέχον τοῦ κ ἤπερ τὸ β καὶ ὑψηλότερον ἔσται

¹ προϊέντος B, em. apogr., fort. scr. προσιόντος 6 δείννειται B, em. apogr. descr. deest in B, sed exstat apud Chalc. 7 είσρεϊν Β* 8 κυλότερα Β* 10 τῆς τοῦ ὕδατος ἐπιφανείας Β*, quare si ponamus aquae superficiem planam et in directa linea positam Chalc. 62 12 τοῦ μέσου Β 13 ἀγάγομεν Β* ἐπιζευξομεν Β* 15 ἐστὶ] ἔσται?

τοῦ β. συρουήσεται τὸ ῦδωρ ἀπὸ τῶν α γ ώς κοιλότεοον τὸ β μέχρι τοσούτου, ἔως ἂν καὶ τὸ β ἀναπληρούμενου ζσα ἀπόσχη τοῦ κ ὅσον ἐκάτερον τό τε α καὶ τὸ γ. και δμοίως πάντα τὰ ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ ὕδατος 5 σημεία τοῦ κ ίσον ἀπέχει. δῆλον ὡς αὐτὴ γίνεται σφαιρική. ώστε και ό πᾶς όγκος όμοῦ γῆς και θαλάττης έστι σφαιρικός. οὐδε γαρ την τῶν ὀρῶν ὑπεροχην ἢ την των πεδίων χθαμαλότητα κατά λόγον τοῦ παντός μεγέθους ώς ἀνωμαλίας αίτίαν ίπανὴν ἄν τις ἡγήσαιτο. 10 τὸ ὅλον γὰο τῆς γῆς μέγεθος κατὰ τὸν μέγιστον αὐτῆς περιμετρούμενον κύκλον μυριάδων κε΄ καλ έτι δισχιλίων σταδίων σύνεγγυς δείκυυσιν Έρατοσθένης, Αρχιμήδης δε τοῦ κύκλου την περιφέρειαν είς εὐθεζαν έκτεινομένην τῆς διαμέτρου τριπλασίαν καὶ ἔτι τῷ έβδόμῷ μέρει 15 μάλιστα αὐτῆς [τῆς διαμέτρου] μείζονα ώστ' εἶη ἂν ἡ πασα της γης διάμετρος μυριάδων η' και οπβ' σταδίων έγγιστα ταύτης γαρ τριπλασία καλ τῷ έβδόμο μείζον ή τῶν κε΄ μυριάδων και τῶν δισχιλίων σταδίων περίμετρος ήν. <δέκα δε σταδίων έστιν ή> τῶν ὑψηλοτά-20 των όρῶν πρὸς τὰ χθαμαλώτατα τῆς γῆς ὑπεροχὴ κατὰ κάθετου, καθὰ Ἐρατοσθένης καὶ Δικαίαρχος εύρηκέναι φασί και δογανικώς δε ταζε τὰ έξ ἀποστημάτων μεγέθη

¹ καὶ ὁμοίως πάντα τὰ ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ ὕδατος post τῶν α γ del. B 7 ὅρων B* 11 κέ] Ͱ κέ B, μὲν κέ Mart. 12 cf. Bernhardy Eratosthenica p. 57—62. Berger die geogr. Fragm. des Hipparch p. 22 sqq. H. W. Schaefer, Philol. XXXI p. 704. Lepsius, Ztschr. für ägypt. Spr. u. AK. XV p. 5 sqq. ΄Αρχιμήδης: circ. dim. 3 17 ἐβδόμω μείζων ἡ] ζ μ ἢ (vel ἢ) B* 19 verba inclusa add. Mart. 20 χθαμαλωτατα: τρ (= τερα) supra ω del. B 21 cf. Bernhardy Erat. p. 56. Müller fragm. hist. Gr. II p. 251 et 253. Schneider ecl. phys. II p. 267 sqq. Plut. Aem. Paul. 15

μετρούσαις διόπτραις τηλικαῦτα θεωρείται. γίνεται οὖν ή τοῦ μεγίστου ὄρους ὑπερογὴ ὀκτακισχιλιοστὸν ἔγγιστα της όλης διαμέτρου της γης. έαν δε κατασκευάσωμεν [τάνταῦθα] ποδιαίαν τινὰ κατὰ διάμετρον σφαῖοαν, έπεὶ τὸ δακτυλικὸν διάστημα συμπληροῦται [καὶ] 5 κεγχριαίαις διαμέτροις τὸ μῆκος ἔγγιστα δέκα δυσίν [ύπερμετρούντων καὶ ἡμίσεια], εἴη ἂν ἡ ποδιαία τῆς κατασκευασθείσης σφαίρας διάμετρος κεγχριαίαις διαμέτροις τὸ μῆκος ἀναπληρουμένη διακοσίαις ἢ καὶ βραχὺ ἐλάττοσιν. ὁ γὰρ ποῦς ἔχει δακτύλους ις΄ ὁ δὲ 10 δάκτυλος ἀναπληφοῦται κεγχριαίαις διαμέτροις ιβ΄ τὰ δε ις΄ δωδεκάκις φτβ΄. το τεσσαρακοστον οὖν μέρος της κεγχριαίας διαμέτρου (μεζόν έστιν η όκτακισχιλιοστον της ποδιαίας διαμέτρου). τεσσαρακοντάκις γάρ διακόσια όκτακισχίλια. τὸ δὲ ὑψηλότατον ὄφος κατὰ 15 την κάθετον έδείχθη της διαμέτρου της γης όκτακισχιλιοστὸν ἔγγιστα μέρος. ἄστε τὸ τεσσαρακοστὸν μέρος τῆς κεγχριαίας διαμέτρου μείζονα λόγον έξει πρὸς τὴν ποδιαίαν τῆς σφαίρας διάμετρον. καὶ τὸ συνιστάμενον άρα στερεόν ἀπὸ τοῦ τεσσαρακοστοῦ μέρους τῆς κεγ- 20 χριαίας διαμέτρου πρός τὸ ἀπὸ τῆς ποδιαίας ὅμοιον στερεόν, (μείζονα λόγον έξει ἢ) τὸ ἀπὶ τῆς δεκασταδιαίας καθέτου στερεον πρός το άπο της διαμέτρου της νης δμοιον στερεόν. τὸ δὲ συνιστάμενον σφαιρικὸν

³ ἐἀν δὲ κατασκενάσωμεν bis scr. B, semel apogr.
4 ἐνταῦθα apogr. 8 διαμέτροις] διαστήμασι Β 9 διακοσίας Β 13 ὀκτακισχιλιοστόν ἐστι τῆς ποδιαίας διαμέτρου add. Mart., sed cf. vs. 9 ἢ καὶ βραχν ἐλάττοσιν, vs. 18 μείζονα λόγον, p. 127, 9 πολλῷ ἐλάττονα λόγον 14 τεσσαφακοντάκι B, em. apogr. 15 ὄρος] μέρος Β* 22 pro verbis inclusis in B scriptum est πρὸς, quod Martinus in ὡς mutavit: sed cf. adn. ad vs. 13 δεκαποδιαίας Β*

στερεὸν ἀπὸ τοῦ τεσσαρακοστοῦ μέρους τῆς κεγχριαίας διαμέτρου έξακισμυριοτετρακισχιλιοστόν μέρος έσται τῆς όλης κέγχουν τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δεκασταδιαίας καθέτου σφαιρικον όρος σταδίων έστι στερεών έγγιστα (φκδ'). 5 ή δὲ ὅλη γῆ, σφαιροειδής λογιζομένη, στερεῶν σταδίων έχει μυριάδας τρίτων μεν άριθμῶν σξθ΄, δευτέρων δε θυί, πρώτων δε δτλά, και έτι στάδια ζωκά και τριτημόριον σταδίου. πάλιν γὰρ ἀποδείκνυται σχημα τὸ ύπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς κύκλου περιφερείας εἰς εὐ-10 θεΐαν έξαπλουμένης περιεχόμενον όρθογώνιον τετραπλάσιον είναι τοῦ ἐμβαδοῦ τετάρτου μέρους τῆς σφαίρας, ίσου τῷ ἐμβαδῷ τοῦ κύκλου. διόπερ εύρίσκεται τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον πρὸς τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου λόγον έχου, δυ ιδ΄ πρός ια΄ έπεὶ γάρ έστιν ή περιφέ-15 φεια της διαμέτφου τφιπλασία καὶ ἔτι τῷ έβδόμφ μείζων, οΐων έστιν ή διάμετρος ζ΄, τοιούτων ή περιφέρεια γίνεται κβ΄ τὸ δὲ τέταρτον αὐτῆς ε΄ ς΄ ωστε καὶ οῖων τὸ τετράγωνον μθ΄, τοιούτων ὁ κύκλος λη΄ ς΄, καὶ διὰ τὸ ἐπιτρέχον ημισυ διπλασιασθέντων οΐων τὸ τετρά-20 νωνον τη΄, τοιούτων ὁ κύκλος οζ΄ τούτων δὲ ἐν ἐλαχίστοις και πρώτοις άριθμοζς λόγος ώς ιδ΄ πρός ια΄. άμφοτέρων γὰρ αὐτῶν μέγιστον κοινὸν μέτρον έστλν ὁ ζ΄ άριθμός, ὅστις τὸν μὲν τη΄ μετρεῖ τεσσαρεσκαιδεκάκις, τὸν δὲ οζ ενδεκάκις· ώστε τοῦ ἀπὸ τῆς διαμέτρου

³ δεκαποδίου B^* 4 δοςς σταδίων] δοςοσταδίων B, φκδ σταδίων Mart.: cf. p. 127, 9 στεςεδυ B^* pro numero φκδ΄ spatium vacuum est in B 6 σξθ΄] μυςιάδων $\mu = B^*$ 7 θυί] $\mu \bar{\eta}$ B^* δτλά΄] μυςίων B^* σταδία - στάδιου] σταδίων $\bar{\tau}$ $\bar{\tau}$

κύβου πρός τὸν ἐπὶ τοῦ κύκλου κύλινδρον (λόγος ὡς ιδ΄ πρός ια΄ του δε έπλ τοῦ κύκλου κύλινδρου> ἀποδείκνυσιν 'Αρχιμήδης ήμιόλιον τῆς ἐν αὐτῷ σφαίρας. γίνεται ἄρα οΐων ζό> ἀπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου . κύβος ιδ', τοιούτων ο μέν κύλινδρος ια', ή δε σφαζοα 5 ζ΄ καλ τρίτου. διὰ δὲ ταῦτα εύρίσκεται τὰ σφαιρικὰ στερεὰ τῆς τε γῆς καὶ τοῦ μεγίστου ὄρους τῶν προειρημένων άριθμών. τὸ ἄρα δεκασταδιαίαν έχον τὴν κάθετον σφαιρικόν όρος πρός την όλην γην πολλώ έλάττονα λόγον έχει ήπες τὸ έξακισμυςιοτετρακισχιλιοστὸν 10 μέρος τῆς κέγχρου πρὸς τὴν ἀπὸ τῆς ποδιαίας διαμέτρου σφαίραν τὸ δὲ μὴ σφαιρικὸν ὄρος, ἄλλ' οἶον βλέπεται, πολί έτι έλάττονα. τὸ δὲ τοιοῦτον μέρος τῆς κέγχοου προστιθέμενον έξωθεν τῆ ποδιαία σφαίρα ἢ ίδία ἀφαιρούμενον αὐτῆς καὶ κοιλαινόμενον οὐδ' ἡντιν- 15 οῦν ποιήσει διαφοράν. οὐδ' ἄρα τῶν ι' σταδίων ἔχον την κάθετον ύψηλότατον όρος έστι πρός λόγον τοῦ μη σφαιρικήν είναι την πάσαν της γης και δαλάττης έπιφάνειαν. [ή περίμετρος της γης έστι σταδίων μπε β, $\dot{\eta}$ δὲ διάμετρος $\mu^{\underline{\eta'}}$ $\mathbf{Q}\mathbf{\pi}\beta'$, τὸ δ' ἀπὸ τῆς διαμέτρου τε- 20 τράγωνον μμ^{ξδ΄} μ^{βψιε΄} γραδ΄, ὁ δὲ κύβος μμμ^{φιε΄} $\mu\mu \frac{\gamma v \iota \vartheta'}{2} \mu \frac{\partial \varphi \circ \eta'}{\partial \varphi}$ ηφξη' τοῦ δὲ κύβου τὸ τεσσαρεσκαιδέκατον μμμ^{λε΄} μμ. ηρα΄ μ. δοκξ΄ χιβ΄.]

¹ Martinus locum ita supplevit: $\pi \varrho \delta s$ τον έπl τοῦ κύκλον κύλινδρον, $\langle \delta v \rangle$ ἀποδείκνυσιν — σφαίρας, $\langle l \delta v \rangle$ εἶναι ὡς ιδ΄ πρὸς ια΄ \rangle 3 Αρχιμ.: de sph. et cyl. I 37 6 ζ καὶ τρίτου] ζs B* 8 δεκασταδιαίαν] δὶς καταδιαίαν B* 9 $\delta \varrho os$ B* 11 διαμέτρου ποδιαίας B 15 κυλαινόμενον B* οὐδ΄]

οὐ δι' B^* 19 $\mu^{\frac{\times e}{l}}$ β] $\mu^{\frac{e}{l}} \Box$ B^* 20 sqq. τὸ δ' ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνα $\mu^{\frac{E}{l}}$ $\mu^{\frac{e}{l}}$ $\overline{\iota}$ $\overline{\iota}$ ενδ, ὁ δὲ κύβος μυριάδων $\mu^{\frac{e_{l}e}{l}}$

τῆς οἰκουμένης ὡς κέντρα τῆς ἡλιακῆς ὑποτιθέμενα 10 σφαίρας καὶ μηδ' ἡντινοῦν αἰσθητὴν διὰ τοῦτο ποιούμενα τὴν παραλλαγήν. εἰ γὰρ ἔν μέν ἐστι κέντρον ἀναγκαίως πρὸς τὰς ὅλας σφαίρας, πάντα δὲ τὰ ἐπὶ τῆς γῆς σημεῖα ὡς τοῦτο ὑπάρχοντα φαίνεται, δῆλον ὡς ἡ

λ κγ΄ λ φοη΄ φξη΄ μμμ τεσσαρεσκαιδέκατον, τοῦ δὲ κύβου τὸ τεσσαρεσκαιδέκατον μμλζ Β*, sequitur in B vacuum spatium trium fere versuum. Martinus haec addit: οῦ τὸ ἐπταπλάσιον καὶ τριτημόριον, ίσον τῷ ὄγκῷ τῆς γῆς, στερεῶν σταδίων ἐστὶ μμμ $\frac{σξρ}{2}$ μμ $\frac{βυλ}{2}$ ξωκα καὶ τριτημορίου. Praeterea in accise seribit: "quoniam autem plura in codice deesse videntur, probabile est auctorem in iis quae nunc desunt ostendisse, cum in diametro unum pedem longa sint 64000 grani milii diametri, in sphaera, cuius haec est diametros, esse 512000000000 grani milii moles, et toties fere terrae, qualem credidit Eratosthenes, mole contineri pro sphaerica habitam maximi montis decem stadia alti molem." 1 inscr. ὅτι μέση ἡ γῆ καὶ σημείου λόγον ἔπέχει ὅ ἔστι σφαιρικόν τῆς γῆς μέγεδος Β τοῦ] τῆς Β* 2 παρεγκλισθείσα Β, παρεκκλιθείσα Mart.

5 ηκάσας B, em. apogr. 8 declaratur acie verutorum, qui gnomones adpellantur a mechanicis, ad faciendam solariis umbram, qua declarantur horae. quippe mechanici horologia instituentes per omnes provincias omnesque etiam plagas habitabiles sumunt sibi promisce atque indifferenter horum ipsorum gnomonum mucrones pro puncto et medietate solstitialis pilae Chalc. 64. (γνωμόνων ἄνρα ἐπὶ χωρῶν τε καὶ τόπων πάντων) Mart.

10 αίσθητὴν bis scr. B, semel apogr. 13 τοῦτο] τούτων B*, ergo si est una vera et certa medietas solstitialis pilae, omnes autem notae atque omnia puncta ex omni regione terrarum a d-

όλη γῆ (σημείου τάξιν ἐπέχει) πρὸς τὴν ὅλην τοῦ ἡλίου σφαίραν καὶ πολλῷ τινι μᾶλλον πρὸς τὴν τῶν ἀπλανῶν ὅστε καὶ διὰ τοῦτο ἀεὶ τὸ ῆμισυ τοῦ κόσμου θεωρεῖσθαι ὑπὲρ αὐτήν [βραχεί τινι μοίρας].

καὶ περὶ μὲν σχήματος τοῦ τε παντὸς καὶ τῆς γῆς, 5 ἔτι δὲ τῆς ταύτης μέσης θέσεως καὶ τοῦ πρὸς τὸ πᾶν αὐτῆς ἀδήλου μεγέθους, εἰ καὶ πολλὰ ἔτι οἶόν τε λέγειν, ἔξαρκέσει πρὸς τὴν τοῦ ἐφεξῆς παράδοσιν τὰ ὑπὸ τοῦ ᾿Αδράστου τὸν εἰρημένον ὑποδεδειγμένα τρόπον.

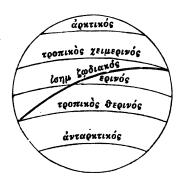
έν δὲ τοῖς ἐφεξῆς φησι φερομένης δὲ τῆς οὐρανίας 10 σφαίρας περὶ μένοντας τοὺς ἑαυτῆς πόλους καὶ τὸν ἐπιζευγνύντα τούτους ἄξονα, περὶ δν μέσον ἐρήρεισται μέση ἡ γῆ, τὰ [δὲ] ἄστρα πάντα συμφερόμενα ταύτη καὶ ἁπλῶς τὰ κατὰ τὸν οὐρανὸν πάντα σημεῖα γράφει κύκλους παραλλήλους, τουτέστιν ίσον μὲν ἀπέχοντας 15 ἀλλήλων, πρὸς ὀρθὰς δὲ γινομένους τῷ ἄξονι, ᾶτε τοῖς τοῦ παντὸς πόλοις γραφομένους. ὅντων δὲ τῶν μὲν τοῖς ἄστροις (γραφομένων κύκλων) ἀριθμητῶν, τῶν δὲ τοῖς ἄλλοις σημείοις σχεδὸν ἀπείρων, ὀλίγοι τινὲς τετυχήκασι διασήμου προσηγορίας, οὓς χρήσιμον εἰδέναι να πρὸς τὴν τῶν κατὰ τὸν οὐρανὸν ἐπιτελουμένων θεωρίαν. εἰς μὲν ὁ•περὶ τὸν ἡμῖν μετέωρον καὶ ἀεὶ φαινό-

sequentur veram istam solis medietatem, perspicuum est, quod omnis terra puncti vicem habeat adversum solis globum comparata Chalc. 1 (σημείον έστι) Mart. 4 (ῆ) βραχεί τινι μεῖον (νel μείζον) Mart. 10 inscr. περί τῶν ἐν τῆ ἀπλανεί (ἀπλανῆ Β*) παραλλήλων πόπλων Β sed erocalite sphaera vertente semet circa fixos et manentes semper polos continuantemque eosdem polos axem, cui adhaeret medio media tellus, comitatur vertiginem caelitis sphaerae stellarum omnium populus e. q. s. Chalc. 65 20 διασήμον] διὰ σημείον Β*, nobili celebres adpellatione Chalc. 22 εἰς] ἡς Β*

μενον πόλον και αὐτὸς ἀεὶ φανερός, καλούμενος ἀρκτικὸς ἀπὸ τῶν ἐν αὐτῷ κατηστερισμένων ἄρκτων. Ετερος δε έξ έναντίας, ίσος τούτφ, περί τον αποκεκρυμμένον πόλον και αὐτὸς ἡμιν ἀεὶ ἀφανής, καλούμενος ἀνταρ-5 κτικός. μέσος δε πάντων μέγιστος καλ δίχα διελών την ολην σφαίραν, καλούμενος ίσημερινός, έπειδή τῷ μέν ύπ' αὐτὸν κλίματι τῆς γῆς πᾶσαι νύκτες καὶ πᾶσαι ήμεραι ίσαι, και των άλλων δε εν όσοις κατα πάσαν έκάστην τροπήν τοῦ παντὸς άνατέλλων τε καὶ δύνων 10 φαίνεται ήλιος, έπειδὰν κατὰ τοῦτον γένηται τὸν κύκλου, ἴσην ἡμέραν διαιρεῖ νυκτί. μεταξὺ δὲ τοῦ τε ίσημερινοῦ καὶ τῶν ἀρκτικῶν καθ' έκάτερον τροπικός, θερινός μέν ώς πρός ήμᾶς έπὶ τὰ ένθάθε τοῦ Ισημερινοῦ ταττόμενος, χειμερινός δὲ ὁ ἐπὶ θάτερα, τὴν ἐπὶ τὰ 15 νότιά τε καλ βόρεια πάροδον τοῦ ἡλίου τρέποντος. λοξὸς γὰο τούτοις ἔγκειται ὁ ζωδιακός, μέγιστος μὲν καὶ αὐτὸς κύκλος, τῶν μὲν τροπικῶν ἐφαπτόμενος καθ' εν έκατέρου σημείου, τοῦ μὲν θερινοῦ κατὰ καρκίνου, θατέρου δὲ κατ' αίγοκέρων, δίχα δε τέμνων τον ίσημερινον και αύτος 20 ὑπ' ἐκείνου διχοτομούμενος κατά τε χηλὰς καὶ κριόν, ύφ' ον ηλιός τε φέρεται και ή σελήνη και οι λοιποί πλάνητες, φαίνων τε ό τοῦ Κρόνου προσαγορευόμενος, ώς δέ τινες Ήλίου, και φαέθων ὁ τοῦ Διός, ἔτι δὲ πυρόεις, ον "Αρεως καλούσιν, οί δε Ήρακλέους, καλ

¹ φανεφῶς Β* 3 τούτω] τοῦτο Β* 7 νύκτες καὶ] νύκται Β* 12 καθ΄ ἔτεφον Β, hac atque illac Chalc. 66. cf. Cleom. p. 15 Bak. καθ΄ ἔκάτεφον δὲ τοῦτων πάλιν ἔτεφοι γράφονται δύο κτλ. 16 ζωδιακός add. Mart., in B spatium vacuum est; per quos obliquus curvatur signifer, et ipse maximus circulus e. q. s. Chalc. inscr. περί τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τῶν πλανωμένων ζωδιακῶν (ζωδιακῶν del. Mart.) Β 22 φαίνων τε] φαίνοντε Β*

φωσφόρος, ον φασιν 'Αφροδίτης, τουτον δε και έωσφίρον και εσπερον όνομάζουσι, προς δε τούτοις στίλβων, ον καλουσιν Έρμου.



λέγεται δέ τις κύκλος ὁρίζων, ὁ διὰ τῆς ἡμετέρας ὅψεως ἐκβαλλόμενος καὶ κατ' ἐπιπρόσθησιν τῆς γῆς 5 ἴσα διαιρῶν ὡς πρὸς αἴσθησιν τὸν ὅλον οὐρανόν, τουτέστι τό τε φανερὸν ὑπὲρ γῆς ἡμισφαίριον καὶ τὸ ἀφανὲς ὑπὸ γῆς, μέγιστος ὁμοίως καὶ τοὺς μεγίστους διχοτομῶν τόν τε ἰσημερινὸν καὶ τὸν ζφδιακόν' ὅθεν καὶ τῶν κατὰ διάμετρον ἄστρων κατὰ συζυγίαν ἀεὶ 10 θάτερον μὲν ἐπ' ἀνατολῆς ὁρᾶται, θάτερον δὲ ἐπὶ δύσεως. διαιρεῖ δὲ οὖτος δίχα καὶ τὸν μεσημβρινόν. ἔστι γάρ τις καὶ μεσημβρινὸς καλούμενος μέγιστος κύκλος, γραφόμενος μὲν διὰ τῶν πόλων τοῦ παντὸς ἀμφοτέρων, ὀρθὸς δὲ νοούμενος πρὸς τὸν ὁρίζοντα. καλεῖται 15

⁴ inscr. περὶ τοῦ δρίζοντος Β πύπλος] πύπλων Β, dicitur etiam circulus finalis Chalc. 5 ἐπιπρόσθεσιν B^* 12 διαιρεῖ] διαιρεῖται B^* , potest etiam scribi διαιρεῖται δὲ οὖτος δίχα ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ. hunc autem ipsum bifariam dividit meridialis Chalc. 13 inscr. περὶ μεσημβρινοῦ Β

(δὲ) μεσημβρινὸς οἶον ἐπειδὴ κατὰ μέσην ἡμέραν ἐπὶ τούτφ γίνεται μετέωρος ὁ ῆλιος. καλοῦσι δὲ ἔνιοι τοῦτον καὶ κόλουρον, ἐπειδὴ ⟨τὸ⟩ πρὸς τὸν ἀφανῆ πόλον μέρος αὐτοῦ ἐφ᾽ ἡμῖν ἐστιν ἀφανές.

άλλ' ὁ μὲν ἰσημερινὸς καὶ οι έκατέρωθεν τούτου τροπικοί δεδομένοι καὶ άραρότες τοῖς μεγέθεσι καὶ ταῖς θέσεσι. δεδόσθαι δε λέγεται τῆ θέσει σημείά τε καί γραμμαί, ἃ τὸν αὐτὸν ἀεὶ τόπον ἐπέχει τῷ δὲ μεγέθει δεδομένα χωρία τε και γραμμαι και γωνίαι λέγονται, 10 οίς δυνάμεθα ίσα πορίσασθαι. ὁ δὲ τοῦ ἰσημερινοῦ κύκλος και οι έκατέρωθεν τροπικοι άει τον αὐτον έπέχουσι τόπον καὶ ἀραρότες εἰσί καὶ ἴσους αὐτοῖς οἶόν τε πορίσασθαι, τῷ μὲν ἰσημερινῷ τόν τε ζῷδιακὸν καὶ τὸν ὁρίζοντα καὶ τὸν μεσημβρινόν, τῷ δὲ χειμερινῷ τὸν 15 θερινόν και τῷ θερινῷ τὸν χειμερινόν οἵτινες διὰ τούτων ἀεί είσι δεδομένοι, ὅτι οὐκ ἐφ' ἡμῖν ἐστι τοιούσδε η τηλικούσδε ύποστήσασθαι αὐτούς, άλλὰ τῆ φύσει ύποκείμενοι τοιοῦτοι καὶ δεδομένοι, κᾶν μὴ ἡμεῖς δῶμεν α δε έφ' ήμιν έστι δουναι αύτα η τοία η τοία 20 είναι, ταῦτα τῆ [δε] φύσει οὐκ ἔστι δεδομένα. φύσει ούν δεδομένοι καὶ ἀραρότες [τουτέστιν ὑφεστῶτες καὶ άραρότες] ο τ' ισημερινός και οι έκατέρωθεν και τη θέσει καὶ τοῖς μεγέθεσιν. ὁ δὲ ζφδιακὸς τῷ μὲν μεγέθει δέδοται καὶ τῆ κατ' αὐτὸν τὸν οὐρανὸν θέσει, τῷ δὲ 25 πρὸς ήμᾶς οὐ δέδοται τῆ θέσει : μεταπίπτει γὰρ ώς πρὸς ήμᾶς, διὰ τὴν ἐν τῷ παντὶ λόξωσιν ἄλλοτε ἄλλως [στά-

⁶ τροπικοὶ δεδομένοι] δεδομένοι τροπικοὶ B^* 7 διδοσθαι B^* 12 τρόπον B^* αὐτοὶς] αὐτοὺς B^* 15 διὰ τοῦτο Mart. 19 ἢ τοιὰ ἢ τοιὰ B, ἢ τοιάδε ἢ τοιάδε Mart. 20 δὲ del. Mart. 21 pr. καὶ ἀραφότες del. Mart. 24 τῷ] τὸ?

μενος ύπερ ήμας. μεσημβρινός δε και δρίζων τῷ μεν μεγέθει δεδομένοι, μέγιστοι γάρ, τῆ δὲ θέσει μεταπίπτοντες καθ' εκαστον κλίμα τῆς γῆς, ἄλλοι παρ' ἄλλοις γινόμενοι ούτε γαρ απασι τοῖς ἐπὶ τῆς γῆς ὁ αὐτὸς όρίζων, οὔτε πᾶσι τὸ αὐτὸ μεσουράνισμα, οὔθ' έκάστω 5 έστιν ὁ (αὐτὸς) μεσημβρινός. οι μέντοι πρὸς τοις πόλοις, ο τε άρατικός και ό άνταρατικός, ούτε τοις μεγέθεσι δέδονται ούτε ταζο θέσεσι κατά δὲ τὴν διαφοράν τῶν νοτιωτέρων καὶ βορειοτέρων κλιμάτων παρ' οἶς μεν μείζονες, παρ' οίς δε ελάττονες δρώνται, και κατά 10 μέσην μέντοι την γην, τουτέστι κατά την ύπο τον ίσημερινόν λεγομένην ζώνην διὰ καῦμα ἀοίκητον, οὐδ' όλως γίνονται, των πόλων άμφοτέρων έκετ φαινομένων και τοῦ ὁρίζοντος δι' αὐτῶν ἐκπίπτοντος. εἰσι δὲ οῖ και τὴν σφαϊραν ὀρθὴν καλοῦσι, πάντων τῶν παραλλήλων 15 όρθων γινομένων ώς πρός έκείνους τούς τόπους τῆς γῆς.

ἔτι τῶν μὲν ἄλλων κύκλων ἔκαστος ὄντως ἐστὶ κύκλος ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενος. ὁ δὲ λεγόμενος
ξωδιακὸς ἐν πλάτει τινὶ φαίνεται καθάπερ τυμπάνου
κύκλος, ἐφ' οὖ καὶ εἰδωλοποιεῖται τὰ ζώδια. τούτου 20
δὲ ὁ μὲν διὰ μέσου λέγεται τῶν ζωδίων, ὅστις ἐστὶ καὶ
μέγιστος καὶ τῶν τροπικῶν ἐφαπτόμενος καθ' εν ἐκατέρου σημεῖον καὶ τὸν ἰσημερινὸν διχοτομῶν οἱ δὲ
ἐκατέρωθεν τὸ πλάτος ἀφορίζοντες τοῦ ζωδιακοῦ καὶ
τοῦ διὰ μέσου ἐλάττονες.

medius adpellatur Chalc.

² τη δε θέσει μετ.] τη θέσει μετ. δε Β, τη θ. δε μ. Mart., sed positione nutant e. q. s. Chalc. 67 5 μεσουράνημα? οῦθ΄] καθ΄ Β, και Mart. 16 πρὸς ἐκείνους] προσήκει ὡς Β* 17 inscr. περί τοῦ ζωδιακοῦ Β΄ ἔτι] εἴ τις Β, εἰς τις Mart. etiam illud addendum Chalc. 68 21 ὁ μὲν ⟨τὸ πλάτος διατέμνων⟩? secat porro latitudinem eius circulus qui inter signa

οί μεν οὖν πολλοί και ἀπλανεῖς ἀστέρες τῆ πρώτη καὶ μεγίστη καὶ τὸ πᾶν ἔξωθεν περιεχούση σφαίρα συμπεριφέρουται μίαν και άπλην έγκύκλιον κίνησιν, ώς ένεστηριγμένοι ταύτη καὶ ὑπ' αὐτῆς φερόμενοι, θέσιν ε τε (μίαν) και άει την αὐτην έν τη σφαίοα διαφυλάττοντες και τὴν πρὸς ἀλλήλους τάξιν ὁμοίαν, μηδ' ἡντινοῦν ετέραν μεταβολην ποιούμενοι μήτε σχήματος η μεταναστάσεως μήτε μεγέθους η χρώματος. ηλιος δε καλ σελήνη καλ οί λοιπολ πάντες άστέρες καλούμενοι 10 πλάνητες συναποφέρονται μέν ύπὸ τοῦ παντὸς τὴν ἀπὸ άνατολών έπι δύσιν φοράν καθ' έκάστην ήμέραν, καθά και οι απλανείς, φαίνονται δε καθ' εκάστην ημέραν πολλάς καὶ ποικίλας ἄλλας ποιούμενοι κινήσεις. εἴς τε γὰο τὰ ἐπόμενα τῶν ζφδίων μετίασι καὶ οὐκ εἰς τὰ 15 προηγούμενα κατὰ τὴν ίδίαν πορείαν, ἀντιφερόμενοι (τῷ) παυτί τὴν κατὰ μῆκος αὐτῶν λεγομένην φοράν, και από των βορείων έπι τα νότια και αναπαλιν τρέπονται, την κατά πλάτος ποιούμενοι μετάβασιν, άπλῶς δὲ ἀπὸ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ πρὸς τὸν χειμερινὸν καὶ 20 αναπαλιν φερόμενοι διὰ τὴν τοῦ ζωδιακοῦ λόξωσιν τούτοις ύφ' ών άεὶ θεωρουνται, καὶ ἐν αὐτῷ τῷ πλάτει

¹ inscr. περὶ τῶν ἀπλανῶν Β 2 καὶ τὸ et in fine paginae et in initio sequentis scr. B, semel apogr. 3 ἀπλῆν] ἀπλανῆ τὴν Β: cf. p. 149, 1. una simplicique circa illam agitatione Chalc. 69 4 ἐν ἐστηριγμένοι Β* 5 unam et ean-

dem semper positionem Chalc. 6 ἡντινοῦν B 8 inscr.
περὶ τῶν πλαν ἡτων Β ἤλιος δὲ] ἤλιός τε Β 13 εἰς]
εἴ Β* 16 τῷ παντὶ] πάντη Β*, universi globi motui contrarios motus agentes Chalc. 17 τρέπεται Β 18 πλάτος] παντὸς
Β, τοῦ παντὸς Mart. cf. vs. 21. p. 135, 12. 173, 11. latiore deflexione perverse Chalc. 20 τούτοις ὑφ' ὧν ἀεὶ Φεωροῦνται
fort. del.

τοῦ ζφδιακοῦ ποτὲ μὲν βορειότεροι τοῦ διὰ μέσου φαινόμενοι καὶ ὑψοῦσθαι λεγόμενοι, ποτὲ δὲ νοτιώτεροι καὶ
ταπεινούμενοι, καὶ τοῦτο οἱ μὲν πλείον, οἱ δὲ ἔλαττον,
ἔτι δὲ καὶ τοῖς μεγέθεσι διαλλάττοντες, διὰ τὸ ποτὲ μὲν
ἀπογειότεροι, ποτὲ δὲ σύνεγγυς ἡμἴν ἐν τῷ βάθει φέ- ε
ρεσθαι. διὰ δὲ τοῦτο καὶ τὸ τάχος τῆς κινήσεως διὰ
τῶν ζφδίων ἀνώμαλον φαίνονται ποιούμενοι, τὰ ἴσα
διαστήματα μὴ ἐν ἴσοις χρόνοις παραλλάττοντες, ἀλλὰ
Θᾶττον μὲν ὅτε καὶ μέγιστοι δοκοῦσι διὰ τὸ προσγειότεροι καθίστασθαι, βραδύτερον δὲ ὅτε καὶ μικρότεροι 10
διὰ τὸ γίνεσθαι ἀπόγειοι.

τὸ δ' ἐν αὐτῷ τῷ ζωδιακῷ πλάτος τῆς μεταβάσεως ὁ μὲν ῆλιος βραχύ τι παντάπασιν ὁρᾶται, τὸ πᾶν περὶ μίαν μοίραν τῶν τξ' ἡ δὲ σελήνη, καθὰ οἱ ἀρχαῖοί μίαν μοίραν τῶν τξ' ἡ δὲ σελήνη, καθὰ οἱ ἀρχαῖοί φασι, καὶ ὁ φωσφόρος πλεῖστον, περὶ γὰρ μοίρας ιβ' 15 στίλβων δὲ περὶ μοίρας γ'. ἀλλὰ σελήνη μὲν καὶ ῆλιος ἴσον ἐφ' ἐκάτερον τοῦ διὰ μέσου ἐν παντὶ ζωδίω κατὰ πλάτος φαίνονται χωρεῖν, τῶν δὲ ἄλλων ἔκαστος οὐκ ἴσον, ἀλλ' ἔν τινι μὲν βορειότατος, ἔν τινι 20 δὲ νοτιώτατος γίνεται. τὸν δὲ τῶν ζωδίων κύκλον κατὰ τὸ μῆκος ἀπὸ σημείου ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον, εἰς τὰ ἑπό-

¹ βορειότερον τὸν διὰ μέσου φαινόμενον Β* 3 καὶ τοῦτο: ante καὶ nota eiusdem vocis Β 6 τάχος] πάχος Β*

⁹ προσγείότερον B 12 post μεταβάσεως pauca videntur excidisse: evagatio tamen in latum, quae fit in zodiaco, non a equa est omnium; quippe solis minor e. q. s. Chalc. 70

¹³ παντάπασι φέρεται Mart. περί μίαν μοΐοαν. cf. p. 194, 7. Schiaparelli, Ztschr. f. Math. u. Physik XXII. Suppl. (Abh. zur Gesch. d. Math. I) p. 126 14 cf. p. 194, 10 15 ιβ΄: cf.

Biot, Journal des Savants 1850 p. 200 16 στάβων δὲ Β 18 μέσον Β* 21 νοτιώτατος: ι corr. ex ε Β

μενα καὶ οὐκ εἰς τὰ προηγούμενα, σελήνη μὲν ἐν ἡμέραις κζ καὶ τρίτφ μάλιστα ἡμέρας καὶ νυκτὸς διέρχεται· ὁ ἥλιος δ' ἐνιαυτῷ, ὅς ἐστιν ἡμερῶν ἐγγὺς τξε΄ δ΄΄ φωσφόρος δὲ καὶ στίλβων καθ' ἔκαστα μὲν ἀνωμάλως, ὁ ὀλίγον παραλλάττοντες τοῖς χρόνοις, ὡς δὲ τὸ ὅλον εἰπεῖν ἰσόδρομοι ἡλίφ εἰσίν, ἀεὶ περὶ τοῦτον ὁρώμενοι διὸ καταλαμβάνουσί τε αὐτὸν καὶ καταλαμβάνονται πυρόεις δὲ ὀλίγου δεἴν διετία, καὶ φαέθων μὲν σύνεγγυς ἔτεσι δώδεκα, φαίνων δὲ παρ' ὀλίγον ἔτεσι λ΄.

διὸ καὶ τὰς πρὸς τὸν ηλιον συνόδους καὶ φάσεις 10 καὶ κρύψεις, ἃς καὶ αὐτὰς ἀνατολὰς καλοῦσι καὶ δύσεις, ούχ δμοίως πάντες ποιοῦνται. σελήνη μέν γὰρ μετὰ την πρός τον ήλιον σύνοδον, έπειδη θαττον αύτοῦ την είς τὰ έπόμενα ποιείται κίνησιν, ἀεὶ έσπερία πρώ-13 τως φαινομένη και άνατέλλουσα, έφα κρύπτεται και δύνει. φαίνων δε και φαέθων και πυρόεις ανάπαλιν έπειδη βράδιον ήλίου τον των ζωδίων άνύουσιν είς τὰ έπόμενα κύκλον, οίον αὐτοί καταλαμβανόμενοι ὑπ' αὐτοῦ καὶ παριέμενοι, ἀεὶ έσπέριοι δύνοντες [δε] έῷοι 20 ανατέλλουσιν. ὁ φωσφόρος δὲ καὶ στίλβων ἰσόδρομοι όντες ήλίφ και περί αὐτὶν ἀεί βλεπόμενοι, καταλαμβάνοντες αὐτὸν και καταλαμβανόμενοι ὑπ' αὐτοῦ, έκατέρως έσπέριοι μεν άνατείλαντες έσπέριοι πάλιν πρύπτονται, έφοι δε φανέντες έφοι δύνουσι καλ άφανίζονται. 25 τῶν γὰρ ἄλλων πλανωμένων ἀπὸ τοῦ ἡλίου πᾶν ἀπό-

⁸ πορόεις δὲ ὀλίγον δὴν διετίαν Β* 14 ἐσπερεία Β* 17 βραδίων Β* 18 κύκλον, οἶον] κύκλον κύκλον οἷον Β, κύκλον, τοὐναντίον Mart. tamquam ab eo comprehensi Chalc. 19 ἐσπέρειοι Β* δύνονται, έὧοι δὲ Mart. vespere occidentes exoriuntur matutinae Chalc. 20 inscr. περὶ τῶν ἡλίον (ἡλίφ Mart.) ἰσοδρόμων Β. cf. p. 187, 5 sqq.

στημα ἀφισταμένων καὶ κατὰ διάμετρον αὐτῷ ποτε γινομένων, οἱ δύο οὖτοι ἀεὶ περὶ τὸν ῆλιον ὁρῷνται, στίλβων μὲν κ΄ που μοίρας, τουτέστιν ἔγγιστα δύο μέρη ζῷδίου, τὸ πλεϊστον ἀνατολικώτερος ἢ δυσμικώτερος αὐτοῦ γινόμενος, ὁ δὲ τῆς ᾿Αφροδίτης περὶ ν΄ μοίρας τ πρὸς ἀνατολὰς ἢ δύσεις ἀφιστάμενος.

άνατολή δὲ λέγεται πλεοναχῶς κυρίως μὲν καὶ κόινῶς ἐπί τε ἡλίου καὶ τῶν ἄλλων ἄστρων ἡ πρώτη ἀναφορά ύπερ τον δρίζοντα. Ετερον δε τρόπον έπι των άλλων ή πρώτη φαῦσις ἐκ τῶν τοῦ ἡλίου αὐγῶν, ῆτις καὶ κυ- 10 ρίως (φαῦσις) όνομάζεται λοιπή δε ή καλουμένη ἀκρόνυχος, έπειδαν ήλίου δύνοντος το κατα διάμετρον αστρον έπὶ τῆς ἀνατολῆς βλέπηται καλείται δὲ ἀκρόνυχος, έπειδή ή τοιαύτη ἀνατολή γίνεται ἄκρας νυκτός, τουτέστιν ἀρχομένης. παραπλησίως δὲ καὶ δύσις κοινῶς 15 μεν ή πρώτη κάθοδος ή ύπὸ τὸν ὁρίζοντα τρόπον δε άλλον ό πρώτος άφανισμός άστρου τινός ύπό τών τοῦ ήλίου αὐγῶν, ήτις καὶ κυρίως κρύψις πάλιν προσαγοφεύεται· λοιπή δε καὶ ἀκφόνυχος, ἐπειδὰν ήλίου ἀνατέλλοντος τὸ κατὰ διάμετρον ἄστρον ἀντικαταδύνη. τῶν 20 δὲ διὰ τὰς τοῦ ἡλίου αὐγὰς λεγομένων ἀνατολῶν καὶ δύσεων, τουτέστι φαύσεων καλ κούψεων, αί μέν είσιν έφαι, αί δε έσπέριαι. έφα μεν ούν έστιν άνατολή άστρου, έπειδαν έκφευγον τας του ήλίου αύγας προανατέλλον αύτοῦ πρώτως όραθῆ, καθάπερ καὶ ἡ τοῦ κυνὸς ἐπιτολὴ 25

³ που] πολύ B, cf. p. 187, 10, τὸ πολύ Mart. 5 αὐτῶ B* ν΄] π B*, cf. p. 187, 12; quinquaginta Chalc. 7 inscr. ὁποσαχῶς λέγεται ἀνατολή Β 8 ἐπί τε] ἐπεὶ δὲ Β* 9 ὑπὲς] ὑπὸ Β* 10 φάσις cj. Mart. 20 ἀντικαταδύνει Β* 23 ἐσπέριοι Β* 24 ἐκφεύγων Β* προανατέλλων Β* 25 πρῶτος Β*

λέγεται έσπερία δέ, έπειδὰν μετὰ τὴν δύσιν τοῦ ἡλίου πρώτως φανῆ, καθάπερ τὴν σελήνην ταζς νεομηνίαις φαμὲν ἀνατέλλειν. παραπλησίως δὲ καὶ δύσεις έῷαι μέν, ἐπειδὰν ταζς ἔμπροσθεν ἡμέραις τι προανατέλλον τ ἡλίου συνεγγίσαντος αὐτῷ πρώτως ἀφανισθῆ, καθάπερ ἡ σελήνη έσπερία δέ, ἐπειδὰν ἐπικαταδυομένφ τινὶ συνεγγίσας ὁ ῆλιος πρώτως διὰ τὰς αὐγὰς ἀφανὲς αὐτὸ καταστήση.

τὴν δὲ κατὰ τόπον τῶν σφαιρῶν ⟨ἢ⟩ κύκλων θέσιν 10 τε καὶ τάξιν, ἐν οἶς κὲίμενα φέρεται τὰ πλανώμενα, τινὲς μὲν τῶν Πυθαγορείων τοιάνδε νομίζουσι προσγειότατον μὲν εἶναι τὸν τῆς σελήνης κύκλον, δεύτερον δ' ὑπὲρ τοῦτον ⟨τὸν τοῦ⟩ Ἑρμοῦ, ἔπειτα τὸν τοῦ φωσφόρου, καὶ τέταρτον ⟨τὸν⟩ τοῦ ἡλίου, εἶτα τὸν τοῦ ᾿Αρεως, 16 ἔπειτα τὸν τοῦ Διός, τελευταΐον δὲ καὶ σύνεγγυς τοῖς ἀπλανέσι τὸν τοῦ Κρόνου μέσον εἶναι βουλόμενοι τὸν τοῦ ἡλίου τῶν πλανωμένων ὡς ἡγεμονικώτατον καὶ οἶον καρδίαν τοῦ παντός. μηνύει δὲ ταῦτα καὶ ᾿Αλέξανδρος ὁ Αἰτωλός, λέγων οῦτως ·

¹ ἐπειδὴ Β* 3 ἔφα? similiter occasus matutinus quidem Chalc. 71 4 τἰς προανατέλλων Β* 5 συνεγγύσωντος Β* 6 ἔσπέριαι Mart. 7 πρῶτος Β* αὐτὸ] αὐτῶ Β* 9 inscr. περὶ θέσεως τῶν πλανωμένων Β. stellarum errantium ordinem duabus figuris illustr. Β; ad alteram (cui similis est descr. XXIII in Chalcidii editione Wrobeliana) adscriptum est αί σειρῆνες κατὰ] μετὰ Β* ἢ add. Mart. positionem vero atque ordinem conlocationis globorum vel etiam orbium Chalc. 72 κύκλων: ων e corr. Β 11 τῶν Πυθαγορείων: cf. Zeller I p. 395, 5 17 πλανομένων Β* ἡγεμονικωτάτου Mart. 18 καρδία Β, καρδίας Mart. scilicet ut inter planetas sol medius locatus cordis, immo vitalium omnium praestantiam obtinere intellegatur Chalc. 72. cf. p. 188, 5. Procl. in Tim. p. 171 C 19 cf. Rhein. Mus. XXVI p. 586

ύψοῦ δ' ἄλλοθεν ἄλλος ὑπέρτερον ἔλλαχε κύκλον ἀγχοτάτη μὲν δἴα σεληναίη περὶ γαΐαν, δεύτερος αὖ στίλβων χελυοξόου Έρμείαο, τῷ δ' ἔπι φωσφόρος ἐστὶ φαεινότατος Κυθερείης, τέτρατος αὐτὸς ὕπερθεν ἐπ' ἡέλιος φέρεθ' ἵπποις, 5 πέμπτος δ' αὖ πυρόεις φονίου Θρήικος "Αρηος, ἕκτος δ' αὖ φαέθων Διὸς ἀγλαὸς ἵσταται ἀστήρ, ἔβδομος ⟨αὖ⟩ φαίνων Κρόνου ἀγχόθι τέλλεται ἄστρων. πάντες δ' ἐπτανόνοιο λύρης φθόγγοισι συνφδὸν ἀρμονίην προχέουσι διαστάσει ἄλλος ἐπ' ἄλλη. 10 καὶ γὰρ τοῦτο Πυθαγόρειον, τὸ καθ' ὑρμονίαν εἰρεσθαι τὸν κόσμον καὶ κατὰ τοὺς τῶν ἡρμοσμένων καὶ συμφώ-

BC, em. Vossius (cf. Gale in notis ad hist. poet. scriptt. p. 149. Schneider ad Vitr. t. II p. 23) 2 δια — γαιαν recte C] δια σεληναία περι γαίαν Β 3 στρίβων C χελνοξόον ξομείαο C] χελιζώον (χελνοσόον Vossius, χελνοσόον λαεκε ορυκε. I p. 29) έρμείον Β 4 τῶ δ' ἐπὶ C] τῶν ἐπι Β (τῶν δ' ἐπὶ Gale, τῷ ἔπι Schneider) 5 τέτρατος — ἡέλιος recte C] τέταρτος αὐτος ὅπερθεν ἐπιέλιος Β αὐ καθύπερθεν? 6 πυρόεις: cf. Ludwich Beitr. zur Kritik des Nonnos p. 91 φονίον Mart.] φ ου Β (spat. vac. quattuor fere litt.), φθονίον C, φωστήρ Gale, φαέθων Schneider, φοβεροῦ Peerlkamp (Gelder ad Tim. Locr. p. 83), φόνιος G. Hermann Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 500 ἄρης ut vid. C (Θρηίκιος ἄρης Hermann) 7 ἔπτος Β, ἔπτὸς C, em. Vossius ἀστήρ Β] ἀνήρ C 8 αὐ add. Gale φαίνων C] φαίνεται Β (ψυχρὸν — ἄστρον cj. Schneider) πρόνω C ἄστρων Β] ἀστήρ C (ἄστρον Vossius) 9 hunc et seq. versum adfert etiam Heraclitus alleg. Hom. p. 27 Mehl. συνφθὸν Heracl.] σύνοθον Β, συνωθοί C et schol. Π. A 46 ubi Heracliti locus exscriptus est 10 προχέονοι Βredow epist. Paris. p. 255] προσέχονοι Heracl., στοιχοῦσι Β, στείχονοι C, παρέχονοι Schow διασταθὸν Gale ἄλλη C] ἄλλην Β. διάστασιν ᾶλλος ἐπ' ἄλλον schol., διαστάς ἄλλος ἀπ' ἄλλον Heracliti codd.(?) 11 sqq. Ach. Ταt. isag. ad Ar. Phaen. p. 136 A περί δὲ τῆς ἐναφιονίον πινήσεως αὐτῶν είπεν, ὡς ἔφην, ἄρατος ἐν τῷ καφίνι καὶ Ἑρατοσθένης ἐν τῷ Ἑρμῆ καὶ Τψικλῆς καὶ Θράσνλλος καὶ ἄδραστος ἄρροδισιεύς καθ'] κατ' Β*

1 ὑπέρτατον BC, em. Meineke anal. Alex. p. 373

νων φθόγγων λόγους διεστώτα τὰ οὐράνια τῷ ρύμη καὶ τῷ τάχει τῆς φορᾶς ἡρμοσμένους καὶ συμφώνους φθόγγους ἀποτελείν. ὅθεν καὶ ἐν τοίς ἐφεξῆς φησιν ᾿Αλέξανδρος.

γαία μὲν οὖν ὑπάτη τε βαρεία τε μεσσόθι ναίει ἀπλανέων δὲ σφαίρα συνημμένη ἔπλετο νήτη μέσσην δ' ἠέλιος πλαγκτῶν θέσιν ἔσχεθεν ἄστρων τοῦ δ' ἀπὸ δὴ ψυχοὸς μὲν ἔχει διὰ τέσσαρα κύκλος κείνου δ' ἡμίτονον φαίνων ἀνίησι χαλασθείς,
τοῦ δὲ τόσον φαέθων ὅσον ὅβριμος Ἅρεος ἀστήρ ἡέλιος δ' ὑπὸ τοίσι τόνον τερψίμβροτος ἴσχει, αἰγλης δ' ἡελίοιο τριημίτονον Κυθέρεια ἡμίτονον δ' ὑπὸ τῷ στίλβων φέρεθ 'Ερμείαο, τόσσον δὲ χρωσθείσα φύσιν πολυκαμπέα μήνη τόσον πόσον δὲ χρωσθείσα φύσιν πολυκαμπέα μήνη

5 μεσσόθι vel μεσόθι C] μέσηθι B ναίει C] ναίη B 6 νήξ C, νότης B 6 μέσην B, μέσσον vel μέσον C ή έλιος C] ήλιος B πλακτῶν BC, em. Vossius ἔσχεθεν C] ὑπέροχεο B, ἔσχ΄ ὑπὲρ Vossius B ἀπο B, ὑπὸ C τοῖο B αφ΄ τψιστος vel τοῦ B απο B τψος B B νόκον B B νάσν B τέσσαρα: αρα periit in C, τεσσάρω B κύκλων C 10 τῶ B τάσιν φαέθων ὅσον

εβριμος ἄρεως ἀστήρ Β, τοῦ δὲ τόσον φαέθων ἡνοβριμος ἄρε... ἀστήρ C, τοῦ δ' ἴσον φαέθων, τόνον ὅβριμος ἤρεος ἀστήρ dubitanter cj. Bergk, Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 175 11 δ' C] om. Β τῆσι ut vid. C 12 αἴγλο C ἡελίοιο C] ἡελίοις ac tum ἡ del. Β Κυθέρεια Naeke] κυθερείης ΒC, Κυθερείη Gale 13 δ' ὑπὸ τῶ C] ἀεὶ ὑπο Β, δὲ ὑπὸ Gale, δ' ὑπὸ τῷ

Naeke fort. recte ἡ qμείε C, ξομείας B, em. Vossius
14 δὲ] τε Schneider πολυπαμπέα C] πολυπαμπτέα B
15 πέντοου ἄτ ἡελίοιο C] κέντοει (vel πέντει) δ΄ ἡελίοις B, πέντου ἄπ ἡελίοιο Bergk
16 αὐτὴ Schneider ἀπ ἡέοος εἰς C] ἀπηεριῆς B, ὑπ ἡέοι ἡς Mart.

άρμοσθεϊσ' ἀπτίσι πυρὸς πρυερῆσί τε πάχναις οὐρανοῦ έξάτουον τόνον ἔσχεθε τὸν διὰ πασῶν. τοίην τοι σειρῆνα Διὸς παῖς ῆρμοσεν Έρμῆς, έπτάτονον κίθαριν, θεομήστορος εἰκόνα κόσμου.

έν δε τούτοις την μεν τάξιν των σφαιρών ην βεβού- 5 ληται μεμήνυκε, την δε διάστασιν αὐτῶν και τὰ ἄλλα σχεδον πάντα φαίνεται είκη πεποιήσθαι. την γαρ λύραν έπταχορδον λέγων είκονα κόσμου συστήσασθαι τον Ερμην και έν τη δια πασων ήρμοσμένην συμφωνία τὸ παν έννεάχορδον συνίστησιν, εξ μέντοι τόνους περιέχον. 10 καλ τὸν μὲν τῆς ὑπάτης φθόγγον ἀποδίδωσι τῆ γῆ, διότι βαρυτάτη τῶν ἄλλων ἐστὶν αῦτη καίτοι ἢ ἐπὶ τοῦ μέσου έστιν ακίνητος, ούδ' όλως ποιεί φθόγγον τον δε της συνημμένης νήτης τη των απλανών αποδίδωσι σφαίρα, καλ τοῦτο ζ΄.... μεταξύ δὲ τίθησι φθόγγους 15 τοὺς τῶν πλανωμένων. πάλιν τὸν της μέσης ἀποδίδωσι τῷ ἡλίω, τῆς ὑπάτης οὖτε πρὸς τὴν μέσην διὰ πέντε συμφωνούσης, άλλὰ διὰ τεσσάρων, οὔτε πρὸς τὴν συνημμένην νήτην διὰ πασών, άλλὰ πρὸς τὴν διεζευγμένην. τό τε πᾶν σύστημα οὖτε κατὰ διάτονον γένος ὰρμόζεται. 20 ούτε γὰο τριημιτονιαΐον ἀσύνθετον ούτε πλείω ένὸς ήμιτόνια κατά τὸ έξης εν τούτω μελωδείται τῷ γένει.

¹⁰ $\pi\epsilon \varrho i\acute{\epsilon} \chi o \nu$ B 12 $\mathring{\eta}$ B, ϵl Mart. 14 $t\mathring{\eta}$] $t\mathring{\eta} \nu$ B* 15 $\sigma \varphi a \ell \varrho a \nu$ B* $\kappa a l$ $\tau o \acute{\nu} \tau \omega \nu$ $\nu \epsilon \tau a \dot{\epsilon} \dot{\nu}$ ζ' $\tau \ell \partial \eta \sigma \iota$ Mart. fort. recte; in B post $\overline{\xi}$ vacuum spatium est paucarum literarum

ούτε μην κατὰ χοῶμα πάλιν γὰο ἐν χοῶματι τόνος ἀσύνθετος οὐ μελφθεῖται. εἰ δὲ μικτὸν ἐξ ἀμφοῖν λέγει τις τοῖν γενοῖν εἶναι τὸ σύστημα,............ τό τε πλείω δυοῖν κατὰ τὸ ἐξῆς ἡμιτόνια τάττεσθαι οὐδ' 5 ὅλως ἐστὶν ἐμμελές. ἀλλὰ ταῦτα μὲν τοῖς ἀμυήτοις μουσικῆς ἐστιν ἄδηλα.

¹ κατὰ χοῶμα] χοῶμα τὰ Β, ἐν χοώματι Mart. 7 sqq. cf. Erat. carm. rel. p. 38. Bernhardy Erat. p. 143 11 ἔτι] ἐστι Β* 12 ποῶτος Β*, primitus Chalc. 73 13 δαυμάσοιε Β, δαυμάσειε Mart. miratum Chalc. 15 ὁμοίαν Mart. addidit post ἀρμονίαν: miratum, quod imago a se inventi operis in caelo quoque reperiretur stellarum conlocatione, quae causa esset concinentiae, recensere, primum se a terra transmisisse lunae globum, post quem superasse solis, dehinc Mercurii Stilbontis et ceterorum cum aplani summa et excelsa Chalc. 17 cf. p.

^{105, 15} sqq. 18 τὰς] ταὶς Β* 20 ὁ μουσικώ ἀλεξαν Β, ὁ μουσικώτατος ἀλέξανδοος αροgr., ὁ μουσικώτεος Άλεξάνδου Mart., οὐχ ὡς ὁ μουσικώτατος Αλέξανδος Βergk

τος 'Αλέξανδρος]. οι μέντοι μαθηματικοί τὴν τάξιν τῶν κλανωμένων οὖτε ταύτην ⟨οὖτε τὴν⟩ αὐτὴν πάντες τιθέασιν, ἀλλὰ μετὰ μὲν τὴν σελήνην τάττουσι τὸν ῆλιον, ὑπὲρ δὲ τοῦτον ἔνιοι μὲν τὸν στίλβοντα, εἶτα τὸν φωσφόρον, ⟨ἄλλοι δὲ τὸν φωσφόρον,⟩ ἔκειτα τὸν στίλ- δβοντα, τοὺς δὲ ἄλλους ὡς εἴρηται.

Πλάτων δὲ ἐπὶ τέλει τῆς Πολιτείας, προτρέπων ἐπὶ δικαιοσύνην καὶ ἀρετήν, μῦθόν τινα διέξεισι [καὶ] περὶ τῆς τῶν οὐρανίων διακοσμήσεως, λέγων ἄξονα μέν τινα διὰ τοῦ πόλου διήκοντα οἶον κίονα, ἐτέραν δὲ ἡλακάτην 10 καὶ ἄτρακτον, τοὺς δέ τινας περὶ τοῦτον κοίλους ἐν ἀλλήλοις ἡρμοσμένους σφονδύλους τὰς τῶν ἄστρων σφαίρας, ζ μὲν τῶν πλανωμένων, ἐκτὸς δὲ μίαν τῶν ἀπλανῶν ἐντὸς αὐτῆς περιέχουσαν τὰς ἄλλας δηλοί δὲ τὴν τάξιν τῶν σφαιρῶν διά τε τοῦ μεγέθους τῶν ἄστρων 15 ἐκάστου καὶ διὰ τοῦ τάχους τῆς ἐπὶ τὰ ἐναντία τῷ παντὶ φορᾶς, λέγων οῦτως.

έπειδή δε τοις έν τῷ λειμῶνι έκάστοις έπτὰ ἡμέραι γένοιντο, ἀναστάντας έντεῦθεν δείν τῆ ὀγδόη ἐκπορεύε- νο σθαι, καὶ ἀφικνείσθαι [ἢ] τεταρταίους ὅθεν καθορᾶν

¹ mathematici tamen neque hanc neque unam omnes ordinationem stellarum errantium ponunt Chalc. 4 τοῦτον corr. ex τούτων Β 5 ἄλλοι δὲ τὸν φωσφόρον add. Mart. ultra hunc autem quidam Mercurium, quidam aliquem ex residuis conlocant Chalc. 7 τὰ ἐν τῷ Πολιτεία περὶ τοῦ Παμφίλον μύθον Β (haec verba sine ullo discrimine ceteris inserta sunt) τῆς Πολιτείας: cf. Civ. X p. 614 B sqq. 9 cf. Boeckh kl. Schr. III p. 299 sqq. 10 τὸν πόλον Β οίον] οἱ Β* ἡλεκάτην Β* 11 τοῦτο Β 13 ἔκτος Β* μίαν] πρώτην (i. e. α') Β, πρώτην τὴν Mart. 19 Plat. Civ. p. 616 Β ἡμέραις Β 20 γένοιτο Β πορεύεσθαι Plato 21 τεταρτέονς ὅθεν καθαράν Β

ανωθεν διὰ παντὸς τοῦ οὐρανοῦ καὶ γῆς τεταμένον φῶς εὐθύ, οἶον κίονα, μάλιστα τῆ ἔριδι ἐμφερές, λαμπρότερον δε και καθαρώτερον, είς δ άφικνεισθαι προελθόντας ήμερησίαν όδόν, και ίδειν αὐτόθι κατά μέσον τὸ 5 φῶς ἐκ τοῦ οὐρανοῦ τὰ ἄκρα τῶν δεσμῶν τεταμένα. είναι γὰρ τοῦτο τὸ φῶς σύνδεσμον τοῦ οὐρανοῦ, οίον τὰ ὑποζώματα τῶν τριήρων, οὖτω πᾶσαν συνέχον τὴν περιφοράν εκ δε των ακρων τεταμένον ανάγκης ατρακτον, δι' οὖ πάσας ἐπιστρέφεσθαι τὰς περιφοράς οὖ 10 την μεν ηλακάτην και το άγκιστοον είναι έξ άδάμαντος, τὸν δὲ σφόνδυλον μικτὸν ἐκ τούτου καὶ ἄλλων. τὴν δε τοῦ σφονδύλου φύσιν είναι τοιάνδε τὸ μεν σχημα οΐανπερ τοῦ ἐνθάδε νοῆσαι δὲ δεί ἐξ ὧν ἔλεγε τοιόνδε αὐτὸν είναι ωσπερ γὰρ αν έν ένὶ μεγάλω σφονδύλω 15 ποίλφ καὶ έξεγλυμμένφ διαμπερές άλλος τοιοῦτος έλάττων έγκέοιτο άρμόττων καθάπερ οι κάδοι είς άλλήλους άρμόττοντες και ούτω δε τρίτον άλλον και τέταρτον καὶ άλλους τέτταρας. ὀκτώ γὰρ είναι τοὺς σύμπαντας σφονδύλους έν άλλήλοις έγκειμένους, κύκλους ἄνωθεν 20 τὰ χείλη φαίνοντας, νῶτον συνεχὲς ένὸς σφονδύλου άπεργαζομένους περί την ήλακάτην έκείνην δε διά

¹ τεταγμένον B (sic etiam Platonis codex Vat. B) 2 έμφες ές] προσφερῆ Pl. (προσφερὲς Ven. B) 3 παθαρότερον B ἀφικέσθαι Pl. 4 ίδεὶν Pl.] δεῖν B 5 τὰ ἄπρα αὐτοῦ τῶν δερμῶν Pl. (τὰ ἄπρα τῶν δερμῶν αὐτοῦ codd. multi, τὰ ἄπρα ἐν τῶν δεσμῶν αὐτοῦ codd. multi, τὰ ἄπρα ἐν τῶν δεσμῶν unus) τεταμμένα είναι· τοῦτο γὰρ φῶς B 7 οὐτος πὰς συνέχων (corr. ex συνεχῶς) B 8 ἀνάγμαις B 10 ἡλεκάτην B καί] τε καί Pl. 11 ἔκ τε τούτον καὶ ἄλλων γενῶν Pl. 12 τοῦ Pl.] τὴν B 13 οἴαπερ ἡ τοῦ Pl. 14 ῶσπερ γὰρ ἀν ἐνι μεγάλω B, ῶσπερ ἀν εί ἐν ἐνὶ μεγάλω Pl. 15 κύλω καὶ ἐγκεγλυμένω B ἄλλως B ἔλατον B 16 ἐλπέοιτο B οί ante είς Pl. (om. Vind. B) 17 δὲ] δὴ Pl. 20 σφονδύλους B et Platonis codd. duo 21 δὲ διὰ Pl.] διὰ δὲ B

μέσου του όγδόου διαμπερές έληλάσθαι. τον μέν ούν πρώτόν τε (καί) έξωτάτω σφόνδυλον πλατύτατον τὸν τοῦ γείλους κύκλον έγειν, τὸν δὲ (τοῦ) εκτου δεύτερον, τρίτον δε του του τετάρτου, τέταρτου δε του του ονδόου, πέμπτον δε τὸν τοῦ εβδόμου, εκτον δε τὸν τοῦ πέμπτου, 6 εβδομον δε τὸν τοῦ τρίτου, ὄγδοον δε τὸν τοῦ δευτέφου. και τὸν μέν τοῦ μεγίστου ποικίλον, τὸν δὲ τοῦ έβδόμου λαμπρότατον, τὸν δὲ τοῦ ὀγδόου χρῶμα ἀπὸ τοῦ εβδόμου έχειν προσλάμποντος, τὸν δὲ τοῦ δευτέρου καλ πέμπτου παραπλήσια άλλήλοις, ξανθότερα έκείνων 10 γρώματα, τρίτον δε λευκότατον χρώμα έχειν, τον τέταρτον ὑπέρυθρον, δεύτερον λευκότητι τὸν ἕκτον. κυλίεσθαι δε στρεφόμενον του άτρακτου όλου μεν την αυτην φοράν τῷ κόσμω, ἐν δὲ ὅλῳ περιφερομένω τοὺς ἐντὸς έπτα κύκλους την έναντίαν τῷ ὅλῷ ἡρέμα περιάγεσθαι, 15 αὐτῶν δὲ τούτων τάχιστα μὲν ἰέναι τὸν ὄγδοον, δευτέφους δε και αμα άλλήλοις ισοταχώς τόν τε εβδομον και τὸν έκτον καὶ τὸν πέμπτον τρίτον δὲ φορᾶ ιέναι, ὅν φασι φαίνεσθαι έπανακυκλούμενον μάλιστα τῶν ἄλλων. τέταρτον δε (τον) τρίτον και πέμπτον τον δεύτερον. 20 στοέφεσθαι δε αὐτὸν έν τοῖς τῆς ἀνάγκης γόνασιν. ἐπὶ δε των κύκλων αὐτοῦ ἄνωθεν ἐφ' εκάστου βεβηκέναι

³ τοῦ ἔπτου δεύτερον Pl.] ἐπ τοῦ δευτέρου B 4 τρίτον δὲ Pl.] τρίτον τὲ Β 7 μεγίστου Pl.] πέμπτου Β 8 τὸ ante χρῶμα Pl. (om. Vat. H) 11 χρώματα non est apud Pl. τὸν τέταρτον] τέταρτον δὲ Pl. 12 δεύτερον δὲ λευπότητι τὸν Pl. δεύτερον λευπότατον Β πυπλεῖσθαι Pl. 13 δὴ post δὲ Pl. (om. Flor. T) 14 τῷ πόσμφ non est apud Pl. τῷ ante ὅἰφ Pl. (om. codd, duo) μὲν post τοὺς Pl. 15 περιάγεσθαι] περιφέρεσθαι Pl. 17 ἰσοταχῶς non est apud Pl. 18 παὶ ἔπτον παὶ πέμπτον Pl. τὸν ante τρίτον Pl. (om. codd, duo) ὄν φασι] ὡς σφίσι Pl. 19 μάλιστα τῶν ἄλλων] τὸν τέταρτον Pl.

Σειοηνα συμπεριφερομένην, φωνήν μίαν ιείσαν, ενα τόνον έκ πασῶν όκτὰ οὐσῶν άρμονίαν συμφωνείν.

ταῦτα μὲν οὖν καὶ ὁ Πλάτων ον τὴν ἐξήγησιν ἐν τοις τῆς Πολιτείας ποιούμεθα ὑπομνήμασιν. κατεσκεύαε σται δ' ἡμιν καὶ σφαιροποιία κατὰ τὰ εἰρημένα καὶ γὰρ αὐτός φησιν ὁ Πλάτων ὅτι τὸ ἄνευ τῶν δι' ὄψεως μιμημάτων [τῶν] τὰ τοιαῦτα ἐθέλειν ἐκδιδάσκειν μάταιος πόνος. ἐπὶ δὲ τῶν κύκλων ⟨ᾶς⟩ φησιν ἐφεστάναι Σειρῆνας οἱ μὲν αὐτούς ⟨φασι⟩ λέγεσθαι τοὺς πλάνη10 τας, ἀπὶ τοῦ σειριάζειν κοινῶς τε γάρ, φησιν ὁ κάραστος, πάντας τοὺς ἀστέρας οἱ ποιηταὶ σειρίους καλοῦσιν, ὡς Ἦρυκος

φλεγέθων, ἄπερ διὰ νύπτα μαπρὰν σείρια παμφανόωντα,

15 καὶ κατὰ διαφορὰν ἔνιοι τοὺς λαμπροὺς καὶ ἐπιφανεῖς, ὡς ᾿Αρατος τὸν τοῦ κυνὸς ὀξέα σειριᾶν φησι, καὶ ὁ τραγικὸς ἐπί τινος τῶν πλανήτων ·

1 ἔνα τόνον Pl.] ἐνάτονον B 2 δὲ post πασῶν Pl.
μίαν ante ἀρμονίαν Pl. 4 ὑπομνήμασιν: Procl. in Tim. p.
26 Α ἄλλοι δὲ Καλλαίσχου Κριτίαν ακὶ Γλαύκωνα παίδας λέγουσιν, ῶσσες καὶ Θέων ὁ Πλατωνικός(?) κατεσκεύασθαι Β*
6 Plat. Tim. p. 40 D τὸ λέγειν ἄνεν διόψεως (δι' ὅψεως vel
δ' ὅψεως codd. tres) τούτων αὐ τῶν μμημάτων μάταιος ἄν εἔγ
πόνος: in Theonis vel Adrasti exemplari fuit ἄνεν τῶν δι'
ὄψεως μμημάτων, quod etiam Proclus legisse videtur 8 ἄς
post Σειρῆνας add. Mart. φησιν] φασίν Β* 9 φασι add.
Mart. 11 σειφόονς Β* 12 Ἰβννος: fr. 3 Bergk. cf. Phot. lex.
s. ν. σείριος et σίριος (Suidas s. ν. σείριον). Hesych. s. ν. σειρίον κυνὸς δίκην. lex. rhet. apud Eustath. ad Od. 1709, 55.
schol. Apoll. II 517. etym. m. 710, 22. Westphal Metrik d. Gr.
II p. 365 13 ἄπες νel ἀπες Β*, ἀπερεί cj. Bergk 15 cf.
Pseudo-Erat. Catast. 33 μέγας δ' ἐστὶ καὶ λαμπρός, τοὺς δὲ
τοιούτους ἀστέρας οἱ ἀστρολόγοι σειρίους καλοῦσι διὰ τὴν τῆς
φλογὸς κίνησιν 16 Αr. 331 ὀξέα σειριάει ὀξεία Β*

17 Eur. Iph. Aul. 6 sq.

τί ποτ' ἄρα ὁ ἀστὴρ ὅδε πορθμεύει σείριος:

ένιοι δε Σειρηνας ού τούς άστέρας λέγεσθαί φασιν, άλλὰ κατὰ τὸ Πυθαγορικὸν τοὺς ὑπὸ τῆς τούτων φορᾶς γινομένους ήχους και φθόγγους ήρμοσμένους και συμ- 5 φώνους, έξ ών μίαν ήρμοσμένην αποτελεϊσθαι φωνήν.

τῶν δὲ πλανωμένων, φησίν ὁ "Αδραστος, τὰ μέν έστιν ἀεὶ ὑπολειπτικά, ὡς ἥλιος καὶ σελήνη ταῦτα γὰρ οὐδέποτε εἰς τὰ προηγούμενα τῶν ζωδίων μεταβαίνει, άλλὰ πάντοτε δράται μεταβαίνοντα είς τὰ έπόμενα 10 διόπερ οὐδε στηριγμούς οὐδε άναποδισμούς ποιείται. τὰ δὲ καὶ προηγείται καὶ ὑπολείπεται, καθάπερ τὰ ἄλλα: διόπερ άναγκαίως και στηρίζοντά ποτε φαίνεται και άναποδίζοντα. έστι γὰρ ὑπόλειψις μὲν φαντασία πλάνητος ώς είς τὰ έπόμενα τῶν ζωδίων καὶ πρὸς ἀνατολὰς 15 απιόντος, ως φησιν ό "Αδραστος, ως δε ό Πλάτων φησίν, οὐ φαντασία, άλλὰ τῷ ὄντι μετάβασις πλάνητος είς τὰ ἐπόμενα ζώδια ἐπ' ἀνατολὰς ἀπιόντος κατὰ τὴν ἰδίαν κίνησιν, οἶον ἀπὸ Καρκίνου εἰς Λέοντα. προήγησις δέ έστι φαντασία πλάνητος ώς έπι τὰ προηγούμενα και 20 έπὶ δυσμάς μεταβαίνοντος, οίον ἀπὸ Καρχίνου εἰς Διδύ-

¹ τίς ποτ' ἄρ' ἀστὴρ Eur. τί ποτ' ἄρ' ἀστὴρ scribendum esse put. Bergk 2 in duodus qui exstant huius fabulae codicibus verba τίς ποτ' ἄρ' ἀστὴρ ὅδε πορθμεύει Agamemnoni, σείριος κτλ. seni tribuuntur, neque aliter legisse videtur Ennius (Iph. fr. 1 Ribb.); cf. praeter editores Euripidis Bremi philol. Beitr. aus der Schweiz I p. 211 sqq. Dindorf Jahrb. f. Philol. 1868 p. 410 3 σειρίνας Β* 7 inscr. τί ἐστιν ὑπόλησις (ὑπόλειψις Ματτ) καὶ προήγησις, στηριγμός καὶ ἀναποδισμός Β 9 οὐδέποτε] οὐδέν ποτε Β*, numquam Chalc. 74 11 inscr. τί ἐστιν ὑπόλειψις Β 19 inscr. τί ἐστι πορήγησις Β

μους. στηριγμός δέ έστι φαντασία πλάνητος ώς έπλ πλέον έστῶτος καὶ μένοντος παρά τινι τῶν ἀπλανῶν. άναποδισμός δέ έστι φαντασία πλάνητος ύποστροφής ἀπὸ στηριγμοῦ ὡς ἐπὶ τὰ ἐναντία τῆ πρόσθεν κινήσει. 5 πάντα δε ταυτα ήμιν φαίνεται γίνεσθαι, ού μην ουτως έπιτελείται τούτου δ' αίτιον τὸ κατὰ ἰδίου τινὸς κύκλου η έν ίδια σφαίρα φερόμενον εκαστον των πλανωμένων κατωτέρω των απλανών ήμιν δια την έπιπρόσθησιν δοκείν κατά τὸν ζωδιακὸν φέρεσθαι κύκλον ἐπάνω κεί-10 μενον, ώς και περί τούτων διορίζει ὁ "Αδραστος είς τὸ την διαφοράν τῶν περί τοὺς πλάνητας ὑποθέσεων φανεραν γίνεσθαι αίς επεται τα φαινόμενα.

φησί δ' ὅτι ὁ μὲν πᾶς κόσμος τοιοῦτός τε καὶ ἐκ τοσούτων καὶ τοιούτων συνεστηκώς οΐων καὶ ὅσων 15 διειλόμεθα, φερόμενός τε φοράν έγχύκλιον καὶ τοῦ σφαιρικού σχήματος οίκείαν ύπὸ τοῦ πρώτου. όθεν καὶ κατεσκευάσθη τοῦ βελτίστου καὶ ἀρίστου χάριν. πρὸς δε την χρόνου διαρίθμησιν και την των περιγείων και άπογείων μεταβολην έγένετο η των πλανωμένων φορά 20 ποικίλη τις ήδη συνεστηκυΐα, ώστε ακολουθείν αὐτῆ τὸ ένταῦθα ταῖς γὰρ τούτων τροπαῖς προσιόντων καὶ άπιόντων συμμεταβάλλει καλ τάνταῦθα παντοίως. τῶν

¹ inser. τί ἐστι στηριγμός Β 2 τινι] τινα Β*
3 inser. τί ἐστιν ἀναποδισμός Β 4 πρόσθεν] προσθέσει 1 inscr. τί έστι στηριγμός Β B*, ad contrarium iter prioris itineris Chalc. 5 πάντα δὲ ταῦτα] τὰ δὲ ταῦτα Β, τὰ δὲ τοιαῦτα Mart. quae omnia Chalc. 7 εκαστον τῶν] ενατον τῶν Β (ενατον apogr., ενα τῶν Mart.) 8 έπιπρόσθεσιν Β* 13 inscr. περί τῆς τῶν ὅλων δια-κοσμήσεως καὶ τῆς ὑπὸ σελήνην ἀταξίας Β. cf. Zeller III 1 p. 699 15 φερόμενοί τε Β* 16 κινεῖται post πρώτου add. Mart. 18 την ante τῶν bis scr. Β, semel apogr. 19 πλανομένων Β, em. apogr. 20 συνεστηπεια Β* 22 τἀνταύθα] τὰ κατ' αὐτὰ Β*

μεν γὰρ ἀπλανῶν ἀπλῆ καὶ μία φορὰ κύκλφ, τεταγμένη τε καὶ ὁμαλή. τῶν δὲ ἄλλων πλανωμένων κυκλικὴ μέν, οὐ μὴν ἀπλῆ δοκεί καὶ μία, οὐδὲ ὁμαλὴ καὶ τεταγμένη. τῶν δ' ὑπὸ σελήνην καὶ περὶ ἡμᾶς καὶ μέχρις ἡμῶν πᾶσα μεταβολὴ καὶ κίνησις καί, καθάπερ φησίν,

ένθα πότος τε φόνος τε καὶ ἄλλων ἔθνεα κηρών. καί γάρ γένεσις και φθορά περί πάντα τάνταῦθα καί αύξησις καὶ μείωσις άλλοίωσίς τε παντοία καὶ ἡ κατὰ τόπου ποικίλη φορά. τούτων δέ, φησίν, αίτια τὰ πλανώμενα τῶν ἄστρων. ταῦτα δὲ λέγοι τις ἄν οὐχ ὡς τῶν 10 τιμιωτέρων και θείων και αιδίων αγεννήτων τε και άφθάρτων ενεκα των ελαττόνων καλ θνητών καλ επικήφων πεφυκότων, άλλ' ώς έκείνων μεν διὰ τὸ κάλλιστον καλ άριστον καλ μακαριώτατον άελ ουτως έχόντων, τῶν δ' ένταῦθα κατὰ συμβεβηκὸς έκείνοις έκομένων. ἵνα 15 μεν γαρ ή εν κύκλφ τοῦ παντὸς ἀεὶ ὁμοία φορά γίνηται, οίον ενέργειά τις ούσα και ζωή τούτου θεία, μένειν έπὶ τοῦ μέσου τὴν γῆν ἀνάγκη, $\langle \tilde{\eta} \rangle$ περιενεχθήσεται τὸ κύκλφ φερόμενου. εί δὲ ἀνάγκη μένειν κάτω τὴν γην, ανάγκη και τὸ πῦρ τὸν ἐναντίον ταύτη κατέχειν 20 τόπον, ὑπὸ τὴν κύκλφ φορητικὴν αἰθέριον οὐσίαν καθιστάμενον. τούτων δ' οῦτω διεστηκότων ἀνάγκη και τάλλα στοιχεία, ύδως και άέρα, κατά λόγον τὸν μεταξύ τόπον έπέγειν. τούτων δε οντων ανάγκη καί

⁵ φησίν: Empedocles vs. 19 Sturz et Mullach, 21 Karsten, 386 Stein. Έμπεδοκλῆς fort. addendum 9 ποικίλη corr.

ex ποίλη B 10 λέγοι] λέγει B* 11 ἀγενήτου B*
16 γίνεται vel γένεται B* 18 ή add. Mart. circa quam
Chalc. 76 19 τὸ] τῶ B* 24 ὅντων] οῦτως ἐχόντων his
porro ad unam veluti seriem continuatis Chalc. καὶ ante
ἀνάγνη del. B

μεταβολήν είναι τῶν ένταῦθα, διὰ (τὸ) τὴν ὕλην αίτῶν διόλου είναι τρεπτὴν καὶ [ταῦτα] δυνάμεις έχειν ύπεναντίας. έγγίνεται δ' ή μεταβολή τῆ ποιχίλη φορᾶ των πλανωμένων. εί γὰο όμοίως τοις ἀπλανέσι καὶ 5 ταῦτα ἐφέρετο κατὰ παραλλήλων, ἀεὶ ὁμοίας οὖσης τῆς τῶν ὅλων καὶ πάντων καταστάσεως, οὐκ ἂν τῶν ἐνταῦθα έτεροιωσις η μεταβολή τις ήν. νῦν δὲ τροπαί καὶ ίσημερίαι πρόσοδοί τε και ἀποχωρήσεις κατά τε ύψος και πλάτος μάλιστα μεν ήλίου και σελήνης, ού μην άλλα 10 και τῶν ἄλλων, τάς τε ὧρας διαφόρους ἐπιτελοῦσι και την ένταῦθα πάσαν έργάζονται μεταβολην καὶ γένεσιν και άλλοίωσιν. ή δε ποικίλη της φοράς των πλανωμένων φαντασία γίνεται διὰ τὸ κατ' ίδίων τινών κύκλων και έν ιδίαις σφαίραις ένδεδεμένα και δι' έκείνων κι-15 νούμενα δοκείν ήμιν φέρεσθαι διὰ τῶν ζωδίων, καθὰ ποώτος ενόησε Πυθαγόρας, τῆ κατὰ ταὐτὰ τεταγμένη άπλη και όμαλη αὐτῶν φορά κατὰ συμβεβηκὸς ἐπιγινομένης τινός ποικίλης καὶ άνωμάλου κινήσεως.

περί δὲ τῆς δέσεως τῶν σφαιρῶν [κύκλων] τ 20 ῆτις σώσει τὰ φαινόμενα διέξεισι ταῦτα

φυσικόν μέν και άναγκαϊον, καθάπες τὰ ἀπλανῆ, και τῶν ἄλλων οὐρανίων ἔκαστον ἁπλῆν και μίαν καθ' αὐτὸ φορὰν ὁμαλῶς φέρεσθαι και εὐτάκτως. δῆλον δέ

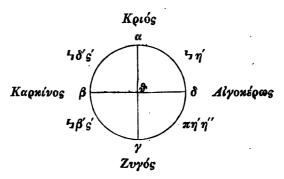
¹ τὸ add. Mart. $\ddot{v}l\eta v$] $\ddot{o}l\eta v$ B, διὰ τὸ τὴν $\ddot{o}l\eta v$ αὐτῶν διόλον ⟨φύσιν⟩ Mart. cum eorum silva sit utrobique mutabilis, ipsarum autem materiarum vis et natura contraria Chalc. $\ddot{\tau}$ $\ddot{\eta}$] $\ddot{\eta}$ vel $\dot{\eta}$ B* 14 σφαίραις] διαφοραίς B, δὲ σφαίραις Mart. 16 cf. Zeller I p. 884 ταψτὰ] ταῦτα B* 19 inscr. τίς $\dot{\eta}$ θέσις τῶν σφαιρῶν $\dot{\eta}$ κύκλη ($\ddot{\eta}$ κύκλων Mart.) τῶν πλανωμένων B ⟨ $\ddot{\eta}$ ⟩ κύκλων Mart. post τ vacuum spatium quinque fere literarum B, τοιαύτης Mart. τούτων? 22 οὐρανίων] οἰον B*

φημι τοῦτο γενήσεσθαι, έὰν κατ' ἐπίνοιαν στήσαντες τὸν κόσμον νοήσωμεν τὰ πλανώμενα ὑπὸ τὸν ζωδιακόν, ακίνητον όντα καθ' ὑπόθεσιν, κινούμενα οὕτως γὰρ οὐκέτι ποικίλη και ἀνώμαλος, ἀλλ' εὔτακτος ἡ κίνησις αὐτῶν ἐπιτελουμένη φανήσεται, ὡς ἐπὶ τῆς σφαιρο- 5 ποιίας τῆς Πλατωνικῆς ὑφ' ἡμῶν ἐπιδείκνυται. τῆς δ' άλληνάλλου δοκούσης αὐτῶν κινήσεως καὶ ποικίλης αίτια ή διττή κίνησις, τῆς ἀπλανοῦς σφαίρας ἀπ' ἀνατολης έπλ δύσιν φερομένης περλ τον δια των πόλων άξονα καὶ συμπεριαγούσης τῆ οίκεία φύρη τὰ πλανώμενα καὶ 10 πάντας γραφούσης τοὺς κύκλους καθ' ὧν φέρεται τὰ άπλανη παραλλήλους, αὐτὰ δὲ τὰ πλανώμενα κατὰ τὴν ίδιαν κίνησιν ούσαν βραδυτέραν ἀπὸ δύσεως ἐπ' ἀνατολην φέρεσθαι έν άνίσοις χρόνοις ύπο τον ζωδιακον λελοξωμένον κατά τῶν τριῶν παραλλήλων, χειμερινοῦ 15 ίσημερινοῦ θερινοῦ, περί ετερον ἄξονα τὸν πρὸς ὀρθὰς οντα τῷ ζωδιακῷ, πεντεκαιδεκαγώνου πλευρὰν ἀπέχοντα τοῦ τῶν ἀπλανῶν ἄξονος. τὸν δὲ τῶν πλανωμένων άξονα ὁ Πλάτων ήλακάτην καὶ ἄτρακτον καλεί.

λέγεται δέ, φησίν "Αδραστος, όμαλῶς μὲν πινεῖσθαι 20 τὸ τὰ ἴσα διαστήματα ἐν ἴσοις χρόνοις διανύειν, ἀλλὰ μὴ ποτὲ μὲν ἀνιέναι ὁτὲ δὲ ἐπιτείνειν ἕπαστον τὸ αὐτοῦ τάχος. εὐτάπτως δέ ἐστι πινεῖσθαι τὸ μὴ ποτὲ μὲν ῖστασθαι ποτὲ δὲ ἀναπάμπτειν, φέρεσθαι δὲ ἐπὶ τὰ

² τὸν κόσμον] τε κόσμον Β* 8 in B non hic σφαίρας sed post δύσιν νος. σφαίρασι legitur, quod ortum esse videtur ex vocabulo σφαίρας et signo quo σφαίρας transponendum esse indicavit librarius ἀπ'] ἐπ' Β* 13 βραχυτέρων Β, βραδύτερον Ματί. 14 φέρεται Ματί. 19 cf. p. 143, 10 ήλεκάτην Β* 20 inscr. τί ἐστι τὸ ὁμαλῶς κινείσθαι Β 22 ὁτὲ] ποτὲ Ματί. 23 inscr. τί ἐστι τὸ εὐτάκτως κινείσθαι Β 24 ἀνακάπτειν Β*

αὐτὰ ἀεὶ ὁμοίως. δοκεῖ δ' ἡμῖν τὰ πλανώμενα πάντα μὲν ἀνωμαλίας, ἔνια δὲ καὶ ἀταξίας μετέχειν. τίς οὖν ἡ τῆς τοιαύτης φαντασίας αἰτία; πρώτη μὲν τὸ ἐν ἐτέμος σαις σφαίραις καὶ ἐν ἐτέροις κύκλοις ὄντα, καθ' ὧν 5 φέρονται, δοκεῖν διὰ τοῦ ζωδιακοῦ φέρεσθαι, καθὰ ἤδη προείρηται. κατὰ συμβεβηκὸς δέ, ὡς προείρηται, καίτοι ἀπλῆν τὴν ἰδίαν ποιούμενοι κίνησιν οί ζ', πλείονας κύκλους γράφουσι καὶ διαφόρους. δῆλον δὲ τοῦτο ἄν ἡμῖν καὶ ἐφ' ἐνὸς γένοιτο σκοπουμένοις τοῦ φανερω
10 τάτου καὶ μεγίστου τῶν πλανωμένων ἡλίου.



ἔστω ζφδιακός μὲν ὁ αβγδ' κέντρον δὲ αὐτοῦ καὶ τοῦ παντός, περὶ ὁ λέγεται ἐρηρεϊσθαι μέση ⟨ἡ⟩ γῆ, τὸ ð, καὶ διὰ τούτου πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αὶ αγ βδ διάμετροι καὶ τὸ μὲν α ἐν ἀρχῆ τοῦ Κριοῦ, τὸ δὲ β Καρ15 κίνου, πάλιν δὲ τὸ μὲν γ τοῦ Ζυγοῦ, τὸ δὲ δ Λίγοκέρω.

3 sqq.: cf. p. 150, 12 sqq. 6 inscr. $\text{tis $\hat{\eta}$}$ décis tin \$f'\$ núnla B 12 neol d léperal équelodal} neol to μ écopelodal B, neol où d pécor équelotal Mart. cuius et universi mundi in medietate iuxta quam stipatam manere dicimus terram Chalc. 78 13 dia routo B^*

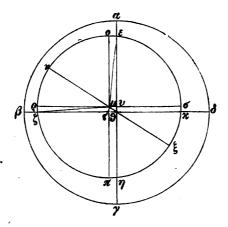
φαίνεται δή ὁ ήλιος κατὰ τὸ α γενόμενος ίσημερίαν έαρινην ποιείσθαι, κατά δε το β τροκην θερινήν, καί πατά μέν τὸ γ μετοπωρινήν (ίσημερίαν, πατά δὲ τὸ δ τροπην χειμερινήν), ίσας δε ούσας τας αβ βγ γδ δα περιφερείας τεταρτημοριαίας άνωμάλως έν άνίσοις γοό- 5 νοις διεξιών. ἀπὸ μὲν γὰρ Ισημερίας ἐαρινῆς ἐπὶ τροπην θερινην έν ημέραις παραγίνεται τός, ἀπὸ δὲ θερινής τροπής έπὶ ἰσημερίαν μετοπωρινήν ἡμέραις Εβ΄ς΄, ἀπὸ δὲ μετοπωρινης ισημερίας ἐπὶ τροπὴν χειμερινήν ήμέραις πη' η", λοιπον ἀπο τροπής χειμερινής 10 έπι την έαρινην ισημερίαν ημέραις τη', ώστε του όλον κύκλον ένιαυτῷ διανύειν, ἡμέραις ἔγγιστα τξε΄δ΄, καί κατά των Διδύμων την άρχην βραδύτατα κινούμενος, κατά δὲ τὴν ἀρχὴν τοῦ Τοξότου τάχιστα, μέσα δὲ κατὰ την Παρθένον και τοὺς Ἰηθύας. 15

φυσικόν δέ, ῶς φαμεν, καὶ ἀναγκαίον ἄπαντα τὰ θεία ὁμαλῶς κινείσθαι καὶ εὐτάκτως δῆλον οὖν ὡς ἐπί τινος ίδιου κύκλου φερόμενος ὁμαλῶς καὶ εὐτάκτως ἡμῖν ἀπὸ τοῦ θ ὁρῶσιν ἐπὶ τοῦ αβγδ δοκεῖ φέρεσθαι ἀνωμάλως. εἰ μὲν οὖν ὁ κύκλος αὐτοῦ περὶ τὸ αὐτὸ κο κέντρον ἦν τῷ παντί, λέγω δὲ περὶ τὸ θ, τοὺς αὐτοὺς λόγους διαιρούμενος ὑπὸ τῶν αγ βδ διαμέτρων, διὰ τὴν ἰσότητα τῶν περὶ τὸ κέντρον γωνιῶν καὶ τὴν ὁμοιό-

³ uncis inclusa add. Mart. item ad γ autumnale aequinoctium, ad δ hiemalem conversionem Chalc. 5 τεταρτιμοριαίας Β* 9 μεταπαρινής Β* 10 ἡμέραι Β* η' add. Mart.] in B vacuum spatium rel. octoginta et octo diebus pervenit et octava parte unius diei Chalc. 16 ἀναγκαία πάντα Β, ἀναγκαίον πάντα Mart. 22 διαιροῦμεν Β*, eadem ratione divisus Chalc. 79 αβ γδ διαμέτρω Β*

τητα τῶν περιφερειῶν τὴν αὐτὴν ἂν παρείζεν ἀπορίαν. δηλον δε ώς ετέρως κινούμενος και ού περι το θ κέντρον αξτιόν έστι της τοιαύτης έμφάσεως. ήτοι ούν έντὸς αύτοῦ περιλήψεται τὸ θ, ἢ δι' αὐτοῦ έλεύσεται, ἢ 5 έπτὸς αύτοῦ ἀπολείψει. διὰ μέν οὖν τοῦ θ τὸν ἡλιακὸν ἔρχεσθαι κύκλον, ἀμήχανον καὶ γὰρ αὐτὸς ἂν ὁ ῆλιος έπι γην παρεγίνετο, και τοις μεν έπι θάτερα της γης άει ην ημέρα, τοις δ' άλλοις άει νύξ ην, και ούτ' άνατέλλων ούτε δύνων ούδ' όλως περί την γην έρχόμενος 10 έφαίνετο αν ὁ ήλιος. απερ ατοπα. λείπεται οὖν ἢ έντὸς περιλαμβάνεσθαι τὸ θ ὑπὸ τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου ἢ ἐκτὸς απολείπεσθαι. όποτέρως δ' αν ύποτεθη, φησί, σωθήσεται τὰ φαινόμενα, καὶ έντεῦθεν ἡ διαφορὰ τῶν μαθηματικών έλεγηθήσεται άτοπος ούσα, τών μεν κατά έκ-15 κέντρων μόνον λεγόντων φέρεσθαι τὰ πλανώμενα, τῶν δὲ κατ' ἐπίκυκλου, τῶν δὲ περὶ τὸ αὐτὸ κέντρου τῆ άπλανεί. ἐπιδειχθήσονται γὰρ τοὺς τρείς γράφοντες κύκλους κατά συμβεβηκός, και τὸν περί (τὸ) τοῦ παντὸς κέντρον καὶ τὸν ἔκκεντρον καὶ τὸν ἐπίκυκλον. ἐὰν 20 μεν γαο περιλαμβάνεσθαι ύποθώμεθα το θ έντος ύπο ήλιακοῦ κύκλου, φησί, μη μέντοι γε ώς κέντρον, ἔκκεντρος ή τοιαύτη λέγεται πραγματεία, έὰν δὲ έκτὸς ἀπολείπεσθαι, κατ' ἐπίκυκλον.

¹ παρέχειν B, παρέχοι Mart. 10 έντὸς] έκτὸς B*, ut & vel intra ambitum solstitialis circuli sit vel extra Chalc.
11 έκτὸς] έντὸς B* 13 cf. p. 148, 11 16 έπικύκλων Mart.
17 ἀπλανῆ B* 21 ένκεντος B, em. apogr., κατ' έκκεντοςν Mart.



ύποκείσθω πρότερον ἔκκεντρος είναι ὁ τοῦ ἡλίου κύκλος ὁ εξηκ, παρεγκεκλιμένος οῦτως, ὡς ἔχειν τὸ αῦτοῦ κέντρον ὑπὸ τῆ εξ περιφερεία, οἰον τὸ μ, καὶ διαιρουμένου εἰς ἰσα μέρη τξε΄δ΄΄ [καὶ] τὴν μὲν εξ περιφέρειαν είναι Ἱτδ΄ς΄, τὴν δὲ ξη Ἱτβ΄ς΄, καὶ τὴν ηκ πη΄ η΄΄, 5 τὴν δὲ πε ἔ΄ η΄΄. φανερὸν οὖν ὡς ἐπὶ μὲν τοῦ ε γενόμενος ἡμὶν ἀπὸ τοῦ θ ἐπ΄ εὐθείας ὁρῶσιν ἐπὶ τοῦ α είναι δόξει, τὴν δὲ εξ διελθών, μεγίστην οὖσαν τῶν εἰς τέσσαρα τετμημένων τοῦ ἰδίου κύκλου, ἡμέραις Ἱτδ΄ς΄, ὅσωνπερ ἡν καὶ αὐτὴ ⟨μοιρῶν⟩, ὁμαλῶς, καὶ γενόμενος 10

apogr.

¹ ήλίου] ήλιακοῦ B* supra ι acc. del. 2 ἔχει B
3 διαιρουμένου εἰς ἴσα μέρη τξε΄ δ΄΄] διαιρουμένου εἰς ἴσα μένει
τὰ εξηκ B, διαιρούμενος οὐκ εἰς ἴσα μὲν τὰ εξ ξη ηκ κε Mart.
hoc igitur circulo in trecentas sexaginta quinque partes et partem quartam unius portionis diviso Chalc. 80 9 τβς B
10 ην καὶ] εἶναι Β* μοριῶν add. Mart. γινόμενος B, em.

έπι του ζ, ήμεν έπι του β φανήσεται, και δόξει την αβ διεληλυθέναι, τεταρτημοριαίαν του ζωδιακού κύκλου, ού ταζε αύταζε ήμέραιε, άνωμάλως. πάλιν δε την ζη περιφέρειαν, δευτέραν μεγέθει τοῦ ίδίου κύκλου, περι-5 ελθών όμαλῶς ἐν ἡμέραις τρίς, ὅσωνπερ ἡν αὐτὴ μοιοών, και γενόμενος έπι του η, ήμιν έπι του γ φανήσεται, καὶ δόξει τὴν βγ, τεταρτημοριαίαν τοῦ ζφδιακοῦ καὶ ἴσην τῆ πρόσθεν ἐν ἐλάττοσιν ἡμέραις διεληλυθέναι καὶ ἀνωμάλως. παραπλησίως δὲ τὴν ηκ διαπορευ-10 θείς, έλαχίστην οὖσαν τῶν είς τέσσαρα τοῦ ἰδίου κύκλου, μοιρών πη΄ η΄΄, εν ἡμέραις τοσαύταις, καὶ γενόμενος έπι τοῦ κ, τοις ἀπό τοῦ θ όρῶσι φανήσεται μέν έπλ τοῦ δ, δόξει δὲ τὴν γδ, τεταρτημοριαίαν καλ ζσην ταίς πρόσθεν, έλαχίσταις ήμέραις διεληλυθέναι. καί 15 κατὰ λόγον λοιπὴν τὴν πε πορευθείς ἡμέραις ¾ η", ὅσων καί μοιρών ήν, καί ἀποκαταστάς έπι τὸ ε, δόξει τὴν δα διηνυκέναι, τεταρτημοριαίαν καὶ ίσην, ἐν ἡμέραις ਓ η", και έπι τὸ α σημείου ἀποκαθίστασθαι. και τὸυ έαυτοῦ κύκλον διαπορευθείς όμαλῶς τὸν τῶν ζερδίων ἀνωμά-20 λως δόξει διεληλυθέναι. έὰν δὲ ἐπιζεύξαντες μεταξὺ τῶν πέντοων τὴν θμ ἐκβάλωμεν ἐφ' ἑκάτερα ἐπ' εὐθείας,

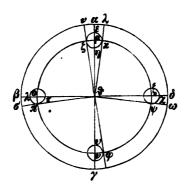
² τεταρτιμοριαίαν B, em. apogr. 8 καὶ ἴσην τῆ] καθ' ης ην τῆς B, καθ' ης ην τῆς Mart. cf. vs. 13 et 17. βγ ambitum velut aequalem priori Chalc. 9 ἀνομάλως B, em. apogr. 13 τεταρτημοριαίαν] μοριαίαν B^* 17 δεικννκέναι B^* 20 quod si duum circulorum, id est maioris sodiaci et minoris solstitulis eccentri, duo puncta coniungantur et fiat $\mu \theta$, deinde per hanc ducta perexeat $\nu \xi$ linea: quia εξηκ circuli punctum et medietas est μ , aequales erunt lineae $\nu \mu$ $\mu \xi$. maior igitur est $\nu \mu$ linea quam $\xi \theta$, multo ergo maior $\nu \theta$ quam $\theta \xi$ Chalc.

ἐπειδὴ τοῦ εξ κύκλου κέντρον τὸ μ, ἴση ἔσται ἡ μν <τῆ> μξ. ὅστε κατὰ μὲν τὸ ν γενόμενος ὁ ῆλιος ἀπογειότατος ἂν εἴη, καὶ ἡμἴν ἀπὸ τοῦ θ ὁρῶσι τὸ μέγεθος ἐλάχιστος δόξει καὶ βραδύτατα κινούμενος ὅπερ φαίνεται ποιῶν κατὰ τὴν πέμπτην ἡμίσειαν μάλιστα μοίραν 5 τῶν Διδύμων κατὰ δὲ τὸ ξ γενόμενος προσγειότατός τε καὶ διὰ τοῦτο μέγιστος τῆ φάσει καὶ τάχιστα κινούμενος δόξει ατινα πάλιν φαίνεται ποιούμενος κατὰ τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοίραν τοῦ Τοξότου εὐλόγως τε καὶ περὶ τὰς αὐτὰς μοίρας τῶν τε Ἰχθύων καὶ τῆς Παρθένου 10 μέσως τῷ μεγέθει καὶ τῷ τάχει φέρεσθαι δοκεί. καὶ οῦτως πάντα, φησί, σωθήσεται τὰ φαινόμενα.

εύρισκεται ὁ εξηκ κύκλος τῆ θέσει καὶ τῷ μεγέθει δεδομένος. ἤχθωσαν γὰρ διὰ τοῦ μ ταῖς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\beta}$ δ παράλληλοι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αἱ $\overline{0\pi}$ $\overline{\rho}$ σ, καὶ ἐξεύχθωσαν 15 αἱ $\overline{\xi}$ μ $\overline{\mu}$ ε. δῆλον οὖν ὅτι τοῦ εξηκ κύκλου διαιφεθέντος εἰς ἡμέρας τξε΄ δ΄΄ ἡ $\overline{\mu}$ εν εξη περιφέρεια τοιούτων ἔσται ἡμερῶν $\overline{\rho}$ σ, ἡ δὲ $\overline{\eta}$ κε ἔσται ἡμερῶν $\overline{\rho}$ ο΄. ἴσα ἄρα έκατέρα τῶν $\overline{\epsilon}$ ο $\overline{\pi}$ η $\overline{\rho}$ ζ $\overline{\sigma}$ κ, αἱ δὲ $\overline{\sigma}$ π $\overline{\pi}$ ρ $\overline{\rho}$ ο $\overline{\sigma}$ σ περιφέρειαι ἀνὰ $\overline{\epsilon}$ α΄ $\overline{\epsilon}$ ο΄ $\overline{\epsilon}$ ο΄ τοιούτων ὑπάρχουσαι. ἡ δο- 20 θεῖσα ἄρα γωνία ὑπὸ $\overline{\rho}$ μν $\overline{\epsilon}$ σται τῆ $\overline{\theta}$ μτ $\overline{\epsilon}$ όμοίως καὶ $\overline{\epsilon}$ ος $\overline{\epsilon}$ ον γωνία ἴση ἔσται τῆ $\overline{\epsilon}$ ον $\overline{\epsilon}$ ο $\overline{\epsilon}$ ον $\overline{\epsilon}$ ος $\overline{\epsilon}$ ον $\overline{\epsilon$

² $v\tilde{\eta}$ add. Mart. $\overline{\mu\xi}$] $\overline{\mu\xi}$ B* v Chalc.] & B 6 ξ Chalc.] & B 9 $\varepsilon\tilde{v}loy\delta_S$ B* 13 $\overline{\varepsilon}\xi u\eta$ B* 14 $\tilde{\eta}\chi\partial \sigma\sigma\alpha\nu$ B 16 $\varepsilon\xi\eta\bar{\eta}$ B* 17 $\overline{\varepsilon}\xi\bar{\eta}$] $\overline{\varepsilon}\xi$ $\dot{\eta}$ B* 18 $\overline{\varrho}\pi\bar{\xi}$ B* 19 $\overline{\varepsilon}\bar{0}$] $\delta\bar{0}$ B* $\dot{\eta}$ & $\varepsilon\bar{\eta}$ $\bar{\eta}$ $\bar{\eta}\varepsilon\bar{\xi}$ $\bar{\eta}$ $\bar{\eta}$ $\bar{\eta}\varepsilon\bar{\xi}$ $\bar{\eta}\varepsilon\bar{\xi}$

τῆς μτ προς μθ, τουτέστι μτ πρὸς θτ, (δεδομένος).
δέδοται ἄρα τὸ μτθ τρίγωνον τῷ εἰδει. καὶ δοθὲν τὸ θ κέντρον τοῦ παντὸς πρὸς ἐκάτερον τῶν ν ξ σημείων τὸ μὲν γὰρ μέγιστον ὁρίζει ἀπόστημα, τὸ δὲ ἐλάχιστον τοῦ ήλιακοῦ κύκλου. δέδοται ἄρα ὁ εξηκ κύκλος τῆ θέσει καὶ τῷ μεγέθει εὐρίσκεται δὲ διὰ τῆς περὶ ἀποστημάτων καὶ μεγεθῶν πραγματείας ὁ λόγος τῆς θμ (πρὸς τὴν μν) ἔγγιστα ὡς εν πρὸς κδ΄.



10 τοιάνδε μέν την κατὰ ξκκεντρον πραγματείαν παραδίδωσιν, σώζουσαν τὰ φαινόμενα. την δὲ κατ' ἐπίκυ-

¹ $\overline{\mu\vartheta}$, τοντέστι $\overline{\mu\tau}$] $\overline{v}\vartheta$ τοντέστιν $\mu\overline{v}$ B^* $\delta\varepsilon\vartheta$ ομένος add. Mart. 2 τὸ post. καl del. B 3 ν ξ] $\overline{v}\xi$ B^* 4 $\delta\varrho\ell\xi\eta$ B^* τὸ $\delta\dot{\varepsilon}$] τό τε Mart. 5 $\dot{\eta}$ ante μεταξ \dot{v} add. Mart. 6 $\delta\dot{\ell}\delta\sigma$ οται B^* $\overline{\varepsilon}\xi\eta\kappa$] $\overline{\varepsilon}\xi$ $\eta\bar{\eta}$ B^* 9 πρὸς τὴν $\overline{\mu\nu}$ add. Mart. κδ΄] $\eta\delta$ ΄ B^* 10 τοιάνδε] pro literis τοι spatium vacuum rel. in B^* έγκέντρων B^* , έκκέντρων apogr.

κλον τοιάνδε λέγουσιν είναι. έστω πάλιν ζωδιακός μέν ό αβγδ, ήλιακὸς δὲ κύκλος ὁ εζκ, έκτὸς ἀπολείπων έαυτοῦ τὸ θ ο έστι τοῦ παντὸς κέντρον. φερομένης δη τῆς των ἀπλανων σφαίρας ἀπὸ τῆς β ἀνατολῆς ἐπὶ τὸ α μεσουράνημα καὶ ἀπὸ τοῦ α ἐπὶ τὴν δ δύσιν, ὁ εξκ τ κύκλος ήτοι ήφεμήσει η και αὐτὸς κινηθήσεται, φερομένου περί αὐτὸν τοῦ ἡλίου. ἀλλ' εί μὲν ἡρεμήσει, δῆλον ώς ὁ ηλιος οὖτε δύνων οὖτε ἀνατέλλων φανήσεται, άλλ' άεὶ τοις μεν ύπερ γην ήμεραν ποιήσει, τοις δε ώς πρὸς ἡμᾶς ὑπὸ γῆν νύκτα, καὶ μιᾳ περιστροφῆ τοῦ 10 παντός δόξει πάντα παροδεύειν τὰ ζώδια απερ έστιν άτοπα. κινηθήσεται οὖν καὶ αὐτός κινούμενος δὲ ἤτοι έπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ οἰσθήσεται ἢ ὑπεναντίως καὶ (εί) έπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί, ἥτοι ἰσοταχῶς ἢ δᾶττον αὐτοῦ ἢ βραδύτερον. ἀλλ' εἰ μὲν ἰσοταχῶς, ἀχθεισῶν 15 τῶν θζυ θαλ ἐφαπτομένων τοῦ ζε κύκλου, ὁ ἥλιος ἐν τῆ ναλ περιφερεία τοῦ ζωδιακοῦ ἀελ δόξει ἀναστρέφεσθαι έπι μεν γὰο τοῦ ζ γενόμενος κατά τὸ ν φανήσεται, έπλ δε τοῦ ε κατὰ τὸ α, μεταβάς δε έπλ τὸ κ κατὰ τὸ λ, καὶ τὴν μὲν ζεκ περιφέρειαν διανύσας, τὴν ναλ 20 δόξει πεπορεύσθαι έπὶ τὰ προηγούμενα τῶν ζωδίων. την δε κηζ διελθών δόξει την λαν έπι τα έπόμενα ένηνέγθαι ατινα πάλιν ού φαίνεται. ούκ αρα δ εξκ τοῦ ήλίου κύκλος ίσοταχῶς ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ συμπερι-

ενεχθήσεται. ἀλλὰ μὴν οὐδὲ θᾶττον, ἐπεὶ καὶ οῦτως προφθάνων προηγείσθαι δόξει τῶν ἀπλανῶν καὶ ἀνάπαλιν τὸν ζωδιακὸν διανύειν, οἱον ἀπὸ Κριοῦ εἰς Ἰχθύας καὶ Ὑδροχόον ᾶπερ οὐ φαίνεται. δῆἰον οὐν τοῦ ὁ εξη κύκλος ἤτοι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί, βραδύτερον μέντοι, κινηθήσεται, καὶ διὰ τοῦτο ὑπολειπόμενος εἰς τὰ ἐπόμενα δόξει μεταβαίνειν, ἢ καθ' ἑαυτὸν [εί] μὲν ὑπεναντίως τῷ παντὶ οἰσθήσεται, συναπενεχθήσεται δὲ τῷ παντὶ πρὸς ἡμέραν ἐκάστην κρατούμενος τὴν 10 ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δύσεις καὶ γὰρ οῦτως εἰς τὰ ἐπόμενα φανήσεται μετιών καὶ οἶον ὑπολειπόμενος.

πῶς οὖν σώσει τὰ φαινόμενα; ἔστω κέντρον τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου τὸ μ, καὶ γεγράφθω κέντρφ μὲν τῷ θ, διαστήματι δὲ τῷ θμ, κύκλος ὁ μονξ, καὶ ὑποκείσθω ὁ ιδ εξηκ κύκλος νῦν συναποφέρεσθαι μὲν τῷ καντὶ τὴν ἀπὸ τῶν ἀνατολῶν ἐπὶ δύσεις φοράν, ἤτοι δὲ διὰ βραθυτῆτα ὑπολειπόμενος, ἢ καὶ φερόμενος ὑπεναντίως τῷ παντί, ὃ καὶ μᾶλλον δοκεί τῷ Πλάτωνι, ῶστε τὸ μὲν κέντρον κατὰ τοῦ μονξ κύκλου φερόμενον ὁμαλῶς περιπορεύενο θθαι αὐτὸν ἐνιαυτῷ, καὶ ἐν τῷ ⟨αὐτῷ⟩ χρόνῷ τὸν ἢλιον διανύειν τὸν ἐαυτοῦ κύκλον, ὁμοίως φερόμενον ὁμαλῶς. πάλιν ὁ ῆλιος κατὰ τοῦ εξηκ κύκλου ἤτοι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ ἐνεχθήσεται, ἢ ὑπεναντίως, ⟨ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ⟩ τῷ ἰδίῷ κύκλῷ, οἶον ἀπὸ τοῦ κ ἐπὶ τὸ ε καὶ ἀπὸ τοῦ ε ἐπὶ τὸ ξ. λέγω δὲ ὅτι τοῦ εξηκ κύκλου περιφερομένου

κατὰ τοῦ μουξ ύπεναντίως τῷ παντὶ ὁ ῆλιος ἐπὶ τοῦ εξηκ κύκλου ἐνεχθήσεται ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ καὶ σώσει τὰ φαινόμενα.

ένηνέχθω γάρ πρότερον ύπεναντίως μέν τῷ παντί, έπλ τὰ αὐτὰ (δὲ) τῷ έαυτοῦ κύκλφ, οἶον ἀπὸ τοῦ ε 5 έπὶ τὸ ζ ἢ ἀπὸ τοῦ ζ ἐπὶ τὸ η ἢ ἀπὸ τοῦ η ἐπὶ τὸ κ. έπεὶ τοίνυν ἐπὶ τοῦ ε γενόμενος πλείστον ἀφέστηκεν ήμων. δηλον ότι τὸ α κατὰ τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοζοάν έστι τῶν Διδύμων Εσται οὖν τὸ γ περί τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοζοαν τοῦ Τοξότου καὶ τὸ μὲν μ, τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου 10 κέντρον, τεταρτημοριαίαν ένηνέχθω περιφέρειαν τοῦ μουξ κινούμενον όμαλῶς, τὴν μο, καὶ τὸν εξηκ κύκλον μετενηνοχέτω έπλ τον λπ. ο δε ήλιος έπλ τα αὐτα τούτω φερόμενος όμοίως τεταρτημοριαίαν ένηνέχθω περιφέρειαν τοῦ εξηκ τὴν εξ' ἔσται οὖν ἐπὶ τοῦ π, φανήσεται 15 δὲ ἡμῖν ἐπὶ τοῦ σ, καὶ τὴν εζ τεταρτημοριαίαν τοῦ ἰδίου κύκλου διελθών δόξει τοῦ ζωδιακοῦ μείζονα ἢ ὁμοίαν πορεύεσθαι την αβσ καὶ ἀπὸ τοῦ α ταχέως ἀπιέναι. πάλιν δε τὸ ο ένηνέχθω κέντρον τεταρτημοριαίαν περιφέρειαν την ον, και καθεστακέτω τον λπ κύκλον έπι 20 τον συ ο δε ηλιος τεταρτημοριαίαν κεκινήσθω περιφέρειαν την πτ' έσται οὖν έπὶ τοῦ υ, φανήσεται δὲ ήμιτν έπι τοῦ γ, και ένηνέχθαι δόξει τὴν σγ τοῦ ζφδιακοῦ ἐλάττονα ἢ τεταρτημοριαίαν καὶ προσιέναι τῷ γ

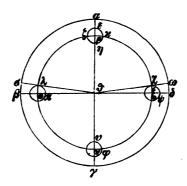
⁴ ἐνηνέχθω] γενέσθω B 5 δὲ add. Mart. 8 α] δε B
13 τούτου Β* 18 αβσ αμς Β* ἀπεὶναι Β*
20 καθεστηκέτω Β τὸν λπ] τὸ λπ Β* 21 κεκινείσθω Β*

²² varesting B 70v km | to km B 21 nenivelous B 22 ovr | nuiv B, uev Mart. cf. vs. 9. 15. p. 163, 7

²³ ἐνηνέχθω B* 24 τῷ] τὸ B*

βραδέως. πάλιν δη το ν τεταρτημοριαίαν μεταβάν περιφέρειαν την υξ, μετενηνοχέτω τὸν κύκλον έπὶ τὸν χψ. ό δὲ ήλιος τεταρτημοριαίαν ένεχθεὶς περιφέρειαν έστω έπὶ τοῦ ψ' φανήσεται δὲ ἄρα κατὰ τὸ ω καὶ δόξει δι-5 εληλυθέναι τὴν $\overline{\gamma \omega}$, έλάττονα $\langle \tilde{\eta} \rangle$ τεταρτημοριαίαν, καὶ βραδέως ἀπιέναι τοῦ γ. λοιπὸν δὲ τὸ μὲν ξ κέντρον, τεταρτημοριαίαν έλθον περιφέρειαν την ξμ, άποκαθεστακέτω τὸν ψχ κύκλον ἐπὶ τὸν εξηκ, καὶ αὐτὸς δὲ ὁ ημιος, διελθών [δ'] όμοίαν την περιφέρειαν την ψχ, άπο-10 καθεστάσθω έπὶ τὸ ε, φαινόμενος κατὰ τὸ α' καὶ ένηνέχθαι δόξει την ωδα τοῦ ζωδιακοῦ μείζονα περιφέρειαν και ταχύνειν έπι τὸ α. ώστε δηλον ὅτι φερόμενος οῦτω τάχιστα μέν δόξει κινεῖσθαι περί τοὺς Διδύμους, βραδύτατα δὲ περί τὸν Τοξότην φαίνεται δὲ τοὐναντίον 15 οὐκ ἄρα, τοῦ κύκλου αὐτοῦ φερομένου κατὰ τὸν μονξ έγκευτρου κύκλου έπι τὰ έναυτία τῷ παυτί, και αὐτὸς ό τλιος έπὶ τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὰ αὐτὰ μὲν τούτφ κινηθήσεται, ὑπεναντίως δὲ τῷ παντί.

² $\dot{\tau}\dot{\sigma}$ $\dot{\chi}\dot{\psi}$ $\dot{\tau}\dot{\sigma}$ $\dot{\chi}\dot{\lambda}$ \dot{B}^* 3 évenezvels B, em. apogr. 5 $\dot{\tau}\dot{\eta}\dot{\nu}$] $\dot{\tau}\dot{\sigma}$ \dot{B}^* 7 add. Mart. 6 éniévai B, em. apogr. 7 élvais \dot{B}^* an dielvois? nequépéreias] géquias (lineola per a ducta) \dot{B}^* 9 3 del. Mart. $\dot{\psi}\chi$] $\dot{\psi}$ \dot{B}^* 11 évynézvai $\dot{\sigma}\dot{\sigma}\dot{\xi}\dot{\epsilon}i$] évynézvei \dot{B}^* 16 éventoros \dot{B}^*



λείπεται οὖν, τοῦ ἐπικύκλου φερομένου ὑπεναντίως τῷ παντί, τὸν ἥλιον κατὰ τοῦ ἐπικύκλου φέρεσθαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῖς ἀπλανέσιν οὕτως γὰρ σωθήσεται τὰ φαινόμενα. οἰον ἐνηνέχθω τὸ μὲν κέντρον τοῦ ἐπικύκλου τεταρτημοριαίαν περιφέρειαν περὶ ἔγκεντρον κύκλον τὴν τὸ μο, καὶ μετενηνοχέτω τὸν ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸν λπ' ὁ δὲ ἤλιος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τὴν ἐπὶ τοῦ δ, τεταρτημοριαίαν τοῦ ἰδίου κύκλου κινηθεὶς περιφέρειαν ἐπὶ δὲ τοῦ ζωδιακοῦ δόξει ἐλάττονα ἐνηνέχθαι τὴν ασ καὶ βρασέως 10 ἀπερχόμενος τοῦ α σημείου. πάλιν τὸ ο κέντρον μεταβεβηκέτω τεταρτημοριαίαν τὴν ον, καὶ ὁ ῆλιος ὁμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν λπ' ἔσται δὲ ἐπὶ τοῦ υ, φανήσεται δὲ κατὰ τὸ γ, καὶ δόξει κεκινῆσθαι τοῦ ζωδιακοῦ τὴν σῦγ, μείζονα τεταρτημοριαίας, ταχύνων ἐπὶ τὸ γ. ἐπενη- 15

¹ τοῦ apogr.] τον B 5 περιενική B^* 6 τὸ ν' ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸ λπ B^* 7 τήν ante τοῦ del. B ἐπικύκλον] ἐπι κλον B^* 13 λτ B^* 14 κεκινεῖσθαι B^* 15 τὸ] τοῦ B^*

νέχθω τὸ ν ἐπὶ τὸ ξ τεταρτημοριαίαν τὴν νξ καὶ τὸν $\overline{v\varphi}$ κύκλον έφηρμοκέτω τ $\overline{\varphi}$ $\overline{\chi\psi}$ $\dot{\phi}$ δε ηλιος, κινηθείς όμοίαν ταϊς πρόσθεν την υφ [περί την υφ] περιφέρειαν, έστω έπι του χ΄ φανήσεται δε κατά το ω, και δόξει δι-5 εληλυθέναι την γδω τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαν μείζονα τεταρτημοριαίας, καὶ ταχέως ἀπιέναι τοῦ γ ἐπὶ τὸ δ. λοιπήν (δὲ τὸ κέντρον έλθὸν) τὴν ξιι κίνησιν ἀποκαθεστακέτω (τὸν) χψ έπὶ τὸν ἐπίκυκλου τὸν εζη, καὶ αὐτὸς ὁ ῆλιος, ἐνεχθεὶς ὁμοίαν λοιπὴν τὴν χψ, ἀπο-10 καθεστάσθω έπὶ τὸ ε, φανήσεται δὲ κατὰ τὸ α, δόξει δὲ [ὁ κατὰ τὶ α] τοῦ ζωδιακοῦ διεληλυθέναι τὴν ωα έλάττονα τεταρτημοριαίας και βραδέως προσιέναι τῷ α. ώστε κατά τήνδε την υπόθεσιν σωθήσεται τὰ φαινόμένα βραδύτατον μεν γαρ δόξει κινετσθαι καλ μικρό-15 τατος είναι κατὰ μέγεθος ὁ ἥλιος περί τὴν ε΄ ς΄ μοζοαν τῶν Διδύμων, τάχιστα δὲ φέρεσθαι καὶ μέγιστος είναι περί την αὐτην μοζοαν τοῦ Τοξότου και ταῦτα εὐλόγως ἀπὸ μὲν γὰρ τοῦ ε μεταβαίνων ἐπὶ τὸ κ, τοῦ κύκλου αὐτοῦ κινουμένου ἀπὸ τοῦ μ ἐπὶ τὸ ο, ἀντιφερό-20 μενος .

1 τὸ ξ] τὸ \bar{v} ξ B* \bar{v} ξ \bar{p} ξ \bar{p} ξ B* 4 διεκκλυθέναι B* 6 τὸ cort. ex τοῦ B 7 ἀποιαθεστηκέτω B 8 ⟨τὸν⟩ $\bar{\chi}$ ψ] $\bar{\chi}$ ψ \bar{p} B, ⟨ὁ⟩ $\bar{\chi}$ ψ Mart.; scrib. vid. ⟨τὸν⟩ $\bar{\chi}$ ψ ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸν εξη εξηκ Mart. 9 $\bar{\chi}$ ψ] $\bar{\chi}$ η B* 10 φανήσεται] φανέσθω B, φαινέσθω Mart. 11 δὲ ὁ [δὲ ὁ ⟨ῆλιος⟩ Mart. 12 τῷ α] τὸ $\bar{\alpha}$ ο B* 15 ε΄ ε΄ \bar{g} \bar{g} B* 18 μεταβαῖνον B* 19 ἀπὸ] ἐπὶ B τὸ \bar{g} τῶ B* 20 quippe εξηκ epicyclo moto per μονξ circulum sol ab ε ad κ pergens contra quam fertur epicyclus suus moram faciens tardius ad o deferetur tardius que μο obibit ambitum multoque tardius zodiaci circuli αβ regionem obisse existimatur; et rursum epicyclo supra dicto moto ad or ambitum sol demum a

έπὶ τὸ π, τοῦ ἐπικύκλου μεταβαίνοντος ἀπὸ τοῦ ο ἐπὶ τὸ ν, συντρέχων αὐτῷ τὴν ἐπὶ τοῦ ζῷδιακοῦ φορὰν ἐπιτείνειν δόξει τῷ κινήσει ἐπὶ ταὐτὰ γινομένην ⟨τῷ παντὶ καὶ⟩ τρόπον τινὰ συμβαίνουσαν. καὶ παραπλησίως ἀπὸ τοῦ υ φερόμενος ἐπὶ τὸ φ, τοῦ ἐπικύκλου ε μεταβαίνοντος ἀπὸ τοῦ ν ἐπὶ τὸ ξ, οἶον προφθάνων τὸν ἑαυτοῦ κύκλου [καὶ] ἐπὶ τοῦ ζῷδιακοῦ δόξει ταχύνειν. ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ χ παραγινόμενος ἐπὶ τὸ ψ, τοῦ ξ μεταβαίνοντος ⟨ἐπὶ τὸ⟩ μ, ἀντιφερόμενος τῷ ἑαυτοῦ κύκλῷ βραδείαν φαίνεται ποιούμενος τὴν ἐπὶ τοῦ ζῷ- 10 διακοῦ φοράν.

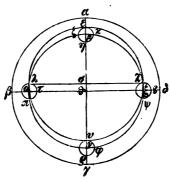
εύρισκεται δὲ πάλιν τὸ μέγεθος τοῦ ἐπικύκλου καὶ ὁ λόγος τοῦ μεταξὺ τῶν κέντρων πρὸς τὴν ἔη τοῦ εξ ἐπικύκλου (διάμετρον) ὑπεναντίως τῷ πρόσθεν, ὡς κδ΄ πρὸς ἔν, διὰ τῆς περὶ ἀποστημάτων καὶ μεγεθῶν πραγ- 15 ματείας μέγιστον μὲν γὰρ ἀπόστημα τοῦ ἡλίου τὸ Θε, ἐλάχιστον δὲ τὸ Θυ ἡ δὲ ὑπεροχὴ τοῦ μεγίστου πρὸς τὸ ἐλάχιστον διάμετρος γίνεται τοῦ ἐπικύκλου. κατ' ἐπίκυκλον γὰρ καὶ ἡ τοιαύτη γίνεται πραγματεία,

κ ad η pergens e. q. s. Chalc. 82. τῷ ἑαυτοῦ κύκλῷ βράδιον ἐπὶ τὸ ο (?) ἐνεχθήσεται καὶ βράδιον δόξει διεληλυθέναι τοῦ ζωδιακοῦ τὴν αβ περιφέρειαν ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ λ παραγινόμενος τὴν ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ φοράν ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ λ παραγινόμενος τὴν ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ φοράν ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ λ παραγινόμενος suppl. Mart. 1 π] τ΄ B^* 2 $^{\rm b}$ ἐπὶ] μὲν B, μὲν ἐπὶ Mart. 3 ταὐτὰ] ταῦτα B^* sol demum a κ ad η pergens concurrere videbitur mundi circumactioni et adiutùs ab ea propere et

3 ταυτα] ταυτα B*. sol demum a u aa η pergens concurrere videbitur mundi circumactioni et adiutùs ab ea proper et citius obire zodiaci quadrantem Chalc. γινομένη Mart. 4 συμβαίνουσα B* 6 ξ] φ'ξ B* 8 ψ add. Mart.] in B spatium vacuum rel. 9 έπι τὸ add. Mart. 13 εη] έκ B*

έπειδὴ ὁ εξα τοῦ πλανωμένου κύκλος καθ' έτέρου τινὸς έγκέντρου [ὁμοκέντρου] φέρεται κύκλου, οἶον τοῦ μονξ.

άλλ' ὅτι μὲν καθ' ἐκατέραν τὴν ὑπόθεσιν, τὴν κατ' ε ἔκκεντρον καὶ τὴν κατ' ἐπίκυκλον, σώζεται τὰ φαινόμενα, δείκνυσιν ἐκ τούτων. Ἱππαρχος δέ φησιν ἄξιον εἶναι μαθηματικῆς ἐπιστάσεως ἰδεῖν τὴν αἰτίαν δι' ἢν τοσοῦτον διαφερούσαις ὑποθέσεσι, τῆ τε τῶν ἐκκέντρων κύκλων καὶ τῶν ὁμοκέντρων καὶ τῶν ἐπικύκλων, το τὰ αὐτὰ φαίνεται ἀκολουθεῖν. δείκνυσι δὲ ὁ Ἄδραστος πρῶτον μὲν πῶς τῆ κατ' ἐπίκυκλον ἔπεται κατὰ συμβεβηκὸς ἡ κατὰ ἔκκεντρον ὡς δὲ ἐγώ φημι, καὶ τῆ κατὰ ἔκκεντρον ἡ κατ' ἐπίκυκλον.



έστω γὰρ ζωδιακος μὲν ὁ αβγδ, κέντρον δὲ τοῦ

¹ $\overline{\iota \xi \eta n}$ Mart. 2 όμονέντοον del. Mart. φέρεται] φαίεται B^* οἶον] οἶς B^* 3 $\mu \overline{\nu} o \xi$ B^* 4 κατέγκεντοον B^* 8 διαφερούσαις] διαφέρει B, διαφόροις Mart. 9 $\tau \eta$ ante $\tau \tilde{\omega} \nu$ όμονέντρων add. Mart. cf. p. 185, 14. 186, 4. 199, 6 12 $\dot{\eta}$] $\ddot{\eta}$ B^* έγκεντρον B^* 13 $\dot{\eta}$] $\ddot{\eta}$ B^* 14 κέντρον B^*

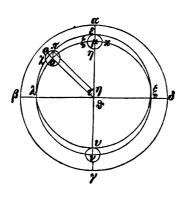
παυτός τὸ ϑ, ἡλίου δὲ ἐπίκυκλος ὁ εζηκ, κέντρον δὲ αὐτοῦ τὸ μ' καὶ γεγράφθω κέντρω μὲν τῷ θ, διαστήματι δε τῷ δμ, κύκλος ὁ μουξ. λέγω ὅτι, τοῦ μ κέντρου κινουμένου περί τον μουξ κύκλον δμόκεντρον όμαλῶς, ὑπεναντίως τῷ παντί, καὶ συναποφέροντος τὸν 5 έπίκυκλου, ὁ ήλιος ἐν ἴσφ χρόνφ διανύων τὸν εκηζ ἐπί**κυκλον όμαλῶς, ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ τῷ παντί, γράψει καὶ** τον έκκευτρον ίσον ουτα τῷ μουξ έγκέυτρω. διήγθωσαν γὰρ αί αγ βδ διάμετροι τοῦ ζφδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς άλλήλαις, ώστε τὸ μέν α σημείον περί τὴν ε΄ ς΄ μοίραν 10 τῶν Διδύμων είναι, τὸ δὲ γ περὶ τὴν αὐτὴν τοῦ Τοξότου, καὶ κέντροις τοῖς [μ] ο ν ξ γεγράφθωσαν τῷ εξηκ έπικύκλω ίσοι κύκλοι οί λπτ υρφ χψς και των λπτ χψς διάμετροι πρός όρθας τη βδ αί λπ χψ, και έπεζεύχθω- $\sigma \alpha \nu \alpha l \lambda \chi \langle o\xi \rangle$. $\lambda \ell \gamma \omega \delta \tau \iota \alpha l \lambda \chi o\xi \ell \sigma \alpha \iota \tau \ell \ell \ell \sigma \iota \chi \alpha l 15$ παράλληλοι. ἴση ἄρα έκατέρα τῶν λο σχ έκατέρα τῶν οθ θξ αι είσιν έκ του κέντρου του μουξ κύκλου και έπει ίση ή θο τη ολ, ίσαι έσονται ή θο και έκατέρα των υν με έστι δε ίση και ή δν τη δμ ίση άρα και ή υσ τῆ σε. άλλ' ἐπεὶ ἴση ἡ δισ τῆ υν, κοινὴ δὲ ἡ δυ, ἴση 20

ή συ τη θν' έκατέρα άρα των εσ συ ίση έσται τη έκ τοῦ κέντρου τοῦ μουξ κύκλου εδείχθη δε και έκατέρα $\tau \tilde{\omega} \nu$ $\lambda \sigma \sigma_{\chi} = \delta \sigma_{\chi} = \delta$ τέσσαρες άρα αί σε σλ συ σχ ίσαι άλλήλαις είσι καί 5 πρὸς ὀρθάς. ὁ ἄρα κέντρφ μὲν τῷ σ, διαστήματι δέ τινι μιᾶ αὐτῶν γραφόμενος κύκλος ηξει διὰ τῶν ε λ υ χ σημείων, καὶ ἴσος ζέσται) τῷ μουξ κύκλῷ, καὶ ὑπὸ τῷν ευ λη διαμέτρων είς τέσσαρα ίσα διαιρεθήσεται. γεγράφθα οὖν καὶ ἔστω ὁ ελυχ. οὖτος δὲ ἔσται ὁ ἔκκεν-10 τρος, τὸ μὲν ἀπογειότατον ἔχων ὑπὸ τὸ α, ε΄ ς΄ μοζοαν τῶν Διδύμων, τὸ δὲ προσγειότατον ὑπὸ τὸ γ, ε΄ ς΄ μοΐραν τοῦ Τοξότου. λέγω δ' ὅτι ηλιος, φερόμενος, ὡς ύπετέθη, κατά τοῦ εκηζ έπικύκλου, κατά συμβεβηκός γράψει καὶ τὸν ελυχ ἔκκεντρον. ἐνηνέχθω γὰρ τὸ μὲν 15 κέντρον τοῦ ἐπικύκλου τὴν μο περιφέρειαν τεταρτημοοιαίαν· καὶ ὁ ἥλιος ἄρα, ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῷ ἐνεχθεὶς όμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν εκ, ἔσται ἐπὶ τοῦ λ, καὶ ἀπὸ τοῦ ε ἐπὶ τὸ λ ἐλεύσεται τεταρτημοριαίαν γράψας περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου τὴν ελ. πάλιν τὸ ο κέντρον ἐπλ 20 τοῦ κύκλου ένηνέχθω τεταρτημοριαίαν τὴν ον περιφέφειαν, ό δε ηλιος όμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν λτ. ἔσται ἄρα έπὶ τοῦ υ, καὶ κατὰ συμβεβηκὸς γράψει τοῦ έκκέντρου όμοιαν περιφέρειαν την λυ. όμοιως δή τοῦ ν δια-

 $^{3 \ \}tau \tilde{\eta} \ \text{corr. ex } \tau o \tilde{v} \ B \qquad 6 \ v \] \ y \ B^* \qquad 7 \ \tilde{\epsilon} \sigma \tau \alpha \iota \ \text{add. Mart.}$ $\dot{v} \pi \dot{v} \ \tau \tilde{\omega} v \] \ \dot{v} \pi o n \epsilon \ell \sigma \theta \omega \ B, \ \dot{v} \pi' \ \dot{\epsilon} \kappa \epsilon \ell \nu \omega \nu \ \tau \tilde{\omega} \nu \ \text{Mart.} \qquad 8 \ \overline{\lambda_{Z}} \] \ 11 \ 10 \ v \ \epsilon' \ \epsilon' \ \mu o \tilde{\ell} \varrho \alpha \nu \}$ $B^* \qquad 9 \ \bar{o} \ \bar{\epsilon} \lambda \overline{v} \overline{\chi} \ B^* \qquad 10 \ \epsilon' \ \delta'' \ \epsilon' \ B^* \qquad 11 \ \tau \dot{o} \ \gamma \ \epsilon' \ \epsilon' \ \mu o \tilde{\ell} \varrho \alpha \nu \}$

τὴν γ εζ μόνον B^* 17 τῷ ἐπικύκλου B 22 γράφει B^* 23 ὁμοίαν ὁμοίαν περιφέρειαν ὁμοίαν B^*

πορευθέντος τὴν νξ, ὁ ῆλιος τοῦ ἐπικύκλου διελεύσεται ὁμοίαν τὴν νφ. ἔσται δὴ ἐπὶ τοῦ χ, κατὰ συμβεβηκὸς ραάψας καὶ τὴν νχ ὁμοίαν περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου. λοιπὸν δὲ τοῦ ξ διελθόντος τὴν ξμ, καὶ ὁ ῆλιος ἐξανύσας ⟨τὴν⟩ χς ἀποκατασταθήσεται ἐπὶ τὸ ε΄ γράψει δὲ 5 ἄμα καὶ τὴν χε περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου λοιπὴν καὶ ὁμοίαν. ὥστε ὅλον τὸν ἐπίκυκλον ἔξανύσας ὁμαλῶς διὰ τοῦ ὁμοκέντρου γράψει ἔκκεντρον. ὅπερ ἔδει δείξαι.



δείκνυται δὲ τὸ αὐτὸ καὶ οῦτως. ἔστω ζωδιακὸς μὲν ὁ αβγδ, ἡλίου δὲ ἐπίκυκλος ὁ εξηκ, τὸ μὲν κέν- 10 τρον ἔχων ἐπὶ τοῦ μονξ κείμενον, ὅς ἐστιν ὁμόκεντρος κερὶ τὸ δ κέντρον τοῦ παντός καὶ ἔστω τὸ ε σημεῖον ἀπογειότατον ὑπὸ τὴν ε΄ g' μοῖραν τῶν Διδύμων. λέγω ὅτι, τοῦ κε φερομένου ὁμαλῶς ἐπὶ τοῦ μονξ κύκλου

 $^{2 \}overline{v} \overline{\phi}$ $\psi \chi$ B^* $4 \tau o \tilde{v}$ ξ $\tau o \zeta'$ B^* $5 \overline{\chi} \overline{s}$ $\chi \sigma$ B^* $6 \tilde{\alpha} \rho \alpha$ B, $\tilde{\alpha} \mu \alpha$ $\tilde{\alpha} \rho \alpha$ ap. 10 $\alpha \omega \gamma \delta$ B^* $\bar{\epsilon} \zeta \kappa \bar{\eta}$ B^* 13 $\bar{\epsilon} \zeta$ B^*

ύπεναντίως τῷ παντί, ὁ ἥλιος ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῷ φερόμενος κατά τοῦ εκης ἐπικύκλου ὁμαλῶς μὲν καὶ ὑπεναντίως τῷ ἐπικύκλφ, ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ τῷ παντί, κατὰ συμβεβηχός γράψει καὶ τὸν ἔκκεντρον ίσον ὅντα τῷ μονξ 5 έγκέντοφ. ἀπενηνέχθω γὰρ τὸ μὲν μ κέντρον τυχοῦσάν τινα περιφέρειαν την μο, καὶ καθεστακέτω τὸν ἐπίκυxλον έπλ τὸν $\overline{\pi \varrho \chi}$. ὁ δὲ ημιος ἀρξάμενος ἀπὸ τοῦ ε, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ ρ, ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῷ διεληλυθέτω την $\overline{\rho\pi}$, όμοιαν τ $\tilde{\eta}$ μο, και κείσθα τ $\tilde{\eta}$ $\overline{\mu\epsilon}$ ίση $\hat{\eta}$ θη, και 10 έπεζεύχθωσαν αί ηπ θο έπεὶ οὐν όμοια ή οπ περιφέφεια τῆ ομ, ἴση καὶ γωνία ἡ φ τῆ τ' παφάλληλος ἄφα ή πο τη ηθ. έστι δε και ίση. ίση άρα ή πη τη οθ καί παράλληλος εστι δε ή θο ίση τη ηε ίση άρα ή ηπ τηηε. ὁ ἄρα κέντρφ μεν τῷ η, διαστήματι δε τῷ ηε γρα-15 φόμενος κύκλος ήξει και διὰ τοῦ π και ίσος ἔσται τῷ μουξ. γεγράφθω οὖν ὁ επλυξ' οὖτος ἄρα ἔσται ὁ ἔχκεντρος έπεὶ οὖν παράλληλος ἡ πη τῆ ρθ, ἴση ἡ φ γωνία τη τ, τουτέστι τη πηε όμοια άρα ή επ' άρξάμενος δὲ ζό ἥλιος> ἀπὸ τοῦ ε, κατὰ συμβεβηκὸς γράψει καὶ 20 την επ όμοιαν περιφέρειαν τοῦ έκκέντρου. όμοιως δὲ δειγθήσεται τοῦτο ποιῶν ἀεί· ώστε καὶ ὅλον ἀνύσας

2 τοῦ] τῆς B* 5 ἐνκέτρω B* ἀπηνέχθω B, em. apogr. 6 τὸν] τὸ ν̄ B* 7 πεχ B* 9 Φη θπ̄ B, de eadem lit. duo diversa puncta significante cf. Friedlein praef. ad Procli in Eucl. comm. p. VII 12 $\overline{\eta \mathfrak{d}}$] ν $\overline{\mathfrak{d}}$ B* 13 $\overline{\eta \mathfrak{d}}$] ξῆ $\eta \mathfrak{e}$ B* 14 τῷ η] τὸ η B* τῷ $\overline{\eta \mathfrak{e}}$] τὸ $\kappa \overline{\mathfrak{e}}$ B* 15 ἴσο B* 16 ἔκκεντρος Mart.] in B est nota vocis κέντρον supra quam scripta est lit. \mathfrak{g} 17 $\overline{\pi \eta}$ B* 18 τοντέστι τῆ $\pi \eta \mathfrak{e}$] τοῦ τὶ $\overline{\eta}$ προς B: cf. ad p. 171, 18. 172, 10. 187, 19. 197, 3. Mart. sic scripait: ἶση δὲ $\dot{\eta}$ φ φωνία τῆ τ, τοῦ τε (τοῦ τὲ apogr.) ποχ τῆ προ ὁμοία ἄρα $\dot{\eta}$ επ 19 ῆλιος add. Mart.

του ἐπίπυπλου διὰ τοῦ ἐγκέντρου ὅλου γράψει καὶ ἔκ-κευτρου ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

δεικτέον δὲ καὶ τὸ ἀναστρέφον. ἔστω γάρ πάλιν ζωδιακός μεν ό αβγδ, διάμετρος δε αὐτοῦ ή αγ, καὶ κέντρον τὸ θ, ήλίου δὲ κύκλος ἔκκεντρος ελυξ· καὶ ἔστω s άπογειότατον μέν αὐτοῦ τὸ ε ὑπὸ ε΄ ς΄ μοζοαν τῶν Διδύμων, κέντρον δὲ ἐπὶ τῆ αθ τὸ η καὶ γεγράφθω κέντοφ μεν τῷ θ, διαστήματι δε τῷ ηε, κύκλος ὁ μουξ. πάλιν κέντοφ μέν τῷ μ, διαστήματι δὲ τῷ με, κύκλος γεγράφθω ὁ εξηκ. δηλον οὖν ὡς οὖτος ἔσται ὁ 10 αὐτὸς τῷ ἐπικύκλῳ. λέγω δὴ ὅτι ὁ ῆλιος κινούμενος όμαλῶς κατὰ τοῦ ελυξ έκκέντρου γράψει κατὰ συμβεβηκὸς καὶ τὸν εξηκ ἐπίκυκλον φερόμενον ὁμαλῶς κατὰ τοῦ μουξ καὶ ισοχρονίως τῷ ἡλίφ. ἐνηνέχθω γὰρ ὁ ἥλιος τυχοῦσάν τινα περιφέρειαν έπὶ τοῦ ἐκκέντρου τὴν επ, 15 καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{\pi\eta}$, καὶ $\langle \dot{\eta} \rangle$ οθ παράλληλος, ἴση δὲ τ $\tilde{\eta}$ $θη η \overline{ορ}$, και έπεζεύχ $θω η \overline{πο}$. έπει οὖν αί $\overline{ηθ} \overline{πο}$ ίσαι έσονται καὶ παράλληλοι, έστι δὲ ἡ θη ἴση τῆ με, τουτέστι τῆ ορ τῆ οπ, ὁ ἄρα κέντρφ μὲν τῷ ο, διαστήματι δε τῷ ορ γραφόμενος κύκλος ήξει και διὰ τοῦ π, καὶ 20 ό αὐτὸς ἔσται τῷ εζηκ ἐπικύκλφ. γεγράφθα οὖν ὁ ποχ' έπει ούν διὰ τὰς παραλλήλους αί τ φ γωνίαι ίσαι

¹ ἐκκέντοον B^* ἔγκεντοον B^* 5 ἔγκεντοος B^* 6 ἔξ μοίφαν B^* 7 τῆ αθ̄] τὰ (corr. ex τὸ) αθ B^* 8 τῷ θ̄] τὸ θ̄ B^* τῷ η̄ε κύκλος] τὸ ἔλῦνξ B^* 9 κέντοω corr. ex κέντοον B τῷ μ̄] τὸ μ̄ B^* τῷ με] τὸ μ̄σ B^* 10 οὖτως B^* 12 συμβηκὸς B, em. apogr. 16 ἡ add. Mart. $Q\overline{\theta}$] οθ̄? 17 $\overline{\theta}$ η ἡ $\overline{\theta}$ Q̄] $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ 18 $\overline{\mu}$ ε τουτέστι] μσ τουτὶ B^* 20 $\overline{\theta}$ Q̄ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ 22 ει post γωνίαι del. $\overline{\theta}$

είσιν άλλήλαις, έν δὲ τοῖς κύκλοις αι ἴσαι γωνίαι ἐφ' όμοίων περιφερειῶν βεβήκασιν, ἐν δὲ τοῖς ἴσοις καὶ ἐπὶ ἴσων, ἐάν τε πρὸς τοῖς κέντροις ὡσιν ἐάν τε πρὸς ταῖς περιφερείαις, αι ρπ επ μο περιφέρειαι [δὲ] ὅμοιαι ε ἔσονται ἀλλήλαις, αι δὲ επ μο καὶ ἴσαι. ἐν ῷ ἄρα χρόνῷ ὁ ῆλιος τὴν επ περιφέρειαν ἐκινήθη τοῦ ἐκκέντρου, ἐν τούτῷ καὶ τὸ μ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου, τὴν μο περιφέρειαν ἐνεχθέν, τὸν εξη ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸν πρχ μετήνεγκε, καὶ ὁ ῆλιος τὴν επ ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου διανύσας, το ἀρξάμενος ἀπὸ τοῦ ε, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ ρ, καὶ τὴν ρπ τοῦ ἐκικύκλου περιφέρειαν ὁμοιαν ἔγραψε. τὸ δ' αὐτὸ δειχθήσεται καὶ κατὰ πᾶσαν κίνησιν ποιούμενος ι ῶστε καὶ ὅλον διανύσας τὸν ἔκκεντρον ὁ ῆλιος ὅλον γράψει τὸν ἐπίκυκλὸν ὅπερ ἔδει δείξαι.

15 ταῦτα δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων πλανωμένων δείκνυται. πλὴν ὁ μὲν ῆλιος ἀπαραλλάκτως ταῦτα δοκεῖ ποιεῖν κατὰ ἀμφοτέρας τὰς ὑποθέσεις, διὰ τὸ τοὺς ἀποκατασταικοὺς αὐτοῦ χρόνους, τόν τε τοῦ μήκους καὶ τὸν τοῦ βάθους καὶ [τὸν] τῆς λεγομένης ἀνωμαλίας, οῦτως εἶναι σύνεγγυς ἀλλήλων, ώστε τοῖς πλείστοις τῶν μαθηματικῶν ἴσους δοκεῖν, ἡμερῶν ἔκαστον τξε΄ δ΄΄, ἀκριβέστερον δὲ ἐπισκοπουμένοις τὸν μὲν τοῦ μήκους, ἐν ῷ τὸν ζωδιακὸν ἀπὸ σημείου τινὸς ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημείον διανύει καὶ ἀπὸ τροπῆς ἐπὶ τὴν

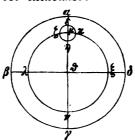
^{4 [}de]: μ er Mart. 10 τουτέστιν] τουτί B^* 13 έγκεντουν B^* 15 inscr. π ερί ή ℓ ίου άποκαταστάσεως B 17 cf. p. 184, 18 18 αὐτοὺς B^* τόν τε — ξκαστον: haec verba iterantur in B post έπισκοπουμένοις vs. 22, signo \dagger ante τόν τε et post ξκαστον posito (B^b) τε supra voculam μ er deletam scr. B^b 19 τὸν del. Mart. 20 είναι οm. B^a 21 τοὺς π λείστους B^* ℓ σας B^b 22 τξε'] $\overline{\iota}$ ε B^*

αύτην τροπην και από ίσημερίας έπι την αύτην ίσημερίαν παραγίνεται, τὸν εἰρημένον σύνεγγυς [κύκλον] γρόνον, παρά τετραετίαν έπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον τοῦ μήκους αὐτοῦ κατὰ τὴν αὐτὴν ώραν ἀποκαθισταμένου. τὸν δὲ τῆς ἀνωμαλίας, καθ' ὂν ἀπογειότατος γινόμενος 5 καλ δι' αὐτὸ τῆ μεν φάσει τοῦ μεγέθους μικρότατος, βραδύτατος δε κατά την είς τα επόμενα φοράν, η ανάπαλιν προσγειότατος, και διὰ τοῦτο μέγιστος μέν τῷ μεγέθει δοχῶν, τῆ δὲ χινήσει τάχιστος, ἡμερῶν ἔγγιστα τξέ ς΄, διετία πάλιν έπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον τοῦ βάθους 10 την αὐτην ώραν αὐτοῦ φαινομένου, τὸν δὲ τοῦ πλάτους, έν ῷ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ βορειότατος ἢ νοτιώτατος γενόμενος έπὶ τὸ αὐτὸ παραγίνεται, ὡς πάλιν ἴσας δρᾶσθαι τὰς τῶν αὐτῶν γνωμόνων σκιάς, ἡμερῶν μάλιστα τξε΄ η΄΄, κατὰ τὸ αὐτὸ τοῦ πλάτους σημεΐον αὐτοῦ 15 την αύτην ώραν όπταετία παραγινομένου. έπλ δε των αλλων, έπεὶ καθ' εκαστον των πλανωμένων πολύ παραλλάττουσιν (οί) είρημένοι χρόνοι πάντες, καὶ έφ' ὧν μεν μαλλον, έφ' ών δε ήττον, τα γινόμενα καθ' εκαστον φαίνεται ποικιλώτερα καλ διαλλάττοντά πως καθ' 20 έκατέραν την ὑπόθεσιν, οὐκέτ' ἐν ἴσφ χρόνφ τοῦ πλάνητος έκάστου τὸν έαυτοῦ ἐπίκυκλον περιερχομένου καλ τοῦ ἐπικύκλου τὸν ἔγκεντρον, ἀλλ' ὧν μὲν θᾶττον, ὧν δὲ βράδιον, διά τε τὰς τῶν κύκλων ἀνισότητας καὶ διὰ

² κύκλον delendum aut in δοκείν mutandum esse censet Mart. 4 αὐτὴν] ξαντοῦ Β* 5 γινόμενος] γίνεται?

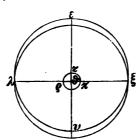
⁶ μèν] δὲ B^* 10 g'] \overline{g} B^* 12 νοτιώτατος B 16 παραγένομένου B^* inscr. περί τῆς τῶν λοιπῶν πλανήτων άποκαταστάσεως B 17 πολλοί B^* 18 οί add. Mart. 20 ποικιλότερον B^* 23 ἔκκεντρον B^* 24 τε] δὲ B^*

τὰς ἀπὸ τοῦ μέσου τοῦ παντὸς ἀνίσους ἀποστάσεις, ἔτι τε διὰ τὰς πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων διαφόρους τὰ τὰς πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων διαφόρους τὰ τῶν στηριγμῶν τε καὶ ἀναποδισμῶν καὶ προηγήσεων καὶ ὑπολείψεων οὐχ ὁμοίως ἐπὶ πάντων ἀπαντῷ ἀλλ' ἐπὶ μὲν τῶν ε΄ γίνεσθαι [ώς] ταῦτα φαίνεται, εἰ καὶ μη παντάπασιν ὁμοίως ἐπὶ μέντοι γε ἡλίου καὶ σελήνης οὐδ' ὅλως οῦτε γὰρ προηγείσθαί ποτε οῦτε στηρίζειν οῦτε ἀναποδίζειν οῦτοι φαίνονται, διὰ τὸ τὸν μὲν τοῦ κύκλου φαίνεσθαι φερόμενον, καὶ τὸν ἐπίκυκλον αὐτοῦ κατὰ τοῦ ἐγκέντρου, καθάπερ ἔφαμεν, τῆς δὲ σελήνης τὸν ἐπίκυκλον δᾶττον κατὰ τοῦ ἐγκέντρου φέρεσθαι καὶ τοῦ τῶν ζφδίων ὑπολείπεσθαι κύκλου ἢ αὐτὴν διεξιέναι τὸν ἐπίκυκλον.



1 ὑποστασεις B^* 2 τὰς] τοῦ B^* 3 λοξώσεις: τητας del. inter λοξώ (ω fort. corr. ex 0) et σεις B inscr. περλ στηριγμῶν καλ προηγήσεων καλ ἀναποδισμῶν B 5 ὑπολήψεων B^* πάντ B^* ἀπαντᾶν deleto ut vid. altero B 6 γ/νεται servata voce ως Mart. εί καλ] καλ εί B. verba καλ εί — σελήνης iterantur in B post φαίνονται vs. 9, post φαίνονται et post σελήνης signo \dagger posito 10 αὐτὸν add. Mart. αὐτοῦ Mart. 12 αὐτοῦ] αὐτὸν Mart. καθάπερ ἔφαμεν: D. 160, 20 14 τοῦ] τὸν D^* κύκλον D^* 15 αὐτὸν D^*

δηλον δε ώς οὐδεν διαφέρει πρός τὸ σώζειν τὰ φαινόμενα, τοὺς πλάνητας κατὰ τῶν κύκλων, ὡς διώρισται, λέγειν κινεῖσθαι, η τοὺς κύκλους φέροντας τὰ τούτων σώματα αὐτοὺς περί τὰ ίδια κέντρα κινεῖσθαι. λέγω δε τους μεν εγκέντρους, φέροντας τα των επικύ- 5 κλων κέντρα, περί τὰ αύτῶν κέντρα κινείσθαι ὑπεναντίως (τῷ παντί), τοὺς δὲ ἐπικύκλους, φέροντας τὰ τῶν πλανωμένων σώματα, πάλιν περί τὰ αύτῶν κέντρα, οἶον τὸν μὲν μλυξ ἔγκεντρον φέρεσθαι περί τὸ θ, τοῦ παντὸς καὶ ξαυτοῦ κέντρον, ὑπεναντίως τῷ παντί, φέροντα 10 έπὶ τῆς αύτοῦ περιφερείας τοῦ (ἐπικύκλου τὸ) μ κέντρου, του (δε) εξημ επίκυκλου έχουτα του πλαυώμενου κατά τὸ ε φέρεσθαι πάλιν περί τὸ μ κέντρον, έπὶ μὲν ήλίου και σελήνης έπι τὰ αὐτὰ τῷ παντί, έπι δὲ τῶν άλλων και τούτον ύπεναντίως τῷ παντί σώζεται γὰρ 15 οῦτως τὰ φαινόμενα.



κατά δε την ετέραν πραγματείαν, οντος έκκεντρου

⁶ ὑπεναντίους B, em. apogr. 7 τῷ παντὶ add. Mart. 8 πλανομένων B, em. apogr. αὐτῶν] αὐτὰ B^* 10 ξαυτὸν B^* φέροντα ἐπὶ τῆς αὐτοῦ περιφέρειας τὸ μ κέντρον τοῦ εξηκ ἐπικύκλου, $\langle \hat{\mathbf{o}} \mathbf{v} \rangle$ ἔχοντα κτλ. Mart. 15 τούτων B^* 17 ἐγκέντρου B^*

κύκλου τοῦ ελυξ περί κέντρον τὸ κ, ἐπὶ μὲν ἡλίου αὐτὸς ό ελυξ κύκλος εν ενιαυτῷ κινούμενος όμαλῶς περί τὸ κ κέντρον, φέρων τον ηλιον ενεστηριγμένον κατά το ε σημείον, σώσει τὰ φαινόμενα, τοῦ κ κέντρου καθ' έαυτὸ 5 μεν μη κινουμένου μηδ' ύπεναντίως τῷ παντί, συναποφερομένου δε τῷ παντί και πρὸς ἡμέραν έκάστην γράφουτος τὸυ πρπ κύκλου, ίσου γινόμενου τῷ τῆς έτέρας πραγματείας κύκλφ ποιήσεται γάρ οῦτως ὁ ήλιος ἀεὶ κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους μέγιστα ἀποστήματα καὶ πάλιν 10 καθ' έτέρους έλάχιστα καὶ παραπλησίως κατὰ ᾶλλους μέσα, τὰ μὲν μέγιστα κατὰ τὴν ε΄ ς΄ μοῖραν, ὡς εἴρηται, τῶν Διδύμων, τὰ δὲ ἐλάχιστα κατὰ τὴν αὐτὴν τοῦ Τοξότου, και τὰ μέσα όμοίως κατὰ τὰς αὐτὰς τῆς τε Παρθένου και των Ίχθύων έπειδή και τὸ ε σημείον 15 τοῦ ἐκκέντρου ἐφ' οὖ ἐστιν ὁ ῆλιος, τήνδε μὲν ἔχοντος την θέσιν τοῦ κύκλου, φαινόμενον ὑπὸ τοὺς Διδύμους άπογειότατόν έστιν, περιενεχθέντος δε τοῦ κύκλου περί τὸ κ κέντρον, μεταπεσον οπου νῦν ἐστι τὸ υ, φανήσεται μεν ύπο τον Τοξότην, έσται δε προσγειότατον, 20 μεταξύ δε τούτων, κατά τε την Παρθένον και τούς Ίχθύας, μέσως ἀποστήσεται.

τὰ δ' ἄλλα πλανητὰ ἐπειδὴ κατὰ πάντα τόπον τοῦ ζωδιακοῦ καὶ μέγιστα καὶ ἐλάχιστα καὶ μέσα ποιεῖται καὶ ἀποστήματα καὶ κινήματα, ἐὰν κέντοω μὲν τῷ δ τοῦ παντός, διαστήματι δὲ τῷ δκ, γεγράφθαι νοήσωμεν κύκλον τὸν κπο, ἔπειτα τοῦτον, ἔγκεντρον ὅντα καὶ

⁴ έαυτοῦ B, έαυτὸν Mart. 11 μέσους B^* εξ B^* ώς εἴοηται: p. 157, 5 18 μεταπεσών B^* 19 προσγειότατος B^* 24 τὸ ϑ B^* 25 νοήσομεν B^*

ίσον τῷ τῆς ἐτέρας ὑποθέσεως ἐπικύκλφ, φέρεσθαι περὶ τὸ θ τοῦ παντὸς κέντρον καὶ συναποφέρειν τὸ κ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου ὑπεναντίως τῷ παντὶ ἐν χρόνφ τινί, τὸν δὲ ελυξ ἔκκεντρου ἐν ἑτέρφ χρόνφ κινεἴσθαι περὶ τὸ ἑαυτοῦ κέντρον τὸ κ, φέροντα τὸν πλανώμενον εὐνεστηριγμένον ἐν αὐτῷ κατὰ τὸ ε, λαμβανομένων τῶν χρόνων καθ' ἔκαστον τῶν πλανωμένων ἰδίων καὶ οἰκείων, σωθήσεται τὰ φαινόμενα.

καὶ ταῦτα μὲν ἐπὶ πλέον διέξεισι τοῦ προσοικειῶσαι άλλήλαις τὰς τῶν μαθηματικῶν ὑποθέσεις τε καὶ πραγμα- 10 τείας, οίτινες πρός τὰ φαινόμενα μόνον καὶ τὰς κατὰ συμβεβηχός γινομένας των πλανωμένων κινήσεις άποβλέποντες, μακροίς χρόνοις ταύτας τηρήσαντες δια.τὸ εύφυλς της χώρας αὐτῶν, Βαβυλώνιοι καλ Χαλδαζοι καλ Αλγύπτιοι, προθύμως άρχάς τινας καλ ύποθέσεις 15 άνεζήτουν, αξς έφαρμόζει τὰ φαινόμενα, δι' οὖ τὸ κατὰ τὰ εύρημένα πρόσθεν έπικρίνειν και κατὰ μέλλοντα προλήψεσθαι, φέροντες οί μεν άριθμητικάς τινας, ώσπερ Χαλδαΐοι, μεθόδους, οί δε και γραμμικάς, ώσπερ Αίγύπτιοι, πάντες μεν άνευ φυσιολογίας άτελεῖς ποιού- 20 μενοι τὰς μεθόδους, δέον ᾶμα καὶ φυσικῶς περὶ τούτων έπισκοπείν οπερ οί παρά τοῖς Ελλησιν ἀστρολογήσαντες έπειρώντο ποιείν, τὰς παρὰ τούτων λαβόντες άρχὰς καὶ τῶν φαινομένων τηρήσεις, καθὰ καὶ Πλάτων

³ ἐγκέντοου Β* 4 ἔγκεντοου Β* 6 λαμβανόμενου του χρόνων Β, λαμβανόμενοι τῶν χρόνων Ματι. 7 πλανομένων Β, em. apogr. 11 οἶτινες] ὧν τινες? 14 cf. Aristot. de caelo II 12. Bretschneider die Geometrie u. die Geometer vor Euklides p. 12 sq. 16 ἐφαρμόζοι Ματι. δι' οῦ κπλ.] haec verba graviter corrupta sunt κατα] καὶ Ματι. 17 εἰρημένα Β* 17 εἰρημένα Β* 19 γραμμικάς: cf. Biot, Journal des Savants 1850 p. 199

έν τῷ Ἐπινομίᾳ μηνύει, ὡς ὀλίγον ὕστερον ἔσται δῆλον παρατεθεισῶν τῶν λέξεων αὐτοῦ.

καὶ 'Αριστοτέλης δὲ ἐν τοῖς περὶ οὐρανοῦ κοινῶς διὰ πλειόνων δείξας περί τῶν ἄστρων, ὡς οὔτε δι' ήρεε μούντος αὐτὰ φέρεται τοῦ αίθερίου σώματος οὕτε φερομένου συνθεί καθάπερ ἀπολελυμένα και καθ' έαυτά. ούτε μην δινούμενα ούτε κυλινδούμενα, μαλλον δε ύπ' έχείνου φέρεται τὰ ἀπλανῆ πολλὰ ὄντα ὑπὸ μιᾶς χοινῆς τῆς ἐκτός, τῶν δὲ πλανωμένων ἕκαστον ἔν ὑπὸ πλειόνων 10 σφαιρών, πάλιν έν τῷ λ΄ τῶν μετὰ τὰ φυσικά φησιν Εύδοξόν τε και Κάλλιππον σφαίραις τισί κινείν τούς πλάνητας. τὸ γὰρ φυσικόν ἐστι μήτε τὰ ἄστρα αὐτὰ κατὰ ταὐτὰ φέρεσθαι κυκλικάς τινας ἢ έλικοειδεῖς γραμμάς και ύπεναντίως γε τῷ παντί μήτε αὐτούς τινας 15 κύκλους περί τὰ αύτῶν κέντρα δινείσθαι φέροντας ένεστηριγμένους τους άστέρας, και τους μέν [έπτα] έπι τα αὐτὰ τῷ παντί, τοὺς δὲ ὑπεναντίως. πῶς γὰρ καὶ δυνατὸν ἐν κύκλοις ἀσωμάτοις τηλικαῦτα σώματα δεδέσθαι; σφαίρας δέ τινας είναι τοῦ πέμπτου σώματος 20 οίκεῖον ἐν τῷ βάθει τοῦ παντὸς οὐρανοῦ κειμένας τε και φερομένας, τὰς μὲν ύψηλοτέρας, τὰς δὲ ὑπ' αὐτὰς τεταγμένας, και τὰς μεν μείζονας, τὰς δε ελάττονας, ετι δὲ τὰς μὲν κοίλας, τὰς δ' ἐν τῷ βάθει τούτων πάλιν στερεάς, εν αίς απλανών δίκην ενεστηριγμένα τὰ πλα-

¹ Έπινομίφ: p. 987 A 3 inscr. τὰ Ἰοιστοτέλους B. dditum est κε', quod ex ea quae sequitur καὶ voce ortum esse probabiliter cj. Mart. περὶ οὐρανοῦ: Π 8 4 διηρεμοῦντος Β* 8 Arist. de caelo Π 12. cf. Krische die theol. Lehren der griech. Denker p. 286 sqq. τὰ] τὰ μὲν? 10 cf. p. 201, 25. Arist. Metaph. λ 8 p. 1073 φασὶν Εῦδοξός τε καὶ Κάλιππος Β* 16 έπτὰ del. Mart. 19 sqq. cf. p. 189, 7

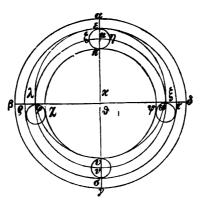
νητὰ τῆ ἐκείνων ἁπλῆ μέν, διὰ δὲ τοὺς τόπους ἀνισοταχεί φορά κατά συμβεβηκός φαίνεται ποικίλως ήδη κινείσθαι και γράφειν τινάς κύκλους έκκέντρους η και έφ' έτέρων τινών κύκλων κειμένους ή τινας ελικας, καθ' ὧν οί μαθηματικοί κινεῖσθαι νομίζουσιν αὐτά, τ $\tilde{\eta}$ 5 άναστροφή άπατώμενοι. έπεί οὖν φαίνεται μέν συναποφέρεσθαι ύπὸ τοῦ παντὸς πρὸς έκάστην ήμέραν τὴν απ' ανατολών έπλ δύσεις, αντιφέρεσθαι δε την είς τα έπόμενα κατά λοξοῦ τοῦ ζφδιακοῦ μετάβασιν, κινεῖσθαι δέ τι καὶ πλάτος, βορειότερά τε καὶ νοτιώτερα βλεπό- 10 μενα, πρός δε τούτοις ύψος τε και βάθος, ότε μεν άπογειότερα, ότε δε προσγειότερα θεωρούμενα, φησίν ό Αριστοτέλης ὅτι διὰ πλειόνων σφαιρῶν εκαστον οί πρόσθεν ύπετίθεντο φέρεσθαι. Εύδοξος μεν ηλιον και σελήνην διὰ τριῶν σφαιρῶν φησιν ἐστηρίχθαι, μιᾶς μὲν τῆς 15 των άπλανων περί τους του παντός πόλους δινουμένης καὶ διὰ κράτος κοινῶς πάσας τὰς ἄλλας ἀπὸ ἀνατολῶν έπὶ δύσεις έφελχομένης, έτέρας δὲ φερομένης περὶ ἄξονα τὸν πρὸς ὀρθὰς τῷ διὰ μέσου τῶν ζωδίων, δι' ής τὴν κατὰ μῆκος μετάβασιν είς τὰ έπόμενα τῶν ζφδίων κοι- 20 νῶς ξααστον πάλιν φαίνεται ποιείσθαι, τρίτης δὲ περί άξονα τὸν πρὸς ὀρθὰς τῷ λελοξωμένφ κύκλφ πρὸς τὸν διὰ μέσου ἐν τῷ πλάτει τῶν ζωδίων, δι' ἦς τὴν κατὰ πλάτος κίνησιν εκαστον ίδίαν, τὸ μεν εν πλείονι, τὸ δὲ

¹ διά τε Β* 3 έγκέντους Β* 5 μαθητικοί Β, em. apogr. αὐτοῦ Β* 7 ποὸς ἐκάστην ἡμέραν] ποὸς ἐκάστην δὲ καὶ πάντα Β, πας ἐκάστην τε καὶ πάντα Mart. cf. p. 176, 6 8 τὰ apogr.] τὴν Β 13 ὅτι] ὁτὲ δὲ Β* 14 inscr. τὰ Εὐδόξου κατὰ (καὶ τὰ Mart.) Ἰριστοτέλους Β. cf. Ideler, Abh. d. Berl. Akad. 1830 p. 73 sqq. Letronne, Journal des Savants 1841 p. 542 19 ῆς] ῆν Β 22 τὸν] τῶν Β* 23 διαμέσον Β*

έν έλάττονι φέρεται διαστάσει, βορειότερόν τε καί νοτιώτερον γινόμενον τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, τῶν δ' άλλων πλανωμένων εκαστον διὰ τεττάρων, προστεθείσης [αν τις υπολάβηται σειρηνας] καθ' εκαστον έτέ-5 φας, δι' ής και τὸ βάθος εκαστον ποιήσεται. Κάλλιππος δέ, χωριστοῦ Κρόνου καὶ Διός, τοις ἄλλοις καὶ έτέρας τινάς, φησί, προσετίθει σφαίρας, ἀνὰ δύο μέν ήλίφ και σελήνη, τοις δε λοιποις άνα μίαν. είτα δε έπιλογίζεται, εί μέλλοιεν συντεθείσαι σώζειν τὰ φαινό-10 μενα, καθ' ξκαστον τῶν πλανωμένων καὶ ἐτέρας εἶναι σφαίρας μιὰ ἐλάττονας τῶν φερουσῶν τὰς ἀνελιττούσας, είτε έαυτοῦ δόξαν ταύτην, είτε έκείνων ἀποφαινόμενος. έπει γὰρ ἄροντο κατὰ φύσιν μεν είναι τὸ έπι τὸ αὐτὸ φέρεσθαι πάντα, έώρων δε τὰ πλανώμενα καὶ ἐπὶ τοὐ-15 ναντίον μεταβαίνοντα, ὑπέλαβον δεῖν είναι μεταξύ φερουσών έτέρας τινάς, στερεάς δηλονότι, σφαίρας, αδ τῆ έαυτῶν κινήσει ἀνελίξουσι τὰς φερούσας ἐπὶ τοὐναντίου, έφαπτόμενας αὐτῶν, ὥσπερ ἐν ταζς μηχανοσφαιροποιίαις τὰ λεγόμενα τυμπάνια, κινούμενα περί τὸ κέν-20 τρον ίδιαν τινὰ κίνησιν, τῆ παρεμπλοκῆ τῶν ὀδόντων είς τούναντίον κινείν και άνελίττειν τὰ ύποκείμενα και προσυφαπτόμενα. έστι δε τὸ μεν φυσικὸς ὅντως, πάσας τας σφαίρας φέρεσθαι μέν έπὶ τὸ αὐτό, περιαγομένας ύπὸ τῆς ἐξωτάτω, κατὰ δὲ τὴν ίδίαν κίνησιν διὰ την

² γινομένων Β* 4 σεισήνας Β. ὑπολάβοιτο, σεισήνης Mart. interpolator verba διὰ τεττάρων male intellecta ad Platonis de sphaerarum concentu locum supra exscriptum (p. 146, 1. cf. adn. ad p. 138, 9) rettulit 5 δι' ής] διήση Β* inscr. τὰ Καλίππον κατὰ (καὶ τὰ Mart.) ᾿Αριστοτέλους Β* Κάλιππος Β* 7 δύο] δύο: δύο Β* 18 cf. Papp. VIII p. 308 Gerh. Lübbert, Rhein. Mus. n. F. XII p. 119 21 κινεῖ καὶ ἀνελίττει Mart. 22 προσυφαπτόμενον Β* 23 περιαγομένω Β*

τάξιν τῆς θέσεως καὶ τοὺς τόπους καὶ τὰ μεγέθη τὰς μὲν θᾶττον, τὰς δὲ βραδύτερον ἐπὶ τὰ ἐναντία φέρεσθαι περὶ ἄξονας ἰδίους καὶ λελοξωμένους πρὸς τὴν τῶν ἀπλανῶν σφαίραν. ὥστε τὰ ἐν αὐταῖς ἄστρα τῆ τούτων ἀπλῆ καὶ ὁμαλῆ κινήσει φερόμενα κατὰ συμβεβηκὸς αὐτὰ ὁ δοκεῖν συνθέτους καὶ ἀνωμάλους καὶ ποικίλας τινὰς ποιείσθαι φοράς. καὶ γράφουσί τινας κύκλους διαφόρους, τοὺς μὲν ἐγκέντρους, τοὺς δὲ ἐκκέντρους, τοὺς δὲ ἐπικύκλους. ἔνεκα δὲ τῆς ἐννοίας τῶν λεγομένων ἐπὶ βραχὺ καὶ περὶ τούτων ἐκθετέον, κατὰ τὸ δοκοῦν 10 ἡμῖν ἀναγκαῖον εἰς τὰς σφαιροποιίας διάγραμμα.



ἔστω σφαΐρα κοίλη τῶν ἀπλανῶν ἡ αβγδ περὶ κέντρον τὸ θ τοῦ παντὸς ἐν βάθει τῷ αε διάμετροι δ' αὐτῆς αὶ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\beta\delta}$. καὶ νοείσθω ὁ $\overline{\alpha\beta\gamma\delta}$ κύκλος μέγιστος 15

5 nal ante nivíσει del. B 12 in descr. omissae sunt literae διλμνέσω 14 α \hat{l}] $\hat{\eta}$ B* 15 δέ τις] $\hat{\eta}$ τις B*

¹ αὐτῆς] τῆς B 2 τῷ $\overline{\epsilon n}$] τὸ ϵn B* 10 lacunam Martinus his verbis supplevit: τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπιπέδω ἡ δὲ ποίλη τοῦ πλάνητος περὶ ἄξονα πρὸς ὀρθὰς τῷ 16 περιεῖναι B* τὴν] τῆς B* 18 ἄλλοι B, em. apogr. ρ. 148, 5 ἐπὶ del. Mart. 21 ἀπλανῆ B* 24 φερομένην B

άποκαθίστάσθω πρότερον έν τῷ αὐτῷ καὶ ἔστω κέντρον της σφαίρας τὸ μ. και γεγράφθω κέντρω μέν τῷ θ, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\theta}\mu$ κύκλος ὁ $\overline{\mu\lambda\nu\xi}$ τῆς δὲ $\langle \overline{\epsilon \nu} \rangle$ εύθείας δίχα διαιρεθείσης κατά τὸ κ, κέντρφ μὲν τῷ κ, διαστήματι δε τῷ πε, κύκλος γεγράφθω ὁ ελυξ, ἔκκεν- 5 τρος πρός τὸ πᾶν. φανερὸν δὴ ὅτι ἐν ῷ χρόνω ἡ κοίλη σφαζοα τοῦ πλανωμένου τῆς τῶν ἀπλανῶν ὑπολείπεται φέρουσα την στερεάν, τὸ μὲν μ κέντρον τῆς στερεᾶς σφαίρας διελεύσεται τὸν μλυξ κύκλον ἔγκεντρον, ἐπὶ τὰ έναντία δοκοῦν φέρεσθαι καὶ ἀπάγον τὴν στερεὰν 10 σφατραν, τὸ δὲ ἐπὶ τοῦ ε πλανώμενον ἐν μὲν τῆ στερεᾶ σφαίρα γράψει τὸν εηπζ κύκλον, ἐπίκυκλον γινόμενον τοῦ μλυξ έγκεντρου, αὐτὸν φερόμενον ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί κατὰ συμβεβηκὸς (δὲ) γράψει καὶ τὸν ελυξ ἔκκευτρου ίσου τῷ ἐγκέυτρῷ, περιγράφου αὐτὸυ ἐπὶ τὰ 15 έναντία τῷ παντί δόξει δὲ τοῖς ἀπὸ τοῦ θ ὁρῶσι καὶ τον αβγδ ζωδιακον διανύειν, είς τὰ έπόμενα προϊον ύπεναντίως τῆ τοῦ παντὸς φορά φανήσεται δὲ καὶ πλάτος κινεϊσθαι τὸ κατὰ λόγον τῆς λοξώσεως τοῦ ἐπιπέδου πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζφδίων, ικ ἐπιπέδιο πρὸς ὀρθὰς 20 οί ἄξονες τῶν σφαιρῶν αὐτοῦ κατὰ δὲ τὸν αὐτὸν τόπον άει μέγιστον απόστημα ποιήσεται και τα ελάχιστα δόξει

¹ ἔστω] ἐν τῶ B 2 τῆ σφαίρα B. ἐν τῷ κέντοῷ (ex ea nota qua voc. κέντρον hoc loco significatur casus cognosci non potest) τῆ σφαίρα Mart. 3 τὸ ϑ B* τὸ ϑμ B* μψνξ B* εν add. Mart. 4 τὸ κ] τὸ ἡ B, τὸ ℋ Mart. τῷ κ] τὸ ἡ B, τῷ ℋ Mart. τῷ κ] τὸ ἡ B, τῷ ℋ Mart. τῷ κ] 10 ἀπάγο. B, em. apogr. 11 τὸ] τὸν B* 12 εντζ B* 14 καί ante κατὰ add. Mart. 15 περιγράφων 16 εκί] περί 16 Β* 17 προϊών 16 16 εν τὰν 16 εν εκίπεδοι B, οἶς ἐπιπέδοις Mart. 16 κατὰ 16 κατὰ 16 κατὰ 16 κατὰ 16 κατὰ 16 κατὶ 16 κατὰ 16 κατὰ

κινεϊσθαι, οίον κατά τὸ α σημείον τοῦ ζωδιακοῦ, ἐπειδαν της στερεας σφαίρας το κέντρον έπλ της αθ εύθείας κατά τὸ μ, αὐτὸ δὲ τὸ πλανώμενον κατά τὸ ε κατά δὲ τούναντίον ἀεὶ τὸ ἐλάχιστον ἀπόστημα ἀποστήσεται καὶ 5 τὰ μέγιστα δόξει κινεῖσθαι, οἶον κατὰ τὸ γ σημεῖον τοῦ ζωδιακού, ἐπειδάν, ἐπὶ τὰ ἐναντία τῆς κοίλης σφαίρας μεταπεσούσης, [καλ] της στερεάς τὸ μὲν κέντρον ἐπλ τῆς θγ εὐθείας γένηται κατὰ τὸ ν, αὐτὸ δὲ τὸ πλανώμενον κατά τὸ γ, τουτέστι κατά τὸ υ. τὰ μέντοι μέσα 10 ἀποστήματα καὶ τὰ μέσα κινήματα ποιήσεται διχῆ, κατὰ τας διχοτομίας γινόμενον τοῦ εξπη ἐπικύκλου καὶ τοῦ μλυξ έγκέντρου, οίου τὰς ζ η, αίτινες διὰ τὴυ ἐπὶ τὰ έναντία μετάπτωσιν των σφαιρών ἢ ὑπόλειψιν αί αὐταλ γίνονται ταζς λ ξ διχοτομίαις τοῦ τε ελυξ έκκέντρου 15 κύκλου και τοῦ μλυξ έγκέντρου, φαινόμεναι κατὰ τὰ μεταξύ σημεία των α γ έφ' έκατερα β δ έν τῷ ζωδιακῷ, οίον τὰ φ ω α τινα πάντα φαίνεται περί τὸν ηλιον, διὰ τὸ τοὺς ἀποκαταστατικοὺς αὐτοῦ χρόνους πάντας ώς πρός αίσθησιν ίσους η σύνεγγυς άλλήλων εύρίσκεσθαι 20 - λέγω δε τόν τε τοῦ μήκους και τοῦ πλάτους και βάθους - (καί) έπισυνανταν άμφοτέρων των σφαιρών τὰ όμόλογα σημεία κατά τὰς όμολόγους αὐτῶν κινήσεις ἀελ κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους καὶ κατὰ τὰ αὐτὰ ὁρᾶσθαι ζώδια.

έπειδη δὲ τῆ τοιαύτη καὶ κατὰ φύσιν [οῦτω] φορᾶ 25 τῶν [πλανωμένων οῦτω] σφαιρῶν, ὁμαλῆ καὶ ἀπλῆ καὶ

τεταγμένη, λοξη δε και δια βραδυτήτα μόνον υπολειπομένη τῶν ἀπλανῶν ἢ μιῷ τῆ φερούση τὴν στερεάν, τουτέστι τὸν ἐπίκυκλον, ἐπὶ τὰ ἐναντία φερομένη κατὰ συμβεβηχός έπιγίνεται ποιχίλη χαλ σύνθετος ανώμαλός τε [καί] οὖσα φορὰ τοῦ πλανωμένου, διὰ μὲν 5 είς τὰ έπόμενα τῶν ζωδίων γινομένη ἢ ὄντως η καθ' ὑπόλειψιν, διὰ δὲ τὴν λόξωσιν ἐν πλάτει τινί τῶν ζωδίων θεωρουμένη, διὰ δὲ ⟨τὴν⟩ τῆς στερεᾶς περί του αυτής άξουα δίνησιν ποτε μεν έν υψει και διά τοῦτο βραδεῖα δοχοῦσα, ποτὲ δὲ ἐν βάθει καὶ διὰ τοῦτο 10 ταχυτέρα, και άπλῶς ἀνώμαλος, διὰ ταῦτα δὲ καὶ κατὰ τοῦ ἐπικύκλου γινομένη καὶ κατὰ τοῦ ἐκκέντρου δοκοῦσα, δῆλον ὡς εἰκότως καὶ αί τῶν μαθηματικῶν ὑποθέσεις τῆς φορᾶς αὐτῶν, ῆ τε κατ' ἐπίκυκλον καὶ κατ' έχχευτρου, άλλήλαις επουται καλ συνάδουσιν, έπειδή 15 άμφότεραι τη κατά φύσιν, κατά συμβεβηκός δέ, άκολουθοῦσιν, ο και θαυμάζει Ίππαρχος, μάλιστα έπι τοῦ ήλίου διὰ τὸ ἰσοχρόνιον τῆς τῶν σφαιρῶν αὐτοῦ φορᾶς ακριβώς απαρτιζόμενον, έπι δε των αλλων ούχ ούτως άπριβῶς διὰ τὸ μὴ ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῷ τὴν στερεὰν 20 σφαϊραν τοῦ πλάνητος ἀποκαθίστασθαι, ἐν ῷ ἡ κοίλη τῆς τῶν ἀπλανῶν ἢ ὑπολείπεται ἢ ἐπὶ τὰ ἐναντία περιέργεται, άλλ' έφ' ών μεν θαττον, έφ' ών δε βραδύτερου, ώστε τὰς ὁμολόγους αὐτῶν χινήσεις, καὶ κατὰ τὰ

¹ λοξη $\dot{\mathbf{B}}^*$ 2 η μιᾶ] η μία $\dot{\mathbf{B}}^*$ 5 και del. Mart. διὰ μὲν . . .] μία μὲν η $\dot{\mathbf{B}}$, lacuna ante μία vacuo spatio complurium literarum indicata: excidisse videntur verba την τῆς κοίλης φορὰν vel similia. και μία μὲν η Mart. 7 ὑπόληψιν $\dot{\mathbf{B}}^*$ 8 την add. Mart. 11 κατὰ] διὰ $\dot{\mathbf{B}}^*$ 17 Ἰππαρχος: cf. p. 166, 6 ἐπί] ὑπὸ $\dot{\mathbf{B}}^*$ 19 ἀπαρτιζομένους $\dot{\mathbf{B}}^*$ 21 κοίλη τῆς] κοιλότης $\dot{\mathbf{B}}^*$ 19 ἀπαρτιζομένους $\dot{\mathbf{B}}^*$ 21 κοίλη τῆς] κοιλότης $\dot{\mathbf{B}}^*$

αὐτὰ σημεῖα τῶν σφαιρῶν μὴ κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους συναντάν, άλλ' άει παραλλάττειν, είναι δε και τὰς λοξώσεις τῶν σφαιρῶν ἐν πλείοσι πλάτεσι, διὰ δὲ ταῦτα τούς τε [τοὺς] ἀποκαταστατικοὺς αὐτῶν χρόνους τοῦ τε 5 μήχους και πλάτους και βάθους ἀνίσους είναι και διαφόρους, (καὶ τὰς μεγίστας) καὶ έλαχίστας καὶ μέσας άποστάσεις και κινήσεις άλλοτε κατ' άλλους τόπους και έν πᾶσι ποιείσθαι τοίς ζφδίοις, έτι δέ, διὰ τὸ παραλλάττειν, ως φαμεν, τὰς δμολόγους κινήσεις καλ κατά τὰ 10 δμόλογα σημεΐα τῶν σφαιρῶν, μηδὲ κύκλους δοκεῖν γράφειν τὰ πλανώμενα ταῖς κατὰ συμβεβηκὸς κινήσεσιν, άλλά τινας ελικας. ἐπὶ οὖν τῶν πλανωμένων εκάστου χοὴ νομίζειν ίδίαν μέν είναι τὴν κοίλην σφαίραν καὶ φέρουσαν έν τῷ έαυτῆς βάθει τὴν στερεάν, ίδίαν δὲ 15 την στερεάν, πρός τη ίδία πάλιν έπιφανεία φέρουσαν τὸ. πλανώμενον.

ἐπὶ δὲ τοῦ ἡλίου καὶ φωσφόρου καὶ στίλβοντος [οὐ] δυνατὸν μὲν καὶ ἰδίας εἶναι καθ' ἔκαστον ἀμφοτέρας, ἀλλὰ τὰς μὲν κοίλας τῶν τριῶν ἰσοδρόμους ἐν ἴσφ 20 χρόνφ τὴν τῶν ἀπλανῶν ἐπὶ τἀναντία περιιέναι σφαῖραν, τὰς δὲ στερεὰς ἐπὶ μιᾶς εὐθείας ἐχούσας τὰ κέντρα, μεγέθει δὲ τὴν μὲν τοῦ ἡλίου ἐλάττονα, ταύτης δὲ μείζονα τὴν τοῦ στίλβοντος, καὶ ταύτης ἔτι μείζονα τὴν τοῦ φωσφόρου. δυνατὸν δὲ καὶ μίαν μὲν εἶναι τὴν 25 κοίλην κοινὴν τῶν τριῶν, τὰς δὲ στερεὰς ⟨τῶν⟩ τριῶν

⁴ τοὺς del. Mart. 6 καὶ μεγίστας add. Mart. 7 ἀποκαταστάσεις B* 8 παραλλάττειν] πράττειν B* 9 κατὰ τὰ] κατὰ αὐτὰ Β, κατὰ αὐτὰ τὰ Mart. 17 inscr. περὶ ἡλίον, Έρμοῦ, Αφροδίτης Β οὐ del. Mart. 20 περιείναι Β* 21 nonnulla excidisse videntur, velut ἐπὶ τὰ αὐτὰ φέρεσθαι τῆ ἀπλανεί

έν τῷ βάθει ταύτης περί τὸ αὐτὸ κέντρον ἀλλήλαις, μικροτάτην μέν και όντως στερεάν την τοῦ ήλίου, περί δε ταύτην την τοῦ στίλβοντος, είτα άμφοτέρας περιειληφυΐαν και τὸ πᾶν βάθος τῆς κοίλης και κοινῆς πληφοῦσαν την τοῦ φωσφόρου. δι' δ την μεν κατὰ τὸ μῆκος 5 διὰ τῶν ζωδίων ἢ ὑπόλειψιν ἢ ἐπὶ τὰ ἐναντία φορὰν ισόδρομον οι τρείς ούτοι ποιούνται, τας δε άλλας ούχ όμοίως, [ας] ἀεί τε περί ἀλλήλους ὁρῶνται καταλαμβάνοντες και καταλαμβανόμενοι και έπιπροσθούντες άλλήλοις, τοῦ μὲν Έρμοῦ τὸ πλεῖστον εἴκοσί που μοίρας 10 έφ' έκάτερα τοῦ ήλίου πρὸς έσπέραν τ πρὸς ἀνατολὴν άφισταμένου, τοῦ δὲ τῆς Αφοοδίτης τὸ πλείστον πεντήκουτα μοίρας. ὑποπτεύσειε δ' ἄν ⟨τις⟩ καὶ τὴν ἀληθεστέραν θέσιν τε καὶ τάξιν είναι ταύτην, ίνα τοῦ κόσμου, ώς κόσμου και ζώου, της έμψυχίας ή τόπος ούτος, 15 ώσανει καρδίας τοῦ παντὸς ὅντος τοῦ ἡλίου πολυθέρμου διὰ τὴν κίνησιν καὶ τὸ μέγεθος καὶ τὴν συνοδίαν τῶν περί αὐτόν. ἄλλο γὰρ ἐν τοῖς ἐμψύχοις τὸ μέσον τοῦ πράγματος, τουτέστι τοῦ ζφου ή ζφου, καὶ ἄλλο τοῦ μεγέθους οἶον, ὡς ἔφαμεν, ἡμῶν αὐτῶν ἄλλο μέν, 20 ώς ανθοώπων και ζώων, τῆς ἐμψυχίας μέσον τὸ περί την καρδίαν, αξικίνητον καὶ πολύθερμον καὶ διὰ ταῦτα πάσης ψυχικής δυνάμεως οὖσαν ἀρχήν, οἶον ψυχικής καλ κατά τόπον όρμητικής, όρεκτικής καλ φανταστικής καλ διανοητικής, τοῦ δὲ μεγέθους ἡμῶν ἔτερον μέσον, 25 οίον τὸ περί τὸν ὀμφαλόν. ὁμοίως δὴ καὶ τοῦ κόσμου

³ ἀμφοτέροις B^* 6 ὑπόληψιν B^* 8 ας] αζς Mart. 13 τις add. Mart. 18 αὐτῶν B^* 19 τόντι B^* ή ζώω B^* 22 ἀκίνητον B^* 23 οἶον ψυχικῆς] οἶον Φρεπτικῆς? cf. Aristot. de an. II 3 24 scr. (καὶ) ὀρεπτικῆς vel ὀρεπτικῆς $\langle \tau \varepsilon \rangle$

παντός, ώς ἀπὸ βραχέων καὶ τυχόντων καὶ θνητών τα μέγιστα καὶ τιμιώτατα καὶ θεῖα εἰκάσαι, τοῦ μεγέθους μέσον τὸ περὶ τὴν γῆν κατεψυγμένον καὶ ἀκίνητον ώς κόσμου δὲ καὶ ἡ κόσμος καὶ ζῷον τῆς ἐμψυχίας μέσον τὸ περὶ τὸν ῆλιον, οίονεὶ καρδίαν ὅντα τοῦ παντός, ὅθεν φέρουσιν αὐτοῦ καὶ τὴν ψυχὴν ἀρξαμένην διὰ παντὸς ῆκειν τοῦ σώματος τεταμένην ἀπὸ τῶν περάτων.

δηλον δε ώς δια τας είρημένας αίτίας άμφοτέρων τῶν ὑποθέσεων έπομένων ἀλλήλαις κοινοτέρα καὶ καθο-10 λικωτέρα δοκεί και σύνεγγυς τῆ κατὰ φύσιν ἡ κατὰ τὸν ἐπίκυκλον. ὁ γὰρ τῆς στερεᾶς σφαίρας μέγιστος κύκλος, ὃν τῆ ἐπ' αὐτῆς περὶ αὐτὴν φορᾶ γράφει τὸ πλανώμενου, έστιν ὁ ἐπίκυκλος ὁ δὲ ἔκκευτρος παντάπασιν άπηρτημένος τοῦ κατὰ φύσιν καὶ μᾶλλον κατὰ 15 συμβεβηκός γραφόμενος. ὅπερ καὶ συνιδών ὁ Ἱππαρχος έπαινεῖ τὴν κατ' ἐπίκυκλον ὑπόθεσιν ὡς οὖσαν ἑαυτοῦ, πιθανώτερον είναι λέγων πρός τὸ τοῦ κόσμου μέσον πάντα τὰ οὐράνια Ισορρόπως κεῖσθαι καὶ ὁμοίως συναρηρότα ούδε αύτος μέντοι, διὰ τὸ μη έφωδιάσθαι 20 ἀπὸ φυσιολογίας, σύνοιδεν ἀκριβῶς, τίς ἡ κατὰ φύσιν καί κατά ταῦτα άληθης φορά τῶν πλανωμένων καὶ τίς ή κατά συμβεβηκός καί φαινομένη ύποτίθεται δε καί οὖτος τὸν μὲν ἐπίκυκλον ἐκάστου κινεῖσθαι κατὰ τοῦ ἐγκέντρου κύκλου, τὸ δὲ πλανώμενον κατὰ τοῦ ἐπικύκλου. έοικε δε καί Πλάτων κυριωτέραν ήγεισθαι την κατ' 25

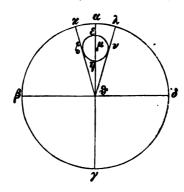
έπίκυκλου, οὐ μὴν σφαίρας, ἀλλὰ κύκλους είναι τὰ φέροντα τὰ πλανώμενα, καθάπερ καὶ ἐπὶ τέλει τῆς Πολιτείας τοῖς ἐν ἀλλήλοις ἡομοσμένοις αἰνίσσεται σφονδύλοις χρῆται δὲ τοῖς ὀνόμασι κοινότερου, καὶ τὰς μὲν σφαίρας πολλάκις κύκλους προσαγορεύει καὶ 5 πόλους, τοὺς ἄξονας δὲ πόλους.

ό δὲ 'Αριστοτέλης φησί' σφαίρας εἶναί τινας τοῦ πέμπτου σώματος οἰκεῖον ἐν τῷ βάθει τοῦ παυτὸς οὐρανοῦ κειμένας τε καὶ φερομένας, τὰς μὲν ὑψηλοτέρας, τὰς δὲ ὑπ' αὐτὰς τεταγμένας, καὶ τὰς μὲν μείζονας, τὰς 10 δὲ ἐλάττονας, ἔτι δὲ τὰς μὲν κοίλας, τὰς δὲ ἐν τῷ βάθει τούτων πάλιν στερεάς, ἐν αἷς ἀπλανῶν δίκην ἐνεστηριγμένα τὰ πλανητά, τῆ ἐκείνων ἁπλῆ μέν, διὰ δὲ τοὺς τόπους ἀνισοταχεῖ φορῷ κατὰ συμβεβηκὸς φαίνεται ποικίλως ἤδη κινεῖσθαι καὶ γράφειν τινὰς κύκλους ἐκ- 15 κέντρους, ἢ καὶ ἐφ' ἐτέρων τινῶν κύκλων κειμένους ἤ τινας ἔλικας, καθ' ὧν οἱ μαθηματικοὶ κινεῖσθαι νομίζουσιν αὐτά, τῷ ἀναστροφῷ ἀπατώμενοι.

2 Plat. Civ. X p. 616 D 3 αλλήλοις B*

4 ποινο Β, ποινοτέφοις Mart. 5 πύπλον Β*. cf. Civ. p. 616 Ε. 617 AB. Tim. p. 36 D 6 καὶ πόλονς: cf. Crat. p. 405 C. Epin. p. 986 C. (Axioch. p. 371 B) τοὺς ἄξονας δὲ πόλονς: cf. Tim. p. 40 B post πόλονς excidisse putat Mart. ea quae p. 178, 1 ex Epinomide se allaturum Theo promisit '7 inscr. τὰ Άριστοτέλονς Β hunc locum (vs. 7—18) pro spurio habet Mart. cf. p. 178, 19 sqq. (Ba) 13 ἐπείνων Βa] ποινῆ Bb διὰ δὲ] δία τε Β*

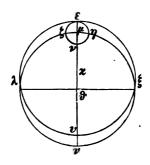
190 DE PROGRESSIBUS, STATIONIBUS, REGRESSIBUS.



πῶς δέ ποτε φαίνονται προηγείσθαί τε καὶ στηρίξειν καὶ ἀναποδίζειν ὅσοι τῶν πλανήτων καὶ ταῦτα
ποιείν δοκοῦσι, δηλωτέον. ἔστω ζωδιακὸς μὲν ὁ αβγδ
περὶ τὸ θ τοῦ παντὸς κέντρον, πλάνητος δὲ ἐπίκυκλος
δ ὁ εξη, καὶ ἀπὸ τῆς θ ὅψεως ἡμῶν ἤχθωσαν ἐφαπτόμεναι
τοῦ ἐπικύκλου αἱ θζκ, θνλ, καὶ διὰ τοῦ μ κέντρου τοῦ
ἐπικύκλου ἡ θμεα. ἐπεὶ οὖν ἐπ' εὐθείας ὁρῶμεν, δῆλον
ώς ὁ ἀστὴρ ἐπὶ μὲν τοῦ ζ γενόμενος ἡμῖν ἐπὶ τοῦ κ
φανήσεται τὴν δὲ ζε περιφέρειαν ἐνεχθεὶς δόξει τοῦ
10 ζωδιακοῦ τὴν πα εἰς τὰ προηγούμενα προπεποδικέναι.
πάλιν δὲ τὴν νζ διανύσας δόξει τὴν αλ προπεποδικέναι.
πάλιν δὲ τὴν νζ διανορευθεὶς δόξει τὴν λακ εἰς τὰ
έπόμενα τῶν ζωδίων ἀναπεποδικέναι καὶ τῷ μὲν ζ προσιῶν καὶ πρώτως αὐτοῦ ἀποχωρῶν, ἐπὶ τοῦ κ φανήσε15 ται πλείω χρόνον ποιῶν καὶ στηρίζων πλεῖον δὲ ἀπο-

 $[\]frac{1}{5}$ inser. περί προηγήσεως καὶ ἀναποδισμῶν B 5 $\frac{\epsilon \xi \eta \nu}{14}$ Mart. (εξη Chalc. 86) 8 κ] $\bar{\eta}$ B* 11 $\overline{\epsilon \nu}$] ε $\bar{\mu}$ B* 14 κ] $\bar{\eta}$ B*

στὰς τοῦ ζ, πάλιν προηγησάμενος επειτα προσεγγίζων τῷ ν καὶ πρώτως ἀπιὼν αὐτοῦ, πάλιν έστάναι δόξει καὶ ἀναποδίζειν. τοὺς μέντοι στηριγμοὺς καὶ ἀναποδισμοὺς καὶ τὰς προηγήσεις καὶ ὑπολείψεις εκαστος πλάνης ἄλλοτε ἐν ἄλλοις ποιήσεται ζωδίοις καὶ μέρεσι ζωδίων, 5 διὰ τὸ καὶ τὸν ἐπίκυκλον ἐκάστου ἀεὶ μετανίστασθαι είς τὰ ἐπόμενα ἢ μεταβαίνοντα ἢ ὑπολειπόμενον.



χρήσιμον δὲ ἔνεκα τῶν προκειμένων καὶ τὴν μέσην ἀπόστασιν πλάνητος, ὁποία ποτέ ἐστιν, ἰδεῖν. κατὰ μὲν οὖν τὴν τῶν ἐπικύκλων πραγματείαν, ἐὰν λάβωμεν τὸ 10 μέγιστον ἀφ' ἡμῶν ἀπόστημα τοῦ ἀστέρος, οἶον τὸ δε, καὶ πάλιν τὸ ἐλάχιστον, οἶον τὸ δν, καὶ τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μεγίστου παρὰ τὸ ἐλάχιστον, οἶον τὸ εν, καὶ δίχα διέλωμεν κατὰ τὸ μ, δῆλον ὡς γενήσεται μέση αὐτοῦ ἀπόστασις ἡ δμ. ἐὰν οὖν κέντρφ μὲν τῷ θ, δια- 15 στήματι δὲ τῷ δμ γράψωμεν τὸν μλυξ κύκλον ἔγκεν-

¹ πάλιν] καὶ Β 2 ν] $\bar{\eta}$ B, ν $\bar{\eta}$ Mart., cf. p. 190, 14 4 ὑπολήψεις B* 6 διὰ τὸ] δι' ὰ B* 7 $\bar{\eta}$ μεταβ.] καὶ μεταβ. B* ὑπολειπόμενα B* 9 κατὰ] καὶ τὸ B* 13 τὸ $\bar{\epsilon}\nu$] τὸν εν B* 15 κέντιον μὲν τὸ ϑ B* 16 τὸ ϑμ B*

τρον, κέντρφ δε τῷ μ καὶ διαστήματι τῷ με τὸν εζνη έπίκυκλον, φανερον ώς ο άστηρ κατά τοῦ έπικύκλου φερόμενος, έπλ μεν τοῦ ε σημείου γενόμενος μέγιστον άποστήσεται άφ' ήμῶν, ἐπὶ δὲ τοῦ ν ἐλάχιστον, καθ' 5 έχατερου δε τῶυ ζ η, καθ' ἃ τέμνεται ὁ ἐπίκυκλος ὑπὸ τοῦ έγκέντρου, ὁπουδήποτε μεταστάντος τοῦ έπικύκλου, τὸ μέσον. κατὰ δὲ τὴν ⟨τῶν⟩ ἐκκέντρων ὑπόθεσιν, ὄντος έκκευτρου τοῦ ελυξ περί κευτρου τὸ κ, τοῦ δὲ παντὸς κέντρου τοῦ θ, καὶ τῆς μεταξὺ τῶν κέντρων τῆς 🕏κ 10 έκβληθείσης έφ' έκάτερα, έὰν κέντρφ τῷ θ γράψωμεν **ἔσον τῷ ἐκκέντρῷ τὸν μλυξ, δῆλον ὡς οὖτος ἔσται ὁ** έγκευτρος, καθ' οὖ τῆς έτέρας ὑποθέσεως φέρεται ὁ έπίκυκλος, κέντρφ μεν γραφόμενος τῷ μ, διαστήματι δὲ τῷ με. ὁ πλάνης, κατὰ τοῦ ἐκκέντρου φερόμενος, 15 έπλ μεν τοῦ ε γενόμενος, ὅπου ἂν καλ τοῦτο, μέγιστον ἀφέξει ἀφ' ἡμῶν, ἐπὶ δὲ τοῦ υ ἐλάχιστον, κατὰ δὲ τὰς πρός του έγκευτρου διχοτομίας τας λ ξ, οπου ζαυ> γίνωνται μεταπίπτοντος τοῦ ἐκκέντρου, τὰ μέσα. καὶ φανερον ώς καθ' έκατέραν την υπόθεσιν τα αυτά συμ-20 φωνήσει μέγιστα καὶ πάλιν έλάχιστα καὶ μέσα εἶναι άποστήματα.

λείπεται περί συνόδων καὶ ἐπιπροσθήσεων καὶ κρύψεων καὶ ἐκλείψεων ἐπὶ βραχὺ τῶν προκειμένων ἔνεκα διελθεΐν. ἐπεὶ τοίνυν φύσει μὲν ἐπ' εὐθείας ὁρῶμεν, 25 ἔστι δὲ ἀνωτάτω μὲν ἡ τῶν ἀπλανῶν σφαίρα, ὑπὸ δὲ

¹ τὸ μ B* 3 γενόμενος] φερόμενος B* 5 εκάτερον] ετερον B 6 ὁπουδήπουτε B, em. apogr. 7 έγκέντρων ἀπόθεσιν B* 11 τὸν] τῷ B* 12 έκκεντρος B* 16 τὰς] τὴν B* 17 έκκεντρον B* οπου γίνονται B* 22 inser. περί συνόδων καὶ ἐπιπροσθέσεων Β* μ έπιπροσθέσεων B*

ταύτην αί τῶν πλανωμένων, ἐν ή τάξει διωρίσαμεν, δηλον ώς ή μεν σελήνη, προσγειοτάτη ούσα, πασι τοις ύπεο αὐτὴν ἐπιπροσθήσει, καὶ πάντα τὰ πλανώμενα. τινα δε και των απλανων, κρύπτει, επειδαν μεταξύ τινος αὐτῶν καὶ τῆς ὄψεως ἡμῶν ἐπ' εὐθείας καταστῆ, τ αὐτὴ δὲ ὑπ' οὐδενὸς ἄστρου κρύπτεται. ὁ δὲ ῆλιος ὑπὸ μέν της σελήνης έπιπροσθείται, αὐτὸς δὲ πλην τῆς σελήνης τάλλα πάντα κρύπτει, τὸ μεν πρώτον συνεγγίζων και καταυγάζων, έπειτα δε κατά μίαν εύθεταν έμπροσθεν της όψεως ήμων κάκείνων τινός μεταξύ καθ- 10 ιστάμενος. στίλβων δε και φωσφόρος τὰ μεν ὑπερ αὐτοὺς κρύπτουσι, τῆς ὄψεως ἡμῶν κἀκείνων κατ' εὐθεῖαν όμοίως ἐπίπροσθεν γινόμενοι · δοκοῦσι 〈δὲ〉 καὶ ἀλλήλους έπιπροσθείν ποτε, διὰ τὰ μεγέθη καὶ τὰς λοξώσεις τῶν κύκλων και τας θέσεις άλλήλων υπέρτεροί τε και ταπει- 15 νότεροι γινόμενοι. τὸ μέντοι ἀπριβες ἄδηλον ἐπ' αὐτων, διὰ τὸ περί τὸν ηλιον ἀναστρέφεσθαι καὶ μάλιστα τὸν στίλβοντα μικρὸν κέντρον εἶναι τῷ μεγέθει καὶ σύνεγγυς ἀεὶ τῷ ἡλίφ καὶ τὰ πολλὰ καταυγαζόμενον άφανη. πυρόεις δε τους ύπερ αὐτὸν δύο πλάνητάς ποτε 10 κρύπτει, φαέθων δε τον φαίνοντα, πάντες δε οί πλάνητες τῶν ἀπλανῶν τοὺς κατὰ τὸν ξαυτοῦ δρόμον ξκαστος.

σελήνη δε κατὰ διάμετρον ήλίου [καὶ σελήνης] γενομένη καὶ είς τὴν τῆς γῆς εμπίπτουσα σκιὰν έκλείπει,

¹ διωρίσαμεν: p. 138 sqq. 6 κρύπτε ante αστρου del. B

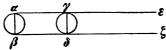
⁸ συνεγγίζον καὶ καταυγάζον Β* 13 ἐπίπροσθα Β* δὲ add. Mart. 15 ἄλλων Β*, invicem Chalc. 87 16 αὐτῶ Β* 20 δύο] αὐ Β, duos supra se planetas Chalc. 23 inscr. περὶ ἐκλείψεως ἡλίου καὶ σελήνης Β ἡλίου καὶ σελήνης γενομένων Mart. luna item diametro a sole distans et incurrens umbram terrae Chalc.

πλην ού κατά πάντα γε μηνα· ούτε (γάρ πάσαις) ταζς συνόδοις και συμμηνίαις λεγομέναις ηλιος έκλείπει, ούτε ταζς πανσελήνοις πάσαις ή σελήνη, διὰ τὸ τοὺς κύκλους αὐτῶν πολὺ λελοξῶσθαι πρὸς ἀλλήλους. ὁ μὲν γὰρ ε ήλίου κύκλος, ως φαμεν, ὑκ' αὐτῷ σύνεγγυς τῷ διὰ μέσων των ζωδίων φαίνεται φερόμενος, του κύκλου αὐτοῦ βραχύ τι πρὸς τοῦτον έγκεκλιμένου, ῶς ῆμισυ μοίρας έφ' έκατερον παραλλάττειν. δ δε τῆς σελήνης κύκλος, ώς μεν Ίππαρχος εύρίσκει, εν πλάτει δέκα μοι-10 φῶν λελόξωται, ὡς δ' οι πλείστοι τῶν μαθηματικῶν νομίζουσι, δώδεκα, ώστε ε΄ ἢ καὶ ϛ΄ μοίρας ἐφ' ἐκάτερα τοῦ διὰ μέσων βορειοτέραν ἢ νοτιωτέραν ποτε φαίνεσθαι. αν δή νοήσωμεν τα δια των κύκλων έκατέρων, τοῦ τε ἡλιακοῦ καὶ τοῦ τῆς σελήνης, ἐπίπεδα ἐκβεβλῆ-15 σθαι, έσται αὐτῶν κοινὴ τομὴ εὐθεία, έφ' ἦς ἀμφοτέρων έστι τὰ κέντρα. ήτις εύθεια τρόπον τινά κοινή διάμετρος έσται άμφοιν. ής τὰ ἄχρα, καθ' ὰ τέμνειν δοκοῦσιν ἀλλήλους οι κύκλοι, σύνδεσμοι καλοῦνται, ὁ μὲν άναβιβάζων, ὁ δὲ καταβιβάζων, καὶ αὐτοὶ μεταπίπτον-30 τες είς τὰ έπόμενα τῶν ζφδίων. ἐὰν μὲν οὖν κατὰ σύνδεσμον ή σύνοδος ήλίου πρός σελήνην γένηται, σύνεγγυς άλλήλων φαινομένων των σωμάτων, έπιπροσθήσει τῷ ἡλίφ πρὸς τὴν ὄψιν ἡμῶν σελήνη, ώστε δόξει ήμεν εκλείπειν ὁ ήλιος, και τοσοῦτόν γε μέρος, 25 όσον αν ή σελήνη έπίπροσθεν γένηται. έαν δε μή κατά τὸν σύνδεσμον ή συμμηνιακή σύνοδος γένηται, άλλὰ

¹ πάσαις add. Mart. 2 λεγομένοις Β* 5 φαμεν: cf. p. 185, 13 ὑπαυτῶν σύνεγγυς τῶν διαμέσων Β* 9 cf. p. 135, 14. Lübbert, Rhein. Mus. n. F. XII p. 118 11 δωδώνα B, em. ap. 5΄] ζ Β* 12 του διαμέσον Β* 16 ἐστὶ] ἐπὶ Β* 18 ἀλλήλοις Β*

τοῦ μὲν μήκους τῶν ζωδίων κατὰ τὴν αὐτὴν μοζοαν, τοῦ δὲ πλάτους μὴ κατὰ τὴν αὐτήν, ἀλλὰ τὸ μὲν βοφειότεφον φαίνηται τῶν ἄστφων, τὸ δὲ νοτιώτεφον, οὐκ ἐπιπφοσθούμενος ἥλιος οὐδ' ἐκλείπειν δόξει.

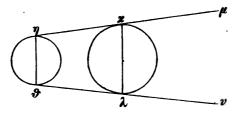
έπὶ δὲ τῆς σελήνης ὧδ' ἂν γένοιτο φανερόν. ὅτι $\mathbf b$ μὲν γὰρ εἰς τὴν τῆς γῆς ἐμπίπτουσα σκιάν ποτε ἐκλείπει, πολλάκις εἴρηται ὡς δ' οὐ καθ' ἕκαστον μῆνα, δηλωτέον.



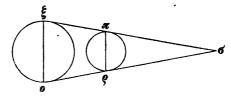
έπεὶ τοίνυν ἐπ' εὐθείας τῶν φωτιζόντων αἱ ἀκτίνες καὶ αἱ αὐγαὶ πίπτουσι καὶ παφαπλησίως συνεχεῖς ταύ- 10 ταις αἱ σκιαί, ὅταν μὲν ἴσον ἢ τό τε φωτίζον καὶ τὸ τὴν σκιὰν ἀποβάλλον, σφαιρικὰ δὲ ἄμφω, γίνεται ἡ [δὲ] σκιὰ κυλινδρικὴ καὶ εἰς ἄπειρον ἐκπίπτουσα. οἶον ἔστω φωτίζον μὲν τὸ αβ, φωτιζόμενον δὲ τὸ γδ, ἴσα δὲ ἀλλήλοις καὶ σφαιρικά δῆλον οὖν ὡς τῆς γε αγ 15 ἀπτῖνος καὶ τῆς βδ ἐπ' εὐθείας ἐκπιπτουσῶν, ἐπεὶ αἱ αβ γδ διάμετροι ἴσαι τέ εἰσιν ἀλλήλαις καὶ πρὸς ὀρθὰς ταῖς αγε βδξ ἐφαπτομέναις, παράλληλοι ἔσονται, καὶ αί

³ νοτιώτερον: ι corr. ex ει B 5 inscr. περὶ ἐκλείψεως σελήνης B 8 tres quae sequentur descriptiones desunt in B, sed exstant apud Chalc. 10 ταύτης B^* 12 γίνηται, ἡ δὲ σκιὰ Mart. ergo cum ignis lucem praebens aequalis erit corpori, ex quo emicant umbrae, si tam ignis quam corporis globosa erit forma, umbrae nascentur in modum cylindri Chalc. 89 13 ἐμπίπτουσα B^* 14 φωτιζόμενον] προσλαμβάνον B, προλαμβάνον Mart. quod vero illuminatur Chalc. 16 $\overline{\rho \delta}$ Chalc.] εδ B $\overline{\epsilon}$ μπιπτουσών B^* 18 έφαπτομένας B, cf. p. 190, δ , έκάτεφαι μὲν οὖν Mart.

 $\overline{\gamma_E}$ δζ ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι οὐ συμπεσοῦνται τοῦ δὲ τοιούτου πάντοθεν γινομένου δῆλον ὡς τῆς $\overline{\gamma}$ δ σφαίρας ἡ σκιὰ κυλινδρική τε ἔσται καὶ ἐπ' ἄπειρον ἐκπίπτουσα.



5 ἐὰν μέντοι τὰ φωτίζον ἔλαττον ἡ, οἶον τὸ ηθ, το δὲ φωτιζόμενον μετζον, οἶον τὸ κλ, ἡ κμλν ⟨σκιὰ⟩ τῷ μὲν σχήματι ἔσται καλαθοειδής, ἐπ' ἄπειφον δὲ ὁμοίως ἐκπίπτουσα: ἐπεὶ γὰρ μείζων ἡ κλ διάμετφος τῆς ηθ, αί κμ λν ἀκτίνες ἐπ' ἄπειφον ἐκπίπτουσαι ἐν πλείονι ἀεὶ 10 διαστάσει γενήσονται, ⟨καὶ⟩ τοῦτ' ἔσται πανταχόθεν ὁμοίως.



1 $\overline{\delta \xi}$] $\delta \xi$ B* 6 $\overline{n\lambda}$ Chalc. 90] $\overline{\eta \lambda}$ B onià add. Mart. manifestum est umbram orbis $n\lambda$ quae est $n\mu\lambda\nu$ in formam quidem effigiari calathi Chalc. 7 $n\alpha\lambda\alpha\theta$ osidès B* 8 $\overline{n\lambda}$ Chalc.] $\overline{\eta \lambda}$ B $\alpha (\overline{n\mu} \overline{\lambda\nu}]$ $n\alpha (\overline{\eta} \overline{\lambda} \overline{\mu} \overline{\nu})$ B*, $\eta n\mu$ et $\theta \lambda\nu$ Chalc. 9 antives bis scr. B* $\xi \mu n \ell n \tau$ over $\xi \delta \tau \alpha (\overline{\nu})$ B* 10 yev $\eta \delta \sigma \tau \alpha (\overline{\nu})$ T $\xi \delta \tau \alpha (\overline{\nu})$ Chalc.

έὰν δὲ ἀνάπαλιν τὸ μὲν φωτίζον η μείζον, καθάπερ τὸ $\overline{\xi}$ ο, τὸ δὲ φωτιζόμενον ⟨ἔλαττον⟩, οἶον τὸ $\overline{\pi}$ ρ,
σφαιρικὰ δὲ ἄμφω, δηλον ὅτι ἡ τοῦ $\overline{\pi}$ ρ σκιά, τουτέστιν $\overline{\eta}$ $\overline{\pi}$ ρσ, κωνοειδης καὶ πεπερασμένη γενήσεται, τῶν $\overline{\xi}$ π $\overline{\tau}$ ορ ἀκτίνων ἐπ' εὐθείας ἐκβαλλομένων καὶ συμπιπτου- 5 σῶν ἀλλήλαις κατὰ τὸ σ σημείον, ἐπειδη ἐλάττων ἐστὶν $\overline{\eta}$ $\overline{\pi}$ ρ διάμετρος τῆς $\overline{\xi}$ ο, καὶ τούτου γινομένου πανταχόθεν.

έπεὶ τοίνυν διὰ τῆς περὶ ἀποστημάτων καὶ μεγεθών πραγματείας ήλίου καὶ σελήνης δείκνυσιν "Ιππαρχος τὸν μέν ήλιον σύνεγγυς χιλιοκτακοσιογδοηκονταπλασίονα 10 τῆς γῆς, τὴν γῆν ἐπταεικοσαπλασίονα μάλιστα τῆς σελήνης, πολύ δε ύψηλότερον τον ηλιον της σελήνης, δηλον ώς η τε σχιὰ έσται της γης χωνοειδής και κατά την κοινήν διάμετρον τοῦ τε ήλίου καὶ τῆς γῆς ἐμπίπτουσα, καὶ τὸ τῆς σελήνης μέγεθος κατὰ τὸ πλείστον έλαττον 15 τοῦ πάχους τῆς ἀπὸ τῆς γῆς σκιᾶς. ἐπειδὰν κατὰ μὲν τὸν ετερου σύνδεσμου ηλιος γένηται, κατὰ δὲ τὸν ετεφον σελήνη, και έπι μιᾶς εύθείας ο τε ηλιος και ή γη καὶ ή σκιὰ καὶ ή σελήνη καταστῆ, τότε ἀναγκαίως έμπίπτουσα είς τὴν σκιὰν τῆς γῆς ἡ σελήνη, διὰ τὸ ἐλάτ- 20 των είναι αὐτῆς και μηδεν έχειν ίδιον φῶς, ἀφανής καθίσταται καὶ λέγεται έκλείπειν. άλλ' έπειδὰν μέν άπριβώς γένωνται κατά διάμετρον, ώστε έπὶ τῆς αὐτῆς, ως φαμεν, εύθείας καταστηναι τό τε τοῦ ήλίου κέντρον

¹ inser. $\pi \epsilon \varrho l$ $\mu \epsilon \gamma \epsilon \vartheta o v \varsigma$ $\dot{\eta} 1 lov$ $\kappa \alpha l$ $\sigma \epsilon l \dot{\eta} \nu \eta \varsigma$ $\kappa \alpha l$ $\pi \epsilon \varrho l$ $\dot{\epsilon} \kappa \vartheta \dot{\epsilon} \sigma \epsilon \omega \varsigma$ ($\dot{\epsilon} \kappa \vartheta \dot{\epsilon} \sigma \epsilon \omega \varsigma$ compendiose scr., $\dot{\epsilon} \kappa l \epsilon l \psi \epsilon \omega \varsigma$ Mart.) $\sigma \epsilon l \dot{\eta} \nu \eta \varsigma$ B 2 $\mu \epsilon i \sigma v$ add. Mart. (si) minus vero erit quod inlustratur Chale. 3 $\tau o v \tau l$ B* 4 $\kappa \sigma \sigma \sigma \dot{\epsilon} \sigma \dot{\epsilon} \rho \dot{\epsilon}$

καὶ τὸ τῆς γῆς καὶ τὸ τῆς σελήνης, διὰ μέσου τοῦ σκιάσματος σελήνη ἰοῦσα ὅλη ἐκλείπει ὅτε δὲ σύνεγγυς, μὴ μέντοι ἐπ' εὐθείας, ἐνίστε οὐχ ὅλη τὰ μέντοι πλείω, μὴ κατὰ τοὺς συνδέσμους γινομένων τῶν σωμάτων τοῦ τε ἡλίου καὶ σελήνης ἐν ταῖς πανσελήνοις, ἡ μὲν σκιὰ τῆς γῆς καὶ οῦτως ἐπὶ μιᾶς εὐθείας ἔσται τῷ ἡλίῳ, ἡ δὲ σελήνη, βορειοτέρα τῆς σκιᾶς ἢ νοτιωτέρα παροῦσα καὶ κατ' οὐδὲν εἰς αὐτὴν ἐμπίπτουσα, οὐδ' ὅλως ἐκλείψει.

ταυτί μεν ό "Αδραστος. ό δε Δερχυλλίδης οὐδεμιᾶ 10 μεν οίκεία και προσηκούση τάξει περί τούτων ἀνέγραψεν ἃ δε και αὐτὸς ὑποδείκνυσιν ἐν τῷ περί τοῦ ἀτράκτου και τῶν σφονδύλων τῶν ἐν τῆ Πολιτεία παρὰ Πλάτωνι λεγομένων ἐστί τοιαῦτα.

Εὔδημος ίστορεῖ ἐν ταῖς ᾿Αστρολογίαις, ὅτι Οἰνο15 πίδης εὖρε πρῶτος τὴν τοῦ ζωδιακοῦ διάζωσιν καὶ τὴν τοῦ μεγάλου ἐνιαυτοῦ περίστασιν Θαλῆς δὲ ἡλίου ἔκλειψιν καὶ τὴν κατὰ τὰς τροπὰς αὐτοῦ περίοδον, ὡς οὐκ
ἴση ἀεὶ συμβαίνει ᾿Αναξίμανδρος δὲ ὅτι ἐστὶν ἡ γῆ
μετέωρος καὶ κινεῖται περὶ τὸ τοῦ κόσμου μέσον ᾿Ανα-

1 καὶ τὸ τῆς σελ.] ἀπ' αὐτῆς τῆς σελ. Β, καὶ αὐτῆς τῆς σελ. Mart. 3 τὰ] τὸ B* 4 γινόμενον B* 9 δερβνλλίδης B* 14 — p. 199, 8: haec leguntur etiam in fine excerptorum quibus titulus ἐπ τῶν ἀνατολίον inscriptus est; edita sunt a Fabricio, Bibl. Gr. cur. Harles III p. 464, "ex apographo Holstenii qui illa ex Peiresciano se codice hausisse est testatus," et ab Hultschio, Heronis reliq. p. 280, qui codice Monacensi 165 usus est inscr. τίς τί εὐςεν ἐν μαθηματικῆ Β, τος τί εὐςεν ἐν μαθημος: fr. 34 Speng. 16 Θαλῆς: cf. Zeller die Philos. der Gr. I* p. 171. Schiaparelli p. 123 sq. 17 περίοδον Fabr.] πάροδον Β et codex Mon. 18 σαμβαίνει Fabr.] συμβαίνειν Β et Mon. 18 sqq. cf. Lewis an historical survey of the astronomy of the ancients p. 91 sqq. ἀναξίμανδρος: cf. Zeller p. 210

Αναξίμανδρος: cf. Zeller p. 210 19 πινείται] πείται Montucla Histoire des Mathématiques I p. 107 Αναξιμένης: cf. Zeller p. 226

ξιμένης δε ότι ή σελήνη έκ τοῦ ήλίου έχει τὸ φῶς καὶ τίνα έκλείπει τρόπον. οί δε λοιποί έπι έξευρημένοις τούτοις έπεξεύρον έτερα. ὅτι οἱ ἀπλανεῖς κινοῦνται περὶ τὸν διὰ τῶν πόλων ἄξονα μένοντα, οί δὲ πλανώμενοι περί τὸν τοῦ ζφδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὄντα αὐτῷ ἄξονα, 5 άπέγουσι δ' άλλήλων δ τε των άπλανων και των πλανωμένων ἄξων πεντεκαιδεκαγώνδυ πλευράν ο έστι μοῖραι κδ΄.

έν δε τοις έφεξης φησιν. ον τρόπον έπι γεωμετρία καλ μουσική μή καταστησάμενον τὰς ὑποθέσεις ἀδύνα- 10 τον τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς λόγων έξάπτεσθαι, κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἐπὶ τῆς ἀστρολογίας προομολογεῖσθαι χρή τὰς ύποθέσεις, έφ' αξε πρόεισιν ὁ λόγος ὁ περὶ τῆς τῶν πλανωμένων μινήσεως. πρὸ πάντων δέ, φησί, σχεδὸν τῶν περί τὰ μαθηματικὰ τὴν πραγματείαν ἐχόντων ἡ 15 ληψις των άρχων ως όμολογουμένων έστί πρωτον μέν ώς έστιν ή τοῦ κόσμου σύστασις τεταγμένως έπλ μιᾶς άργης διεπομένη ύφέστηκέ τε τὰ όντα καὶ φαινόμενα ταῦτα διὸ μὴ δεῖν φάναι τὸν κόσμον τῆς ἡμετέρας όψεως έκ τοῦ ἀπείρου, ἀλλὰ κατὰ περιγραφὴν εἶναι 20 δεύτερον δε ώς οὐ σβέσει καὶ ἀνάψει τῶν θείων σωμάτων αι τε άνατολαί και δύσεις άλλα γαρ εί μη άίδιος

21 σβέση Β*

² ἐπὶ om. exc. ἐξευρημένοις exc.] ἐξηυριμένοις B 3 ὅτι οἱ ἀπλανεῖς πτλ.: cf. p. 202, 8 sqq. (B^b) πινεῖται B^a 4 τῶν πόλων exc.] πόλον B^a , τῶν πόλον B^b 5 αὐτῷ ἄξονα B^b] αὐτοῦ ἄξονα B^a , ἄξονα αὐτῷ exc., ἄξονα del. Hultsch 6 δ' om. exc. 7 πεντεμαιδεμαγώνου exc.] πενταμαιδεμαγώνου exc.] πενταμαιδεμαγώνου A^a γώνου B πλευράς B^a \tilde{o} έστι μο ηδ B, δτι είσὶ μοίρε τὸν άριθμὸν εἰκοσιτέσσαρες Mon., οῖ είσι μοίραι εἰκοσιτέσσαρες Fabr. 9 inscr. τίνες αἱ τῆς ἀστρονομίας ὑποθέσεις B φησιν $\langle \tilde{o}$ τι \rangle Mart. 13 αἱς] οἷς B^* 16 ὁμολογουμένως B^*

τούτων ή διαμονή, οὐκ ἂν ή ἐν τῷ παντὶ τάξις φυλαχθείη τρίτον ὡς οὐ πλείους οὐδὲ ἐλάττονες τῶν ζ οἱ
πλανώμενοι καὶ τοῦτο δῆλον ἐκ μακρᾶς τηρήσεως τέταρτον ἐπεὶ οὕτε πάντα τὰ ὅντα κινείσθαι εὕλογόν
ἐστιν οὕτε πάντα μένειν, ἀλλὰ τὰ μὲν κινείσθαι, τὰ δὲ
μένειν, ὁμολογείσθαι δεί, τίνα ἐν τῷ παντὶ μένειν χρὴ
καὶ τίνα κινείσθαι. φηδὶ δ' ὡς γῆν μὲν χρη οἰεσθαι
μένειν, ἑστίαν τοῦ θεῶν οἰκου κατὰ τὸν Πλάτωνα, τὰ
δὲ πλανώμενα σὺν τῷ παντὶ περιέχοντι οὐρανῷ κι10 νείσθαι τοὺς δὲ τὰ κινητὰ στήσαντας, τὰ δὲ ἀκίνητα
φύσει καὶ ἔδρα κινήσαντας ὡς παρὰ τὰς τῆς μαθηματικῆς ὑποθέσεις ἀποδιοπομπείται.

έν δὲ τούτοις φησί καὶ κατὰ μῆκος τοὺς πλανωμένους κινείσθαι καὶ βάθος καὶ πλάτος τεταγμένως καὶ δ ὑμαλῶς καὶ ἐγκυκλίως,.... ἡγησάμενοι οὐκ ἀν σφαλλοίμεθα τῆς περὶ αὐτοὺς ἀληθείας διὸ τάς τε ἀνατολὰς καὶ παρανατολὰς τῆς κατὰ μῆκος κινήσεως καὶ τὰς ἀπὸ τῶν πρεσβυτέρων ἀποδιδομένας ἐκλύτους καὶ ὁφθύμους αἰτίας τῆς ὑπολείψεως λεγομένης παραιτεῖται. ὀφθὸν δὲ τὸ νομίζειν, φησί, πᾶν τὸ ἄλογον καὶ ἄτακτον φυγόντας τῆς τοιαύτης κινήσεως, ἐναντίαν τῆ ἀπλανεῖ φορᾶ τὰ πλανωμενα κινεῖσθαι ἠρέμα, περιαγομένης τῆς ἐντὸς φορᾶς ὑπὸ τῆς ἐκτός. οὐκ ἀξιοῖ δὲ τοῦ πλανωμένου αἰτίας οἴεσθαι τὰς ἐλικοειδεῖς γραμμὰς ὡς προηγουμένην γὰρ ταύτας κατὰ συμβεβηκός πρώτην δὲ προηγουμένην

⁸ Πλάτωνα: Phaedr. p. 247 A 9 δὲ] γὰς B 11 μαθηματικῆς] μαντικῆς B 15 ἡγησαμένου (ἡγησάμενος Mart.) πἂν σφαλοίμεθα B 18 ἀπὸ] ὑπὸ Mart. παςα post πςεσβυτέςων del. B 19 ὑπολήψεως λεγομένας B* 21 ἀπλανῆ B* 22 πεςιαγαμένης B* 23 cf. Schiaparelli p. 154

αίτιαν είναι και τοῦ πλάνου και τῆς Ελικος τὴν κατὰ λοξοῦ τοῦ ζφδιακοῦ κύκλου κίνησιν· και γὰς ἐπεισοδιώδης και ὑστέρα ἡ κατὰ τὴν Ελικα κίνησις, ἐκ τοῦ διπλοῦ τῆς περὶ αὐτοὺς κινήσεως ἀποτελουμένη. προτέαν δὲ χρὴ εἰπεῖν τὴν κατὰ τοῦ λοξοῦ προηγουμένην 5 κίνησιν· ἐπομένη γὰς ἡ Ελιξ και οἰ πρώτη.

πάλιν παραιτείται καὶ τῆς κατὰ τὸ βάθος κινήσεως αίτίας είναι τὰς έκκεντρότητας περί δὲ κέντρον εν τι τὸ αὐτῆς καὶ κόσμου ἡγεῖται τοῖς κατ' οὐρανὸν φερομένοις πᾶσι τὴν κίνησιν είναι, κατὰ συμβεβηκὸς ὑπὸ τῶν 10 πλανωμένων, οὐ κατὰ προηγουμένην, ώς ἐπάνω ἐπεδείξαμεν, των έπικύκλων και των έκκέντρων κύκλων διά τοῦ τῶν ἐγκέντρων βάθους γραφομένων. δύο γὰρ έπιφανείας έχει έκάστη σφαίζα, την μέν έντος κοίλην, την δε έπτος πυρτήν, ὧν έν τῷ μεταξὺ κατ' ἐπικύκλους 15 καὶ ἐγκέντρους κινεῖται τὰ ἄστρα, καθ' ἣν κίνησιν καὶ τοὺς ἐκκέντρους κατὰ συμβεβηκὸς γράφει. φησὶ δὲ καὶ κατὰ μὲν τὰς ἡμετέρας φαντασίας ἀνωμάλους εἶναι τὰς τῶν πλανωμένων κινήσεις, κατὰ δὲ τὸ ὑποκείμενον καὶ τάληθες όμαλάς πασι δε την κίνησιν προαιρετικήν καί 20 άβιαστον είναι δι' όλιγιστων φορών και έν τεταγμέναις σφαίραις. αλτιαται δε των φιλοσόφων δσοι ταξς σφαίραις οἷον ἀψύχους ένώσαντες τοὺς ἀστέρας καὶ τοίς τούτων κύκλοις πολυσφαιρίας είσηγοῦνται, ώσπερ Αριστοτέλης άξιοι και των μαθηματικών Μέναιγμος και 25

Κάλλιππος, οι τὰς μὲν φερούσας, τὰς δὲ ἀνελιττούσας εἰσηγήσαντο. ἐπὶ δὲ τούτοις ὁμολογουμένοις περὶ μένουσαν τὴν γῆν τὸν οὐρανὸν σὺν τοις ἄστροις ἡγείται κινείσθαι ἐν ὁμαλαις καὶ ἐγκυκλίοις κινήσεσιν ἐλαχίσταις τε καὶ συμφώνοις ἐγκέντροις τε καὶ ἀβιάστοις φοραις, καὶ ταύτας σωζομένας καὶ παρὰ Πλάτωνι ἀποδείκνυσι τὰς ὑποθέσεις.

κινούνται δε οί μεν άπλανείς περί τον διά των πόλων άξονα μένοντα, οί δε πλανώμενοι περί τον τοῦ 10 ζωδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὄντα αὐτῷ ἄξονα ἀπέχουσι δ' άλλήλων ο τε των άπλανων και των πλανωμένων άξων πεντεκαιδεκαγώνου πλευράν. δίχα μέν τέμνει τὸν πόσμον ὁ ζωδιακὸς μέγιστος ών της δὲ τοῦ παντὸς περιφερείας είς τξ΄ μοίρας διαιρουμένης ὁ ζωδιακὸς 15 έχατέρωθεν οπ΄ μοίρας ἀπολαμβάνει ὁ δὲ ἄξων τοῦ ζφδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὢν δίχα διαιρεί τὰς ρπ΄ μοίρας. λελόξωται δε δ ζωδιακός ἀπό τοῦ χειμερινοῦ παραλλήλου έπι τὸν θερινόν είσι δὲ ἀπὸ μὲν τοῦ θερινοῦ έπι τὸν ἀνταριτικὸν μοζοαι λ΄, ὡς παραδίδωσιν Ίππαρχος, ν ἀπὸ δὲ τοῦ ἀνταρκτικοῦ μέχρι τοῦ πόλου τῆς ἀπλανοῦς σφαίρας μοζραι τριάχοντα έξ. συνάμφω δέ, ἀπὸ μέν τοῦ θερινοῦ μέχρι τοῦ πόλου τῆς τῶν ἀπλανῶν σφαίρας, μοζραι ξς΄. Γνα δε πληρωθώσιν έπι τον πόλον τοῦ τῶν πλανωμένων ἄξονος Ε΄ μοζραι, προσθετέον μοίρας

¹ Κάλιππος B^* 4 έλαχίστοις B^* . (καὶ ἐν⟩ έλαχίσταις? 6 σωμένας B^* cf. Boeckh Unters. über das kosm. System des Platon p. 127 8 cf. p. 199, 3 sqq. (B^a) 9 πόλων exc.] πόλον B 11 \tilde{o} τε] \tilde{o} περὶ B^b 12 πεντεκαιδεκαγώνου exc.] πεντακαιδεκαγώνου B μὲν (γάρ)? 16 ρπ΄] π $\tilde{\rho}$ B^* 19 άρκτικὸν Mart., sed hic error ad scriptoris neglegentiam referendus esse videtur 20 άρκτικοῦ Mart. 21 τριακονταέξ B^* 24 προστίθεται B^*

κό, καθ' ὁ εἰη ἄν ὁ πόλος τοῦ ⟨τῶν⟩ πλανωμένων κό, καθ' ὁ εἰη ἄν ὁ πόλος τοῦ ⟨τῶν⟩ πλανωμένων τοῦ πολου ⟨τοῦ⟩ τῶν πλανωμένων ἄξονος μοἰραι ἐπὶ τὰ θερινὰ μέρη τοῦ ἀνταρκτινοῦ ιβ΄ αὶ πᾶσαι γὰρ ἦσαν λς΄ ὧν ἀφέλωμεν κό΄ λοιπαὶ ιβ΄. αἶς προσθετέον τὰς 5 ἀπὸ τοῦ ἀνταρκτικοῦ μέχρι τοῦ θερινοῦ πάλιν μοίρας κό καὶ ⟨τὰς⟩ ἀπὸ τοῦ θερινοῦ ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν μοίρας κό καὶ ⟨τὰς⟩ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὸν χειμερινόν, οῦ πάλιν ἐφάπτεται ὁ ζωδιακός, μοίρας κό΄. γίνονται μοῖραι κό΄ τῶν τξ΄ τοῦ παντὸς μοιρῶν πεντεκαιδέκατον 10 μέρος πεντεκαιδεκάκις γὰρ κό' γίνονται τξ΄. διὰ τοῦτό φαμεν τοῦ ἐγγραφομένου εἰς σφαῖραν πεντεκαιδεκαγώνου ἀπλανῶν καὶ τὸν τῶν πλανωμένων.

ελικα δὲ γράφει τὰ πλανώμενα κατὰ συμβεβηκός, 15 διὰ τὸ δύο κινείσθαι κινήσεις ἐναντίας ἀλλήλαις. τῷ γὰρ αὐτὰ κατὰ τὴν ἰδίαν κίνησιν ἀπὸ τοῦ θερινοῦ ἐπὶ χειμερινὸν φέρεσθαι καὶ ἀνάπαλιν, ἡρέμα μὲν αὐτὰ περιιόντα, τάχιστα δὲ ἐπὶ τὰ ἐναντία περιαγόμενα καθ' ἑκάστην ἡμέραν ὑπὸ τῆς ἀπλανοῦς σφαίρας, οὐκ ἐπ' 20 εὐθείας ἀπὸ παραλλήλου ἐπὶ παράλληλον πορεύεται, ἀλλὰ περιαγόμενα περὶ τὴν ἀπλανῆ σφαίραν. ἵνα δὴ διὰ τοῦ ζφδιακοῦ ἀπὸ τοῦ α ἐπὶ τὸ β χωρήση, τῆς φορᾶς αὐτῶν οὐκ ἐπὶ εὐθείας τοῦ ζφδιακοῦ μόνον, ἀλλὰ καὶ ἐν κύκλφ περὶ τὴν ἀπλανῆ γινομένης, ἕλικα 25

4 χειμερινά Mart. - άρκτικοῦ Mart. 6 άρκτικοῦ Mart.

μοῖραι \mathbf{B}^* 9 γίνοιντο μ $\overset{\sim}{\mathbf{p}_{Y}}$ πδ μοῖραι \mathbf{B} , γίνονται μὴν πδ μοῖραι \mathbf{M} art. 11 πεντεπαιδεπάι \mathbf{B}^* 15 inscr. περ \mathbf{l} τῆς έλιποειδοῦς πινήσεως \mathbf{B} . cf. Procl. in Tim. p. 263 $\overset{\sim}{\eta}$ lina \mathbf{B}^* 22 περ \mathbf{l}] έπ \mathbf{l} \mathbf{B}^* 24 αὐτοῦ \mathbf{B}^* εὐθείας supra vs. add. \mathbf{B} 25 γινομένη \mathbf{B} , γινομένην \mathbf{M} art.

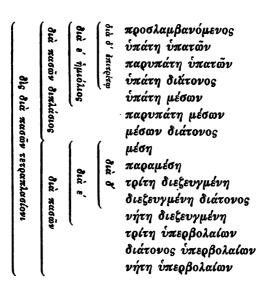
γράφουσιν εν τη ἀπὸ παραλλήλου επὶ παράλληλον διόδφ όμοίαν τη τών άμπέλων έλικι καθάπερ εί τις ίμάντα περιελίττει πυλίνδρω ἀπὸ τῆς έτέρας ἀποτομῆς μέχρι της έτέρας, ώσπερ ταίς Λακωνικαίς σκυτάλαις οί έφοροι ε περιελίττοντες ιμάντας τὰς ἐπιστολὰς ἔγραφον. γράφει δὲ καὶ ἄλλην Ελικα τὰ πλανώμενα, οὐ μόνον ὡς περὶ κύλινδρον (ἀπὸ τῆς ετέρας) ἀποτομῆς ἐπὶ τὴν ετέραν άποτομήν, άλλα και την ώς (έν) έπιπέδφ. έπειδη γαρ δι' αίωνος από του έτέρου παραλλήλου έπι τον ετερον 10 χωροῦσι καὶ ἀπ' ἐκείνου πάλιν ἐπὶ τὸν αὐτὸν καὶ τοῦτο άδιαλείπτως και άπαύστως γίνεται ὑπ' αὐτῶν, ἂν ἐπινοήσωμεν έπ' απειρον έπτεινομένας εύθείας είναι τὰς παραλλήλους καλ δι' αὐτῶν κατὰ τὰ αὐτὰ πορευόμενα τὰ πλανώμενα ποτὲ μὲν τὴν χειμερινὴν ὁδόν, ποτὲ δὲ 15 την θερινήν, μέχρις ἀπείρου εύρεθείη αν ήμιν Ελικα γράφοντα. κατὰ δὲ τὸ ἄπαυστον καὶ αἰώνιον τῆς περί την σφαίραν διὰ [της] τῶν παραλλήλων πορείας ὁμοία ή όδὸς αὐτοῖς γίνεται τῆ διὰ τῶν ἐπ' ἄπειρον ἐπτεινομένων εύθειών όδώ, καθάπες δηλοί τὰ ύποκείμενα δια-20 γράμματα. ώστε δύο κατά συμβεβηκός γράφουσιν έλικας, την μεν ώς περί κύλινδρον, την δε ώς δι' έπιπέδου.

ταυτί μεν τὰ ἀναγκαιότατα καὶ έξ ἀστρολογίας κυριώτατα πρὸς τὴν τῶν Πλατωνικῶν ἀνάγνωσιν. ἐπεὶ δε ἔφαμεν είναι μουσικὴν καὶ ἁρμονίαν τὴν μεν ἐν 25 ὀργάνοις, τὴν δε ἐν ἀριθμοῖς, τὴν δε ἐν κόσμω, καὶ

³ περιειλίττει Β* ἀπὸ bis scr. B, semel ap. ἐτέραν B, em. ap. 6 ἄλλον Β* 7 ἀπὸ τῆς ἐτέρας add. Mart. 8 ἐν add. Mart. 11 ᾶν] κάν Β (κ rubrum versus initio antepositum est), κᾶν ap. 14 τὰ πλανώμενα] τὰ ἀπλανῆ Β, τῆ ἀπλανεῖ Mart. 17 τῆς del. Mart. 19 descriptiones B non habet 22 κυριότατα Β*. καὶ κυριώτατα ἐξ ἀστρολογίας? 24 ἔφαμεν: p. 17, 2. 47, 3

περί τῆς ἐν κόσμφ τἀναγκαῖα πάντα έξῆς ἐπηγγειλάμεθα μετὰ τὴν περί ἀστρολογίας παράδοσιν — ταύτην γὰρ ἔφη καὶ Πλάτων ἐν τοῖς μαθήμασι πέμπτην εἶναι μετὰ ἀριθμητικὴν γεωμετρίαν στερεομετρίαν ἀστρονομίαν —, ἃ καὶ περὶ τούτων ἐν κεφαλαίοις παραδείκνυσιν ὁ Θρά- 5 συλλος σὺν οἶς καὶ αὐτοὶ προεξειργάσμεθα δηλωτέον.

1 ἐπηγγειλάμεθα: p. 47, 9. 93, 11 2 αστοολογίαν B^* 3 Πλάτων: Civ. VII p. 530 4 στερεωμετρίαν B^* 5 θρασύλλος B^* 6 προεξηργάσμεθα B^* τέλος add. B



Exstat haec descriptio neglegentissime facta in cod. A post finem eius partis qua de musica agitur (p. 72). Quindecim nominibus adiecta sunt haec signa: $q \ \overline{\xi} \ \overline{R} \ \overline{\Phi} \ \overline{C} \ \overline{P} \ u \ \overline{\iota} \xi \ \xi \Box \ U$ $\vartheta_{\boldsymbol{q}} \ u \ \overline{l} \ \overline{K}$. Cf. Boeth. de inst. mus. p. 312 sqq. Friedl. Westphal p. 324 sqq.

COMPARATIO PAGINARUM HUIUS EDITIONIS CUM PRIORUM EDITIONUM CAPITIBUS.

		Do amithmatica	c.	29	in. p.	41, 8	
		De arithmetica.		30		42 , 3	
C.	1	in. p. 1, 1		31		42 , 10	
	2	16, 24		3 2		45, 9	
	3	18, 3			ъ.		
	4	19, 21			De	musica.	
	5	21, 20	c.	1	in. p.	46, 20	
	6	23, 6		2		47, 18	
	7	24, 16		3		48, 8	
	8	25 , 5		4		48, 12	
	9	25, 19		5		48, 16	
	10	26, 5		6		49, 6	
	11	26, 14		7		53, 1	
	12	26, 18		8		53, 8	
	13	26, 21		9		53, 17	
	14	27, 23		10		54, 16	
	15	28, 3		11		55, 8	
	16	28, 16		12		55, 11	
	17	30 , 8		13		60, 12	
	18	31, 9		14		66, 14	
	19	31, 13		15		70, 3	
	20	34 , 1		16		70, 14	
	21	. 36, 3		17		72, 21	
	22	36, 13		18		72, 24	
	23	37, 7		19		73, 16	
	24	38, 16		20		74, 8	
	25	39, 10		21		74, 12	
	26	89 , 14		22		74, 15	
	27	4 0, 1		23		76, 8	
	28	41, 3		24		76, 21	

^	25	in.	n	78,	R	c.	3	in		199 17
٠.	26	111.	ρ.	78,	92	О.	4	in.	μ.	122, 17 128, 1
	27			79,			5			129, 10
	28			80,			6	,		
	29			80,			7			130, 16
	30			81,	e e		8			131, 5 131, 13
	31			82,	6		9			
	32			84,			10			132, 5 133, 17
	33			85,	8		11			
	34			86,	15		12			134, 1 134, 8
	35			87,	4		13			136, 20
	36			90,			14			137, 7
	37			93,			15			138, 9
	38			93,	25		16			143, 7
	39			99,			17	•		147, 7
	40			99,			18			147, 14
	41			100,			19			147, 19
	42			100,			20			148, 1
	43				11		21			148, 3
	44			101,			22			148, 13
	45			102,			23			150, 19
	46		•	103,			24			151, 20
	47			104,			25			151, 23
	48	•		106,			26			152, 6
	49			106,	7		27			172, 15
	50			106,	12		28			173, 16
	51			107,			29			174, 3
	52			110,			30			175, 1
	53			111,			31			178, 3
	54			112,			32			180, 22
	55			113,	18		33			186, 17
	56			114,	1		34			188, 8
	57			114,	14		35			190, 1
	5 8			115,	5		36			191, 8
	59			115,	12		37			192, 22
	60			115,	20		38			193, 24
	61			116,	8		39			195, 5
		D.		.	•		40			198, 14
			8.8	trone			41			199, 9
C.	1	in.	p.				42			202,8
	2			121,	1		43			203, 15

COMPARATIO PAGINARUM HUIUS EDITIONIS CUM PRIORUM EDITIONUM PAGINIS.

p.	1	Bull.	in.	ъ.	1,	1	p. 30	Bull.	in.	ъ.	2 2.	5
•	2			•	1,		31		•	Ε.	22,	
	3				2,		32				23,	8
	4				2.	20	33				23,	24
	5		•		3.	12	34				24,	
	6					11	35				25,	2
	7				5,		36				25,	
	8			٠.	6,		37				26,	
	9				7,		38				26,	
	10	•			8,		39				26,	21
	11				9,	1	40				27,	
	12				10,		41				27,	24
	13				10,		42				28,	12
	14				11,		43				28,	
	15				12,		44				29,	
	16				12,		45				3 0,	
	17				13,		46				30,	
	18				14,		47				31,	9
	19				15,		48				31,	
	20		•		15,		49				32,	
	21				16,		50				32,	
	22				17,		51				33,	
	23				17,		52				34,	
	24				18,		53				34,	
	25				19,	1	54	:			•	
	26				19,	17	55				35,	8
	27				20,		56				35,	
	28				21,		57				36,	12
	29				21,		58				37,	1

14

Theo Smyrn.

p. 59 Bull. ir	n 97 15	p. 104 Bull. in	n 68 19
60 ·	38, 9	105	69, 3
61	39, 1	106	70, 2
62	39, 14	107	70, 14
63	40, 1	108	71, 6
64	40, 6	109	72, 1
65	41, 3	110	72, 18
66	41, 9	111	206
67	42, 4	112	72, 24
68	43, 7	113	73, 10
69	43, 23	114	. 74, 1
70	44, 18	115	74, 12
71	45, 12	116	74, 21
72	46, 9	117	75, 13
73	46, 20	118	76, 6
74	47, 9	119	76, 21
75	47, 21	120	77, 13
76	48, 8	121	78, 4
77	48, 16	122	78, 18
78	49, 6	123	79, 6
79	49, 18	124	79, 19
80	50, 16	125	80, 7
81	51, 10	126	80, 16
82	52, 9	127	81, 6
83	53, 1	128	81, 18
84	53 , 10	129	82, 9
85	54 , 2	130	83, 2
86	54, 16	131	83, 18
87	55, 6	132	84, 11
88	55, 15	133	85, 4
89	56, 15	134	85, 17
90	58, 1	135	86, 9
91	59, 4	136	86, 22
92	59, 21	137	87, 8
93	60, 12	138	. 88, 8
94	61, 2	139	88, 24
95	61, 20	140	89, 17
96	62, 13	141	90, 8
97	63, 9	142	90, 23
98	64, 1	143	91, 11
99	65, 10	144	92, 3
100	66, 3	145	92, 20
101	66, 14	146	93, 11
102	67, 4	147	93, 23
103	67, 20	148	94, 10

n.	149 Bull. in.	p. 95, 9	p.	6	Geld.	in.	n.	2.	19
р.	150	96, 3	ь.	7			Ρ.	3,	
	151	96, 20		8				4.	11
	152	97, 11		9				5,	
	153	98, 5	1	10				6,	
	154	98, 22		11				7,	
	155	99, 18		12				8,	5
	156	99, 24		18				8,	19
	157	100, 18		14					14
	158	101, 3	1	15				10,	
	159	101, 14	:	16			·	11,	
	160	102, 4		17				12,	6
	161	102, 17		18			•	,	22
	162	103, 13	1	19				13,	10
	163	104, 7	9	20				14,	
	164	104, 20	9	21				15,	7
	165	105, 9	9	22				16,	1
	166	106, 7	9	23				16,	19
	167	106, 15	9	24				17,	4
	168	107, 10	9	25				17,	21
	169	107, 22	9	26				18,	10
	170	108, 15	9	27				19,	4
	171	109, 12	9	28				19,	19
	112	110, 7	9	29				20,	7
	173	110, 20		B 0				20,	23
	174	111, 14	ં ફ	B1				21,	15
	175	112, 1		32				22,	1
	176	112, 18	1	88				22,	
	177	113, 4		84				23,	
	178	113, 18		35				28,	
	179	114, 1		B6				24,	
	180	114, 14		87				24,	
	181	114, 26		38				25,	7
	182	115, 12		39				25,	20
	183	115, 20		40				26,	7
	184	116, 10		41				26,	
	185	116, 26		42				27,	
	186	117, 18		43				27,	
	187	118, 7		44				28,	
	188	119, 6		45				28,	
				46				29,	8
_	o Cold in -	1 1		47				29,	28
p.	3 Geld. in. p.			48				30,	
	4	1, 4		49 60				80,	
	5 ·	2, 3		50				31,	15

•	K1 (ri blar	_	20		_	170	Mark	<u>.</u>	_	196	10
Р.	52	Held. in	. р.			p.		Mart.	ın.	p.		
	53			32, 33,	7		178 180				137,	
	54						182				137,	
	55			34, 34,			184				138, 139,	
	56			35,			186				140,	
	57			35,			188				140,	
	58			36,			190				141,	
	59			36,	99		192				141,	
	60			37,			194				142,	
	61			38,			196				143,	
	62			38,			198				144,	
	63			39,			200				145,	
	64			39,			202				146,	
	65			40,			204				147,	
	66			41,	3		206				147,	
	67			41,		i	208				148,	
	68			42,			210				149,	
	69			43,	7		212				150,	
	70			43,			214				150,	
	71			44,			216				151,	
	72			45,			218				152,	
	73			46,			220				153,	
	74			46,			222				154,	
				,			224				156,	
							226				157,	
p.	138	Mart. i	n. r	. 12	0. 1		228				157,	
Ε.	140				0, 10		230				159,	
	142				1, 3		232				159,	
	144				1, 25		234				160,	
	146				2, 19		236				161,	19
	148			12	3, 15		238				162,	
	150				4, 18		240				163,	
	152				5, 16		242				165,	
	154			12	6, 13		244				165,	
	156			12	7, 8		246				166,	
	158			12	8, 1		248				167,	14
	160			12	29, 5		25 0				168,	10
	162				10, 1		252				169,	5
	164			13	30, 19		254				170,	9
	166				32, 2		256				171,	5
	168			13	12 , 19		258				171,	20
	170			13	33, 17		260				172,	19
	172				84, 8		262				173,	
	174			13	85, 8		264	•			174,	1

n.	266	Mart.	in.	p.	175.	1	n.	304	Mart.	in.	D.	190.	1
Ρ.	268				175,			306			F.	191,	
	270				176,	18		308				192,	
	272				177,	14		310				192,	22
	274				178,	6		312				193,	12
	276				179,	2		314				194,	3
	278				179,	18		316				194,	24
	28 0				180,	8		318				195,	18
	282				181,	3		320				197,	3
	284			•	182,	11		322				197,	21
	28 6				183,	4		324				198,	
	288				183,	16		326				199,	9
	290				184,	13		328				200,	7
	292	-			185,			330				201,	2
	294				186,	1		332				201,	24
	296				186,	19		3 34				202,	19
	298				187,			336				203,	
	300				188,			338				204,	
	302				188,	23		340				205,	2

INDEX SCRIPTORUM.

Adrastus: 49, 6. 50, 4. 61, 19. 64, 1. 65, 10. 66, 12. 73, 19. 76, 2. 106, 16. 107, 10. 24. 120, 8. 129, 9. 10. 146, 11. 147, 7. 16. 148, 10. 13. 149, 9. 150, 20. 151, 20. 154, 12. 21. 157, 12. 158, 10. 166, 6. 10. 177, 9. 198, 9. Alexander: 138, 18. 140, 4. 141, 5 sqq. 143, 1. Anaximander: 198, 18. Anaximenes: 198, 19. Aratus: 146, 16. Archimedes: 124, 12. 127, 3. Archytas: 20, 19. 22, 10. 61, 12. έν τῷ περὶ δεκάδος 106, 10. Aristoteles: 179, 13, 189, 7. 201, 25. ἐν τῷ λ τῶν μετὰ τὰ φυσικά 178, 10. ἐν τοῖς περὶ οὐρανοῦ 178, 3. ἐν τῷ Πυθαγορικῷ 22, 5.
Ατίστακτιμε: 53, 9. 55, 12. 15. 56, 1. 64, 2. 67, 10.
Callippus: 178, 11. 180, 6. 202, 1.
Dercyllides: 198, 9. 199, 9. 14. 200, 7. 13 sqq. 201, 7 sqq. 202, 3. 6. ἐν τῷ περὶ τοῦ ἀτράκτου καὶ τῶν σφονοὖλων τῶν ἐν τῷ Πολιτείᾳ παρὰ

Πλάτωνι λεγομένων 198, 11.

έν τοις Καθαρμοίς 104, 2.

Dicaearchus: 124, 21. Empedocles: 15, 10. 149, 6. Eratosthenes: 82, 22. 105, 14. 107, 15. 23. 111, 10. 124, 12. 21 142, 7. ἐν τοὶς ἔπεσι 142, 16. ἐν τῷ ἐπιγραφομένφ Πλατωνικῷ 2, 3. 81, 17. Euander: 105, 6. Eudemus: έν ταις Αστοολογίαις 198, 14. Eudoxus: 61, 12. 178, 11. 179, 14. Euripides: 48, 3. 146, 16. Herophilus: 104, 16. Hesiodus: 9, 9. Hipparchus: 166, 6. 185, 17. 188, 15. 194, 9. 197, 9. 202, 19. Hippasus: 59, 8. Ibycus: 146, 12. Lasus: 59, 7. Menaechmus: 201, 25. Oenopides: 198, 14. Orphica: έν τοις Όρφικοις ορное 105, 1. Peripatetici: 72, 24. Philolaus: 20, 19. ἐν τῷ περί φύσιος 106, 11. Plato: 1, 2. 7. 15. 2, 8. 12, 10. 15, 7. 11. 16. 16, 1. 11. 19. 27. 17, 5. 9. 47, 16. 56, 5.

63, 25. 65, 1. 67, 12. 69,

6. 9. 73, 11. 113, 10. 116, 14. 119, 19. 146, 6. 147, 16. 151, 19. 188, 25. 200, 8. 202, 6. 204, 23. 205, 3. εν τῆ Ἐπινομίδι 2, 15. έν τῷ Ἐπινομίῳ 7, 9 sqq. 84, 8. 177, 24. ev τῆ Πολιτεία 2, 22. [10, 12.] 12, 26. 198, 12. ἐν τῷ τοίτφ της Πολιτείας 10, 17. έν τῷ ἐβδόμφ τῆς Πολιτείας 3, 16 aqq. έπὶ τέλει τῆς Πολιτείας 143, 7. 189, 2. ἐν τῷ Τιμαίφ 96, 5. 103, 17. Εν Φιλήβφ 21, 14. Posidonius: 103, 18. 94, 8. Pythagoras: 56, 10.150, 16. Pythagorei: 6, 2. 12, 10. 18. 17, 25. 20, 7. 46, 13. 47, 12. 50, 4. 55, 14. 94, 3 sqq. 99, 14. 18. 103, 4. 116, 4. 138, **11. 139, 11. 147, 4**. Thales: 198, 16. Theo: έν τοὶς τῆς Πολιτείας ύπομνήμασιν 146, 4. Thrasyllus: 47, 18. 48, 8. 85, 8. 87, 8. 93, 8. 205, 5. Timotheus: 105, 11.

ADDENDA ET CORRIGENDA.

```
p. 4 adn. vs. 4 ante μη ήπίστατο add. 8
    5, 17 [μεν] cj. H(ultsch)
    6 adn. vs. 6 corr. olov
   12, 18 φασίν] πάλιν cj. H.
   18, 11 corr. πολλά
   20, 14 [ού τὸ ἔν] cj. H.
   24, 14 xal yào ] ώς yào A
   34, 13 corr. del-
   44, 2. 4. 5 corr. τριάδος — τριάδα — τριάδι
       17 corr. διάμετροι
   45, 15 συνθώμεν cj. H.
   46, 11 corr. τέταρτον
  47, 22 (et in adn.) ούτος post αύτὸς add.
48, 15 ὑπατῶν: cf. v. Jan. Philol. XXIX p. 302 ¹)
   52, 18 λόγον λέξιν?
   53, 9 ημιπήχειον Η.
   55, 14 corr. δίεσιν
   62, 8 ὅτι] ἄρα cj. H.
   71, 1 μέν τις] μεν τη cj. H.
   73 in adn. ad 21 A post "litt." add.
   75, 14 συμφωνίαις] συμφωνία cj. Η.
   77, 25 et p. 80, 23 corr. αεί
   82, 22 ὅτι \langle \dot{\eta} \rangle τῆς ἀναλογίας φύσις ἀρχ\dot{\eta} εὐλόγου ἐστὶ καὶ
          (τεταγμένης γενέσεως, έκ τῆς ἰσότητος αὐτή τε γεννη-
          θείσα > ποώτη μτλ. cj. Η.
   84, in adn. ad 15 corr. ,inscr."
   93, 4 άρχόμενοι ύποτεθείσης (γάρ) αὐτῆς μυρίων τξη' οί
          έφεξης πτλ.?
       12 λοιπών del. vid.
   94, 9 (είναι) cj. Η.
   96, 2 corr. αυξησις
   97, 25 an ser. όγδοη δε τετρ. ή τούτων πριτική παί νοητική
```

οὐσα?

```
p. 100, 14 μέσα: cf. adn. ad p. 46, 15
  101, 18 corr. ásí
  102, 6 ποιείν cj. H.
  103, 14 γεννα del. vid.
  114, 14 et 21 άναλογία et άναλογία neglegenter pos. pro
          μεσότης et μεσότητι
  116, 12 εδοήσομεν?
  124, 1 συρουήσεται (άρα) Η.
       5 δηλον (ουν)?
  127, 16 τῶν τὸ?
  128, 12 πρὸς τὰς ὅλας σφαίρας ] πάσης καθόλου σφαίρας cj. H.
  131, 4 δέ τις] δ' έτι τις?
     6 (είς) ίσα Η.
  138, 9 \tilde{\eta}] nal H. cf. p. 152, 4.
  150, 2 ταῦτα τὰς cj. H. an αὐτά?
  153, 11 pro <sup>5</sup>η' corr. 4' η'
  157, 15 ἐπεζεύνθωσαν Η.
  171, 3 ἀνάστοοφον cj. Η.
       19 (καί) τη οπ?
  178 adn. vs. 2 corr. "additum"
  180, 6 χωρίς τοῦ Η.
       18 μηχανικαίς σφαιροποιίαις cj. Η.
       22 όντως ούτως cj. Η.
       in adh. ad 18 post "Gerh." add. "p. 1026, 2-4. 1027 n. 3. 4 Hultsch."
  184, 3 (γένηται) κατά τὸ μ cj. H.
       24 και κατά φύσιν ούση φορά των πλανωμένων ήτοι
          σφαιρών cj. Η.
  185, 5 τε καί] τέ τις cj. Η.
  186, 12 έπὶ (μὲν) οὖν cj. H.
  188, 6 φέρουσιν] άποφαίνουσιν cj. Η.
  192, 14 δ (δε) πλάνης?
       15 καί] ή vel γίνηται Η.
  194, 7 corr. ώς
       in adn. ad 11 corr. δώδωκα
  200, 13 έν] έπλ cj. Η.
```

